# المعادلات والمتراجحات والحصر



4) الإخطاء الشائعة

3) المتراجحات

2) الحصر والمجالات

1) المعادلات

#### I) المعادلات من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد:

1) – <u>تعریف</u> :

و b و  $x \neq 0$  معلوم و  $a \neq 0$  معلوم و a

ax + b = 0 : کل مساواة علی شکل

x تسمى معادلة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد وهو

$$-\frac{1}{2}x+5=0$$
 ;  $-\pi-5x=0$  ;  $\sqrt{3}.x-\frac{11}{23}=0$  ;  $2x+11=0$  : كل من الكتابات : كل من الكتابات :  $x$  واحد و هو  $x$  .

: في مجموعة ما في مجموعة ما المعادلة a x + b = 0

 $\frac{a \ x + b = 0}{b}$  حلّ في  $\mathbb{R}$  (مثلا) المعادلة

 $S_{\mathbb{R}}$  ابحث عن مجموعة الحلول المنتمية الى  $\mathbb{R}$  والتي نرمز اليها ب

\* / الطريقة العملية:

### عند إزالة حد من إحدى طرفي معادلة نضيف مقابله إلى الطرف الآخر

\* / أمثلة :

 $\mathbb{D}$  في  $\mathbb{Z}$  ثم في  $\mathbb{Z}$  أ) حـل المعادلة: 0 = 2x + 3 = 0

2x = -3

 $x=rac{-3}{2}$  المعادلة  $x=rac{-3}{2}$  تكافئ على التوالي :

 $\mathbf{S}_{\mathrm{ID}} = \left\{ \frac{(-3)}{2} \right\}$  اذن  $\mathbb{D}$  هو عدد لیس من  $\mathbb{Z}$  اذن  $\mathbf{S}_{\mathbb{Z}} = \emptyset$  ,  $\mathbf{S}_{\mathbb{Z}} = \emptyset$ 

 $x\sqrt{3}-7=0$  : المعادلة  $\mathbb{R}$  المعادلة



$$x\sqrt{3}=7$$
  $x=rac{7}{\sqrt{3}}$  : نكافئ على التوالي  $x\sqrt{3}-7=0$  : المعادلة  $x=rac{7\sqrt{3}}{3}$ 

المعادلة 
$$7=7-3$$
 تكافئ على التوالي :

$$S_{\mathbb{R}} = \{\frac{7\sqrt{3}}{3}\}$$

$$\mathbf{S}_{\mathbb{R}} = \left\{ \frac{7\sqrt{3}}{3} \right\}$$
 هو عدد من  $\mathbb{R}$  اذن  $\frac{7\sqrt{3}}{3}$ 

. 
$$2x + 2 = 3x + 2$$
 : المعادلة  $\mathbb{R}$  في  $\mathbb{R}$ 

$$S_{\mathbb{R}} = \{0\}$$

$$S_{\mathbb{R}}$$
=  $\{0\}$  المعادلة  $2x-3x=2-2$   $2x-3x=0$  المعادلة  $2x+2=3x+2$  تكافئ على التوالي  $x=0$ 

$$(3x-1)-(4-x)=4x-5$$
 : المعادلة (3x -1) المعادلة (3x -1)

هذه المعادلة تكافئ 
$$4x-5=4x-5$$
 اي  $3x-1-4+x=4x-5$  ومنه :  $4x-4x=5-5$ 

$$S_{\mathbb{R}}=~\mathbb{R}$$
 : نلاحظ ان جميع الأعداد الحقيقية هي حل للمعادلة وبالتالي

. 
$$5x + 7 = -2 + 5x$$
 : المعادلة  $\mathbb{R}$  المعادلة -(2

$$5x-5x=-2-7$$
 المعادلة  $5x+7=-2+3x$  تكافئ على التوالي :

وهذا غير ممكن ومنه 
$$oldsymbol{S}_{\mathbb{R}}=oldsymbol{arphi}$$
 اي ان المعادلة  $x+7=-2+3x$  ليس لها حــل .

$$(ax+b)(cx+d)=0$$
: على المعادلة  $-(3)$ 

\* / بصفة عامة :

. و  $\overline{b}$  عددان حقیقیان معلومان a

$$(cx + d) = 0$$
 $(ax + b) = 0$ 
 $(ax + b)(cx + d) = 0$ 

: / مثال :

