



السنة التاسعة 2023	فرض مراقبة عدد6 في الرياضيات الثلاثي الثالث	 COLLEGE.MOURAJAA.COM
-----------------------	---	--------------------------

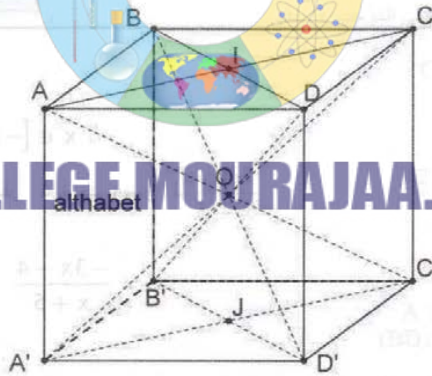
التمرين 1: →

لتكن العبارتين  $E = -\frac{7}{4}x + 1$  و  $F = \frac{3y - 4}{5y - 7}$  حيث  $x \in \mathbb{R}$  و  $y$  عدد حقيقي مخالف لـ 1,4 :

- 1- اوجد حصرا للعبارة E اذا علمت ان  $|x| \leq 4$  .
- 2- اذا علمت ان  $y = \sqrt{2}$  بين ان  $F = \sqrt{2} + 2$  . (ب) استنتج مقارنة بين  $5\sqrt{2} - 7$  و  $3\sqrt{2} - 4$  .
- 3- حل في  $\mathbb{R}$  : (أ)  $|E| = \frac{7}{4}x - 1$  . (ب)  $E \geq 4 - \frac{2-x}{7}$  .

التمرين 2: →

- نعتبر متوازي المستطيلات أسفله  $ABCD A'B'C'D'$  مركزه O ؛ I مركز الوجه ABCD و J مركز الوجه  $A'B'C'D'$
- 1) برهن على أن :  $(OI) // (BB')$  و  $(OJ) // (AA')$  ثم استنتج أن النقاط O و I و J على نفس الإستقامة. (يجب تحديد المستوي الذي تشغل عليه)
  - 2) بين أن O منتصف [IJ] واحسب IJ اذا علمت ان  $AA' = 6$  وحده قياس الطول هي الصنمتر ؛
  - 3) نفترض :  $BC = AB = 4\sqrt{3}$  بين ان  $AC' = 2\sqrt{33}$  و  $(AC) \perp (BDD')$
  - 4) برهن ان  $(AC) \perp (IJ)$  واستنتج ان  $(AC) \perp (BDD')$



التمرين 3: →

اختر الجواب الصحيح :

- 1) جميع الأعداد الحقيقية  $x$  و  $y$  التي تحقق مايلي :  $2x^2 + y^2 + 1 = 2xy - 2x$  هي : (أ)  $x = -1$  و  $y = -1$  (ب)  $x = -1$  و  $y = 2$  (ج)  $x = -2$  و  $y = -1$  (د)  $x = 2$  و  $y = -1$

$x = -1$ و $y = -1$	$x = -1$ و $y = 2$	$x = -2$ و $y = -1$	$x = 2$ و $y = -1$
---------------------	--------------------	---------------------	--------------------

أضف تعليقاك .

- 2)  $AEFG$  هو هرم منتظم رأسه A ؛ المسقط العمودي لـ A على (EFG) هو : (أ) مركز ثقل EFG (ب) المركز القائم لـ EFG (ج) منتصف [EF] (د) مركز ثقل EFG

مركز ثقل EFG	المركز القائم لـ EFG	منتصف [EF]	مركز ثقل EFG
--------------	----------------------	------------	--------------





# CORRECTION

## التمرين 1

لتكن العبارتين  $E = -\frac{7}{4}x + 1$  و  $F = \frac{3y-4}{5y-7}$  حيث  $x \in \mathbb{R}$  و  $y$  عدد حقيقي مخالف لـ 1,4 :

1- ايجاد حصر للعبارة E اذا علمنا ان  $|x| \leq 4$

$$|x| \leq 4 \Rightarrow -4 \leq x \leq 4 \Rightarrow -4 \leq -x \leq 4 \Rightarrow -4 \times \frac{7}{4} \leq -x \times \frac{7}{4} \leq 4 \times \frac{7}{4}$$

$$-7+1 \leq -\frac{7}{4}x+1 \leq 7+1 \Rightarrow -6 \leq E \leq 8$$

وبالتالي :

