



الخلاصة

• إذا كان a عددا حقيقيا مخالفا للصفر و n عددا صحيحا طبيعيا حيث $n > 1$ فإن a^n هو جذاء n عوامل مساوية لـ a يعني $a^n = a \times a \times \dots \times a$ حيث n هو عدد عوامل هذا الجداء

• إذا كان a عددا حقيقيا فإن $a^1 = a$

• إذا كان a عددا حقيقيا مخالفا للصفر فإن $a^0 = 1$

• إذا كان a عددا حقيقيا مخالفا للصفر و n عددا صحيحا نسبيا فإن: $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$

إذا كان a و b عددين حقيقيين مخالفين للصفر و n و p عددين صحيحين نسبين فإن:

$$(a \times b)^n = a^n \times b^n$$

$$(a^n)^p = a^{np}$$

$$a^n \times a^p = a^{n+p}$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$

$$\frac{a^n}{a^p} = a^{n-p}$$



تمارين

القوى في مجموعة الأعداد الحقيقية

تمرين 1

احسب العبارات التالية

$$\left(\frac{2}{\sqrt{11}}\right)^6, \left(\frac{\sqrt{2}}{\frac{3}{1}}\right)^3, \left(\frac{\sqrt{2}}{\frac{1}{\sqrt{2}}}\right)^4, 10000 \times \left(\frac{1}{10}\right)^4, \left(-\frac{\sqrt{6}}{5}\right)^3 \times \left(\frac{5}{\sqrt{3}}\right)^3, 2^8 \times \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^8$$

تمرين 2

اكتب كل عدد من الأعداد التالية في صيغة x^n حيث x عدد حقيقي و n عدد صحيح نسبي

$$a = (-\sqrt{7})^5 \times (-\sqrt{7})^3, b = \left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)^5 \times \left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)^4, c = \left(\frac{3}{4}\right)^3 \times \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^5$$
$$d = [(-5)^3]^5 \times [(-5)^4]^{-3}, e = \left(\frac{16}{25}\right)^3 \times \left(\frac{2}{\sqrt{5}}\right)^7$$

تمرين 3

نعتبر a و b عددين حقيقيين مخالفين للصفر حيث $a \neq 1$ حدّد العبارة الصحيحة و الخاطئة من بين العبارات التالية

$(a^{-3})^5 = a^{-5} \times a^{-5} \times a^{-5}$	$(2a^2)^3 = 2a^6$	$(-\sqrt{2} \times a^2)^4 = 4a^8$	$3^2 \times a^2 = (3a)^4$	$a^2 \times a^3 = a^6$
$[(\sqrt{\pi})^5 \times a^{-3}]^2 = \pi^5 \times a^{-6}$	$(a^4 b^{-3})^6 = a^{10} b^3$	$\left(\frac{a^6}{b^{-3}}\right)^2 = \left(\frac{a^{-4}}{b^2}\right)^{-3}$	$(5a)^3 = 125a^3$	$(ab^{-5})^3 = ab^{-15}$

تمرين 4

اكتب في صيغة قوة لعدد حقيقي

$$e = \frac{4\pi^2}{81}, d = \frac{(1,3)^4}{\left(\frac{\sqrt{13}}{5}\right)^4}, c = \frac{(-2)^7}{\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^7}, b = \frac{\left(\frac{-\sqrt{3}}{\pi}\right)^5}{\left(\frac{2}{\pi}\right)^5}, a = \frac{\left(\frac{\sqrt{2}}{3}\right)^3}{\left(\frac{\sqrt{2}}{7}\right)^3}$$

تمرين 5

اختصر الكتابات التالية

$$D = \frac{0,0003 \times 10^7}{\sqrt{3} \times 10^{-3}}, C = \frac{0,28 \times 10^{-3}}{\sqrt{7} \times 10^{-5}}, B = \frac{36 \times 10^{-5}}{9 \times 10^4}, A = \frac{2,5 \times 10^{14}}{5 \times 10^{12}}$$

تمرين 6

ليكن a و b عددين حقيقيين مخالفين للصفر. اختصر الكتابات التالية

$$D = \frac{(\sqrt{2}a)^3 (\sqrt{3}b)^2}{(a^{-1}b)^3 (\sqrt{6}a)^2}, C = \frac{8(a^{-3}b^2)^5}{(2a)^{-4} b^{10}}, B = \frac{a^2 (ba)^3}{a^3 b^{-5}}, A = \frac{(2a)^{-3} b^5 a^7}{(2b)^{-3} a^5 b^7}$$