. 
$$(2x+4)(-3x-5)=0$$
 : المعادلة المعاد

المعادلة (
$$(2x+4)(-3x-5)=0$$
 تكافئ على التوالي :

$$\begin{vmatrix}
-3x - 5 = 0 \\
-3x = 5 \\
x = \frac{5}{-3} = -\frac{5}{3}
\end{vmatrix} = 2x + 4 = 0$$

$$2x = -4$$

$$x = \frac{-4}{2}$$

$$x = -2$$

$$\mathbb{SQ}=\{-rac{5}{3};-2\}$$
 إذن للمعادلة حلان هما  $\mathbb{S}_{\mathbb{Z}}=\{-2\}$  ومنه  $\mathbb{S}_{\mathbb{Z}}=\{-2\}$  لان  $\mathbb{S}_{\mathbb{Z}}$ ليست من  $\mathbb{Z}$  بينما

$$x^2 = a : -4$$
 المعادلة – (4

### \*/بصفة عامة:

$$-\sqrt{a}$$
 و  $\sqrt{a}$  : تقبل حلين هما  $x^2=a$  فإن المعادلة  $a>0$  : اإذا كان  $a>0$ 

. 
$$\frac{1}{0}$$
 عان :  $\frac{1}{0}$  فإن لمعادلة  $\frac{1}{0}$  عاد  $\frac{1}{0}$  تقبل حــــلا وحيدا هو العدد  $\frac{1}{0}$ 

. 
$$x^2=a$$
 فإن المعادلة  $a<0$  : كان  $a<0$ 

### <u>\* / أمثلة:</u>

. 
$$x^2=5$$
 : أحل في  $\mathbb R$  المعادلة

$$x = -\sqrt{5}$$
 او  $x = \sqrt{5}$  : سیکون لدینا

$$\mathbf{S}_{\mathbb{R}}=\left\{ -\sqrt{5};\sqrt{5}
ight\}$$
 و منه  $\sqrt{5}$  و منه  $x^2=5$  ومنه  $x^2=5$  إذن المعادلة  $x^2=5$ 



. 
$$2x^2 = -6$$
 : المعادلة  $\mathbb{R}$  في

$$x^2=-rac{6}{2}$$
 المعادلة  $2x^2=-6$  تكافئ على التوالي :  $x^2=-3$ 

$$\mathbf{S}_{\mathbb{R}}=\left\{ egin{array}{ll} \mathbf{S}_{\mathbb{R}}=\left\{ egin{array}{ll} \mathbf{S}_{\mathbb{R}}=-6 \end{array} 
ight.$$
 إذن المعادلة

. 
$$2x^2 + 5 = x^2 + 5$$
 : المعادلة  $\mathbb{R}$  في  $\mathbb{R}$ 

: تكافئ على التوالي 
$$2x^2 + 5 = x^2 + 5$$

$$2x^{2}-x^{2}=5-5$$

$$x^{2}=0$$

$$x=0$$
وبالتـــالي

. 
$$\mathbf{S}_{\mathbb{R}}$$
 =  $\{0\}$  ومنه  $0$  ومنه  $2x^2+5=x^2+5$ 

#### 5) - المعادلات و النشس :

. 
$$2(3x+2)-5(x-1)=0$$
 المعادلة:  $\mathbb{R}$  المعادلة:

$$6x + 4 - 5x + 5 = 0$$
  $6x - 5x = -4 - 5$  : نكافئ على التوالي  $2(3x + 2) - 5(x - 1) = 0$  المعادلة  $x = -9$ 

$$egin{aligned} \mathbf{S}_{\mathbb{R}} = \{-9\} \end{aligned}$$
 ومنه  $2(3x+2)-5(x-1)=0$  ومنه  $-9$  ومنه  $-9$  بن العدد  $-3(2x+1)=x+2(-x-2)$  .