2- (أ) اذا علمنا ان  $y = \frac{3\sqrt{2}-4}{5\sqrt{2}-7}$  فنبين ان  $F = 2 + \sqrt{2}$

$$F = \frac{3\sqrt{2}-4}{5\sqrt{2}-7} = \frac{(3\sqrt{2}-4)(5\sqrt{2}+7)}{(5\sqrt{2}-7)(5\sqrt{2}+7)} = \frac{30+21\sqrt{2}-20\sqrt{2}-28}{50-49} = \frac{2+\sqrt{2}}{1}$$

وبالتالي :

(ب) استنتج مقارنة بين  $5\sqrt{2}-7$  و  $3\sqrt{2}-4$

$$\left( \begin{array}{l} (3\sqrt{2})^2 = 18 \\ 4^2 = 16 \end{array} \right) \text{ لدينا : } \underline{3\sqrt{2}-4 > 0} \text{ و } \underline{5\sqrt{2}-7 > 0} \text{ لان } 18 > 16 \Rightarrow 3\sqrt{2} > 4$$

$$\left( \begin{array}{l} (5\sqrt{2})^2 = 50 \\ 7^2 = 49 \end{array} \right) \text{ و } 50 > 49 \Rightarrow 5\sqrt{2} > 7$$

$$\text{ومن ناحية اخرى } \frac{3\sqrt{2}-4}{5\sqrt{2}-7} = 2 + \sqrt{2} > 1 \text{ ومنه } 3\sqrt{2}-4 > 5\sqrt{2}-7$$

بامكاننا اعتماد علامة الفرق للتأكد من النتيجة لكنه ليس استنتاجا

3- لنحل المتراجحة  $|E| = \frac{7}{4}x - 1$  في  $\mathbb{R}$  :

$$|E| = \frac{7}{4}x - 1 \text{ يعني } |E| = -E \text{ اي } E \leq 0 \text{ او } -\frac{7}{4}x + 1 \leq 0 \text{ ومنه}$$

$$-\frac{7}{4}x \leq -1 \text{ وبالتالي } \left(-\frac{4}{7}\right) \times \left(-\frac{7}{4}\right)x \geq -1 \times \left(-\frac{4}{7}\right) \Rightarrow x \geq \frac{4}{7}$$

$$\text{الخلاصة : } S_{\mathbb{R}} = \left[ \frac{4}{7}; +\infty \right[$$





$$\text{يعني } -\frac{7}{4}x + 1 \geq 4 - \frac{2-x}{3} \quad \text{يعني } E \geq 4 - \frac{2-x}{3} \quad (\text{ب})$$

$$\text{يعني } -\frac{7}{4}x - \frac{1}{3}x \geq 4 - \frac{2}{3} - 1 \quad \text{يعني } -\frac{7}{4}x + 1 \geq 4 - \frac{2}{3} + \frac{1}{3}x$$

$$\text{يعني } -\frac{25}{12}x \geq \frac{7}{3} \quad \text{يعني } -\frac{21}{12}x - \frac{4}{12}x \geq \frac{7}{3}$$

$$x \leq -1,12 \quad \text{او} \quad x \leq -\frac{28}{25} \quad \text{يعني} \quad \left(\frac{-12}{25}\right)\left(-\frac{25}{12}\right)x \leq \frac{7}{3}\left(\frac{-12}{25}\right)$$

$$S_{\mathbb{R}} = ]-\infty; -1,12] \quad \text{الخلاصة:}$$

## • التمرين 2

نعتبر متوازي المستطيلات  $ABCD A'B'C'D'$  مركزه  $O$ ؛  $I$  مركز الوجه  $ABCD$  و  $J$  مركز الوجه  $A'B'C'D'$   
 (1) برهن على أن:  $(OI) // (BB')$  و  $(OI) // (BB')$  ثم استنتج أن النقاط  $J, O, I$  على نفس الإستقامة. ( يجب تحديد المستوي الذي تشتمل عليه ) المثلثان  $BDD'$  و  $BB'D'$  يوجدان في نفس المستوي العمودي  $(BDD')$   
 (\*) في المثلث  $BDB'$  نجد  $I$  منتصف  $[BD]$  و  $O$  منتصف  $[B'D]$  فحنما  $(1) (OI) // (BB')$

(\*) وبنفس الطريقة في المثلث  $BB'D'$  نبين أن  $(2) (OJ) // (BB')$  و  $(OJ) // (OI)$  ويشتركان في  $O$  إذن يتطابقان ومنه :  
 ينتج عن (1) و (2) أن  $(OI) // (OJ)$  و  $(OI) // (BB')$  على نفس الإستقامة (3)

النقاط  $J$  و  $O$  و  $I$  على نفس الإستقامة (3)

(2) \* بين أن  $O$  منتصف  $[IJ]$  واحسب  $IJ$

$$\text{لدينا } OJ = \frac{BB'}{2} \quad \text{و} \quad OI = \frac{BB'}{2} \quad \text{اذن } OI = OJ \quad (4)$$