المعادلة 
$$(-x-2) = x + 2(-x-2)$$
 تكافئ على التوالي :

$$S_{\mathbb{R}} = \{\frac{1}{5}\}$$
 افن 
$$\begin{cases} -6x - 3 = x - 2x - 4 \\ -6x - x + 2x = -4 + 3 \\ -5x = -1 \end{cases}$$
 
$$x = \frac{1}{5}$$

#### 6) – المعادلات و التفكيك:

. 
$$(x+2)(3x-1)+(x+2)(-4x+5)=0$$
 المعادلة :  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $\mathbb{R}$  على المعادلة :  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $\mathbb{R}$  على المعادلة :  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $\mathbb{R}$  على المعادلة :  $\mathbb{R}$  على المعادلة :  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $\mathbb{R}$ 

$$(x+2)(3x-1)+(x+2)(-4x+5)=0$$
 تكافئ بالتدرج:



#### COLLEGE.MOURAJAA.COM

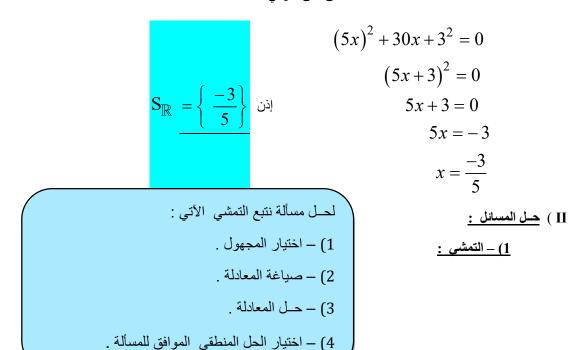
$$(x+2)[(3x-1)+(-4x+5)] = 0$$
 $(x+2)(3x-1-4x+5) = 0$ 
 $(x+2)(-x+4) = 0$ 
 $x = 4$ 
او  $x = -2$ 

. 4 و 
$$-2$$
 : تقبل حلين هما  $(x+2)(3x-1)+(x+2)(-4x+5)=0$  و المعادلة  $(x+2)(3x-1)+(x+2)(-4x+5)=0$ 

ومنه  $\mathbf{S}_{\mathbb{R}} = \{ 4; -2 \}$ 

. 
$$25x^2 + 30x + 9 = 0$$
: المعادلة  $\mathbb{R}$  المعادلة (2

: المعادلة  $25x^2 + 30x + 9 = 0$  تكافئ على التو الى



<u>2 - مثال : الترا على الت</u>

حصان يحمل على ظهره 5 أكياس و kg 20 من القمح و 3 أكياس و kg من الذرة، و جمل يحمل 3 أكياس و kg من القمح و كيسان (2) و kg من الشعير . فأجهد ذلك على الجمل فقال له الحصان : كيف تشعر بالتعب و نحن نحمل نفس الوزن ؟ إذا علمت أن الكيس الواحد من الشعير يزيد عن الكيس الواحد من الشعير يزيد عن الكيس الواحد من القمح ب kg 10 هما هو وزن الكيس الواحد من كل نوع ؟

### <u>الحـل:</u>

- . اختیار المجهول : لیکن x وزن الکیس الواحد من القمح . -(1)
- مياغة المعادلة : بما أن x هو وزن الكيس الواحد من القمح فإن (x+10) هو وزن الكيس الواحد من الشعير . (2

. 
$$(5x+20)+[3(x+10)+10]$$
 : بالوزن الذي يحمله الحصان هو

$$(3x+80)+[2(x+10)+50]$$
 : الوزن الذي يحمله الجمل هو

و بما أن الحصان و الجمل يحملان نفس الوزن فستكون لدينا المعادلة الآتية:

$$(5x+20)+[3(x+10)+10] = (3x+80)+[2(x+10)+10]$$



: حـل المعادلة - (3

تكافئ على النوالي : 
$$[3(x+10)+10] = (3x+80)+[2(x+10)+50]$$
 المعادلة  $3x+80+2x+20+50=5x+20+3x+30+10$   $3x+2x-5x-3x=20+30+10-80-20-50$   $-3x=-90$   $x=30$ 

### \*) ملاحظة: لنتحقق من الحل:

$$(5x + 20) + [3(x + 10) + 10] = 5 \times 30 + 20 + 3(30 + 10) + 10$$

$$= 150 + 20 + 3 \times 40 + 10 = 300$$

$$(3x + 80) + [2(x + 10) + 50] = 3 \times 30 + 80 + 2(30 + 10) + 50$$

$$= 90 + 80 + 2 \times 40 + 50 = 300$$

$$(5x + 20) + [3(x + 10) + 10] = (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

$$= (3x + 80) + [2(x + 10) + 50]$$

.  $30 \ \text{kg}$  : وزن الكيس الواحد من القمح هو

وزن الكيس الواحد من الذرى هو : 40 kg

#### 

### 1) – حصر مجموع عددین :

و 
$$b$$
 و  $x$  و  $y$  و  $y$  و  $y$  أعداد حقيقية بحيث :

 $z \le b \le t$  و  $x \le a \le y$  اذا کان

 $x + z \le a + b \le y + t$ فان

### \* مثال :

$$-4 \le y \le 2$$
 و  $3 \le x \le 8$  : عددان حقیقیان بحیث  $x$ 

x + y انحصر

$$3 + (-4) \le x + y \le 8 + 2$$
 : لينا

 $-1 \le x + y \le 10$ 

#### 2) – حصر مقابل عدد حقيقى :

 $x \le a \le y$  عدد حقیقي a  $-y \le -a \le -x$  یعنی



#### 3) - حصر فرق عددین حقیقیین:

ملاحظة هامة : خصر 
$$a-b$$
 ، نكتب نكتب  $a-b=a+(-b)$  ، نكتب أعلاه

ا مثال :

$$x-y$$
 و  $x\leq 0$  ؛  $x\leq 0$  و  $x\leq 0$  ؛ لنحصر  $x\leq 0$  عددان حقیقیان بحیث :  $x\leq 0$ 

$$3-2 \le x+\left(-y\right) \le 8+4$$
 : لاينا  $3 \le x \le 8$  و  $-2 \le -y \le 4$  : لاينا

 $1 \le x - y \le 12$  : ومنه فإن

### 4) حصر جذاء عددين حقيقيين:

: أعداد حقيقية موجبة بحيث 
$$x \in b$$
 و  $x \in a$  و  $x \in a$  و  $x \in a$ 

 $x \times z \le a \times b \le y \times t$ 

#### \* مثال 1 <u>:</u>

$$x imes y$$
 و  $y o 1 \le y \le 3$  و  $x o 2$  ؛ لنحصىر  $x o y$ 

$$3 \le x \times y \le 21$$
 : اذن  $3 \times 1 \le x \times y \le 7 \times 3$  الدينا

\* مثال 2 :

. 
$$x imes y$$
 عددان حقیقیان بحیث :  $-5 \le x \le -2$  و  $3 \le y \le 6$  و  $x \le -2$ 

$$6 \le -xy \le 30$$
 اي  $2 \times 3 \le (-x) \times y \le 5 \times 6$  اي  $2 \le -x \le 5$  الحينا  $2 \le -x \le 5$ 

و منه فإن :  $-30 \le xy \le -6$ 

### 5) - حصر مقلوب عدد حقيقى غير منعدم:

استنتاج :

و 
$$x$$
 و  $x$  و اعداد حقیقیة غیر منعدمة ولها نفس العلامة 
$$\frac{1}{y} \le \frac{1}{a} \le \frac{1}{x}$$
 يعني 
$$x \le a \le y$$

#### 6) - حصر خارج قسمة عددين:

$$\dfrac{a}{b}=a imes \dfrac{1}{b}$$
 علما ان  $b$  مخالف للصفر ، نكتب  $\dfrac{a}{b}$  ثم نطبق القاعدتين أعلاه : لحصر

. 
$$\frac{x}{y}$$
 و  $5 \le y \le 9$  و  $3 \le x \le 7$  ؛ لنحصر  $y$  عددان حقیقیان بحیث :



$$\frac{3}{9} \le \frac{x}{y} \le \frac{7}{5}$$
 اون  $3 \times \frac{1}{9} \le x \times \frac{1}{y} \le 7 \times \frac{1}{5}$  اون  $\frac{1}{9} \le \frac{1}{y} \le \frac{1}{5}$  الدينا :

$$\frac{1}{3} \le \frac{x}{y} \le \frac{7}{5}$$
: و بالتالي فإن :

#### \* تمرین تطبیقی محوصل :

$$-3 \le c \le 5$$
 و  $-4 \le b \le -2$  و  $6 \le a \le 8$  و  $a \le b \le a$  و  $a \ge a \le b$  و  $a \ge a \le b \le a$  و  $a \ge a \le b \le a$ 