ينتج عن (3) و (4) أن  $O$  منتصف  $[IJ]$

\*\* لدينا  $IJ = 2OJ = 2 \cdot \frac{BB'}{2} = BB' = 6$  ومنه  $IJ = 6$

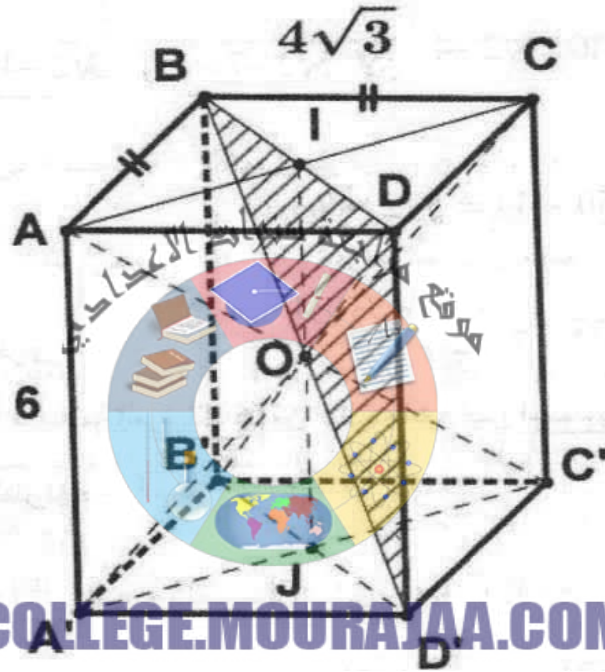
(3) نفترض:  $BC = AB = 4\sqrt{3}$ ؛ لنحسب  $AC'$  :  
 هذا الجسم هو متوازي المستطيلات و  $AC'$  هو قطر فيه ومنه :

$$AC' = \sqrt{6^2 + (4\sqrt{3})^2 + (4\sqrt{3})^2} = \sqrt{36 + 48 + 48} = \sqrt{132} = 2\sqrt{33}$$





4) نبرهن أن  $(AC) \perp (IJ)$  ونستنتج أن  $(AC) \perp (BDD')$  :  
 \* في المستوي القطري  $(ACC')$  نجد  $O$  تبعد نفس البعد عن جميع رؤوس الجسم لأنها مركزه ومنه  $OA=OC$  ونعلم أن  $IA=IC$  فحتمًا  $(OI)$  هو المتوسط العمودي لـ  $[AC]$  ومنه  $(AC) \perp (IJ)$  \*\*  
 $(AC) \perp (IJ)$  و  $(AC) \perp (BD)$  (قطران في مربع) ولدنا المستقيمان  $(IJ)$  و  $(BD)$  محتويان في نفس المستوي  $(BDD')$  ويتقاطعان في  $I$   
 الخلاصة:  $(AC) \perp (BDD')$  في  $I$



COLLEGE.MOURAJAA.COM

التمرين 3

1) نبين أنه إذا كان  $2x^2+y^2+1=2xy-2x$  فإن  $(x-y)^2 = -(x+1)^2$   
 $2x^2+y^2+1=2xy-2x \Rightarrow x^2+x^2+y^2+1=2xy-2x \Rightarrow x^2-2xy+y^2 = -x^2-2x-1$   
 $\Rightarrow (x-y)^2 = -(x^2+2x+1)$

$$(x-y)^2 = -(x+1)^2$$

$y = -1$ و $x = -2$ (3)	$y = -1$ و $x = -1$ $\checkmark(2)$	$y = -1$ و $x = 2$ (1)
----------------------------	--	---------------------------

الحل الوحيد هو (2) لأن في المساواة  $(x-y)^2 = -(x+1)^2$  نعلم أن  $(x-y)^2$  موجب ولكن  $-(x+1)^2$  سالب ومنه: إذا كان  $(x-y)^2 = -(x+1)^2$  فإن  $(x-y)^2 = 0$  و  $-(x+1)^2 = 0$  ولذا:  $x=y$  و  $x=-1$  أي  $y=-1$

2)  $AEFG$  هو هرم منتظم قاعدته  $EFG$ ؛ المسقط العمودي للرأس  $A$  على  $(EFG)$  هو:

مركز ثقل $EFG$ $\checkmark$	المركز القائم لـ $EFG$ $\checkmark$	منتصف $[EF]$
-----------------------------	-------------------------------------	--------------

المبرر: في المثلث المتقايس الاضلاع مركز الثقل والمركز القائم يتطابقان





**COLLEGE.MOURAJAA.COM**