#### <u>الحــل :</u>

. 
$$a^2$$
 حصر (1

$$36 \le a^2 \le 64$$
 : ومنه فإن  $6^2 \le a^2 \le 8^2$  : لدينا

$$.b^{2}$$
 حصر (2

$$4 \le b^2 \le 16$$
 : ومنه فإن  $(-2)^2 \le b^2 \le (-4)^2$  : لدينا

$$a + 2b - 4c$$
 حصر (3

$$12 \le -4c \le 20$$
 لاينا  $-4 \times (-3) \le -4c \le -4 \times 5$  و  $-8 \le 2b \le -4$  : لاينا

$$10 \le a + 2b - 4c \le 24$$
 :  $6 + (-8) + 12 \le a + 2b - 4c \le 8 + (-4) + 20$  : يذن :

$$\frac{a+b}{b^2} \longrightarrow -(4$$

$$\frac{1}{16} \le \frac{1}{b^2} \le \frac{1}{4}$$
 و  $2 \le a + b \le 6$  اي  $6 + (-4) \le a + b \le 8 + (-2)$  الدينا

$$\frac{2}{16} \le \frac{a+b}{b^2} \le \frac{6}{4}$$
 أي  $2 \times \frac{1}{16} \le (a+b) \times \frac{1}{b^2} \le 6 \times \frac{1}{4}$  إذن :

$$\frac{1}{8} \le \frac{a+b}{b^2} \le \frac{3}{2}$$
: و بالتالي فإن

### أخطاء شائعة:

$$1 \le x \le 3 \Longrightarrow -3 \le -x \le -1$$
 و الصواب هو  $1 \le x \le 3 \Longrightarrow -1 \le -x \le -3$  (1)

لكن 
$$x \le y \Rightarrow x^2 = 0$$
 اصلح الخطأ باضافة الشروط  $x \le y \Rightarrow x^2 = 0$  (2



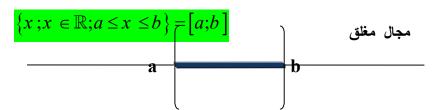
. أصلح الخطأ 
$$a \le x \le b$$
  $a' \le x' \le b'$   $\Rightarrow \overline{a-a' \le x-x' \le b-b'}$  (3

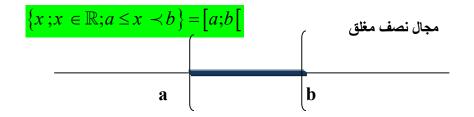
$$a \le x \le b$$
  $a' \le x' \le b'$   $\Rightarrow a' \le x' \le b'$  الأعداد  $a \in a' = a'$   $\Rightarrow a' = a'$  (4) الأعداد (4)

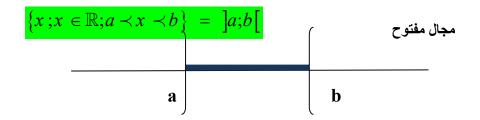
$$2 \le x \le 3 \Longrightarrow \frac{1}{3} \le \frac{1}{x} \le \frac{1}{2}$$
 of the proof of  $2 \le x \le 3 \Longrightarrow \frac{1}{2} \le \frac{1}{x} \le \frac{1}{3}$  (5)

#### <u>IV</u>-المجالات:

: لدينا  $a \leq b$  بحسث  $a \leq b$  لدينا







: نعتبر عدد حقیقی a لدینا

1) 
$$\{x; x \in \mathbb{R}; x \leq a\} = ]-\infty; a]$$

a

$$(x;x \in \mathbb{R};x \succ a) = ]a;+\infty[$$

Expression action (Eq.

#### امثلة:

$$\left\{x; x \in \mathbb{R}; -1 \le x \le \sqrt{3}\right\} = \left[-1; \sqrt{3}\right]$$

$$\left\{x; x \in \mathbb{R}; \frac{2}{7} \le x \prec \sqrt{11}\right\} = \left[\frac{2}{7}; \sqrt{11}\right]$$

$$\left\{x; x \in \mathbb{R}; -5 \prec x \prec \sqrt{3}\right\} = \left]-5; \sqrt{3}\right[$$

$$\left\{x; x \in \mathbb{R}; x \prec \frac{\sqrt{3}}{2}\right\} = \left]-\infty; \frac{\sqrt{3}}{2}\right[$$

## خطأ شائع:

: والمعلة هي 
$$\{x\,;x\in\mathbb{R};5\prec x\prec -1\}=\emptyset$$
 لكن  $\{x\,;x\in\mathbb{R};5\prec x\prec -1\}=$ 

 $5 \succ -1$ 

$$\mathbb{R}=\left]-\infty;+\infty
ight] \hspace{0.5cm} ; \hspace{0.5cm} \mathbb{R}_{+} \hspace{0.5cm} = \left[0;+\infty
ight] \hspace{0.5cm} ; \hspace{0.5cm} \mathbb{R}_{-}^{*}=\left]-\infty;0 
ight] \hspace{0.5cm} = -\infty;0 
ight]$$
 هام :

#### حالات خاصة:

: لدينا 
$$a$$
 عدد حقيقي عدد

$$\{x; x \in \mathbb{R}; |x| \le a\} = [-a; a]$$

$${x;x \in \mathbb{R}; |x| \succ a} = ]-\infty; -a[\cup]a; +\infty$$

#### امثلة:

$$\left\{ x ; x \in \mathbb{R}; |x| \le \frac{2}{3} \right\} = \left[ -\frac{2}{3}; \frac{2}{3} \right]$$



$$\left\{x ; x \in \mathbb{R}; |x| \ge \frac{2}{3}\right\} = \left] -\infty; -\frac{2}{3}\right] \cup \left[\frac{2}{3}; +\infty\right[$$

### تحذير:

$$E=\{x\:;x\in\mathbb{Z};-4\prec x\le 3\}=$$
  $\left]-4;\sqrt{3}
ight]$   $x\in\mathbb{Z}$  لان  $E=\{-3;-2;-1;0;1;2;3\}$  والصواب هو

### II) المتراجحات من الدرجة الأولى بمجهول واحد:

#### <u>1) – تعریف :</u>

$$a \neq 0$$
 و  $b$  و  $a \neq 0$  عداد حقیقیة

ax+b<0 كل لا مساواة على شكــل ax+b>0 أو ax+b>0 أو  $ax+b\leq0$ 

x تسمى متراجحة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد

#### 2) - أمثلة :

$$3x+3 \ge 0$$
 و  $\sqrt{2}.x-5 > 0$  و  $\sqrt{2}.x-5 > 0$  و  $2x+5 < 0$  : العبارات

\* / ملاحظة هامة : مجموعة الأعداد الحقيقية التي تحقق متراجحة ما تسمى مجموعة حلول هذه المتراجحة وهي عادة في شكل مجال.

### 3) - حل متراجحة:

$$3x + 2 < 0$$
 : أ حـل في المتراجحة

$$3x<-2$$
 المتراجحة  $x<\frac{-2}{3}$ : تكافئ على التوالي  $3x+2<0$ 

$$S_{\mathbb{R}} = \left[ -\infty; \frac{-2}{3} \right]$$
 ومنه  $3x + 2 < 0$  ومنه  $\frac{-2}{3}$  ومنه الأعداد الحقيقية الأصغر قطعا من

$$-x+4 \le 2x-2$$
: بـ حـل المتراجحة

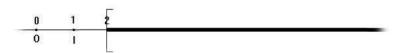


$$-x-2x \le -2-4$$
  $-3x \le -6$   $x \ge \frac{-6}{-3}$  : المتراجحة  $x \ge \frac{-6}{2}$  : المتراجحة  $x \ge 2$ 

 $\mathbf{S}_{\mathbb{R}}=$  [2;+ $\infty$ [ : ومنه

.  $-3x+4 \le 2x-2$  الأعداد الحقيقية الأكبر من أو تساوي 2 هي حلول المتراجحة

#### \* / تمثيل الحلول على مستقيم مدرج:



### خطأ شائع:

لنحل المتراجحة 
$$\frac{3}{3} - \frac{5x + 4}{3} \le \frac{6}{3}$$
 يعني  $\frac{1 - \frac{5x + 4}{3}}{3} \le 2$  :  $\mathbb{R}$  في  $\frac{1}{3} - \frac{5x + 4}{3} \le 2$  يعني  $-5x \le 7$  والصواب هو  $-5x \le 7$  يعني  $-5x \le 7$  يعني  $-5x \le 7$ 

$$S_{\mathbb{R}} = \left[-\frac{7}{5}; +\infty\right[$$
 يعني  $x \ge -\frac{7}{5}$  يعني  $\left(\frac{-1}{5}\right) \times \left(-5x\right) \ge 7 \times \left(\frac{-1}{5}\right)$  يعني  $x \le \frac{7}{-5}$  يعني ومنه  $x \le \frac{7}{-5}$ 

•

