



السنة التاسعة
2023

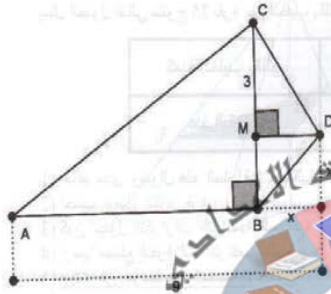
فرض مراقبة عدد6
في الرياضيات
الثلاثي الثالث



التمرين 1: ضع علامة ✓ تحت الاجابة الصحيحة:

بكي3 كويرات ، واحدة تحمل الرقم 2 و كرتان تحملان الرقم 1 نسحب كرتين في نفس الوقت. احتمال الحصول على رقمين مختلفين هو :	مجموعة حلول المتراجحة $(x-2)(3+ x+1) \leq 0$ في \mathbb{R} هي	إذا كان $\frac{1}{2} \left(2 - \frac{x}{2} \right) \leq 1$ حيث x عدد حقيقي فإن x ينتمي إلى :
$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{1}{2}$
\mathbb{R}_+	\mathbb{R}_-	$[-4, +\infty[$
$]-\infty, 2]$	$[-3, 2]$	

التمرين 2:



لتكن العبارة : $E = (9-x)(3+x) - 6x - 2x^2$

1- ا- بين أن $E = 3(3-x)(x+3)$

ب- حل في \mathbb{R} : $(9-x)(3+x) = 6x + 2x^2$

2) وحدة الطول هي الصم ؛ تأمل الشكل المقابل حيث مثلث قائم في B. و $M \in [BC]$. نضع : $BM = DM = x$ ؛ $x \in]0; 3[$.

ملاحظة : الطول $MC = 3$ ثابت ولا يتغير اي ان الشكلان C و M تتحركان على المستقيم (BC) لكن البعد بينهما يساوي دائما 3

أ- اكتب بدلالة x قيس مساحة المثلث ABC .

ب- اكتب بدلالة x قيس مساحة المثلث BDC .

ج- حدّد موقع النقطة M من $[BC]$ لكي تكون مساحة المثلث BDC مساوية لنصف مساحة المثلث ABC .

3) لتكن E نقطة تقاطع (AC) و (MD) . بين أنه في حالة $x = 3$ يكون الرباعي $BDCE$ مربع.

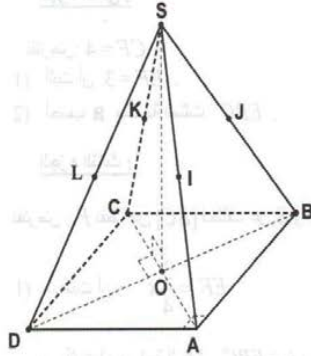
التمرين 3:

يبرز الجدول التالي توزيع 150 عائلة من حي سكني حسب الاستهلاك الشهري للماء:

$[70, 80[$	$[60, 70[$	$[50, 60[$	$[40, 50[$	$[30, 40[$	كمية الماء (m^3)
					مركز الفئة
9	12	42	57	30	عدد العائلات
					التكرار التراكمي الصاعد
					التكرار التراكمي النازل

- أكمل الجدول
- ارسم مضلع التكرارات التراكمية الصاعدة و النازلة
- استنتج موسط هذه السلسلة
- احسب معدل استهلاك الماء للأسرة الواحدة

التمرين 4:



وحدة القيس هي الصم تجد على يسارك هرا منتظما SABCD حيث $AB = 4\sqrt{2}$ و $SO = 3$ ؛ اضف النقط I و J و K و L منتصفات $[SA]$ و $[SB]$ و $[SC]$ و $[SD]$ على التوالي.

1) بين ان (IJ) و (KL) مستقيمان من نفس المستوي وأن $IJ = KL$.

2) بين ان المثلث IJK قائم ومتقايس الضلعين .

3) استنتج ان الرباعي IJKL مربع .

4) أثبت أن $SA = 5$ واستنتج حساب البعد OI .

5) بين بطريقتين أن (OS) يعامد (IK) .





CORRECTION

التمرين 1 :

أكتب علامة ✓ تحت الاجابة الصحيحة:

.....
✓	✓	✓

التمرين 2 :

لتكن العبارة : $E = (9-x)(3+x) - 6x - 2x^2$

(1) أ- لنبين أن : $E = 3(3-x)(3+x)$

$$E = (9-x)(3+x) - 6x - 2x^2 = (9-x)(3+x) - 2x(3+x) \\ = (3+x)(9-x-2x) = (9-3x)(3+x) = 3(3-x)(3+x)$$

ومنه : $E = 3(3-x)(3+x)$

ب- لنحلّ في \mathbb{R} : $(9-x)(3+x) = 6x + 2x^2$

$$(9-x)(3+x) = 6x + 2x^2 \Rightarrow (9-x)(3+x) - 6x - 2x^2 = 0$$

$$\Rightarrow E = 0 \Rightarrow 3(3-x)(3+x) = 0$$

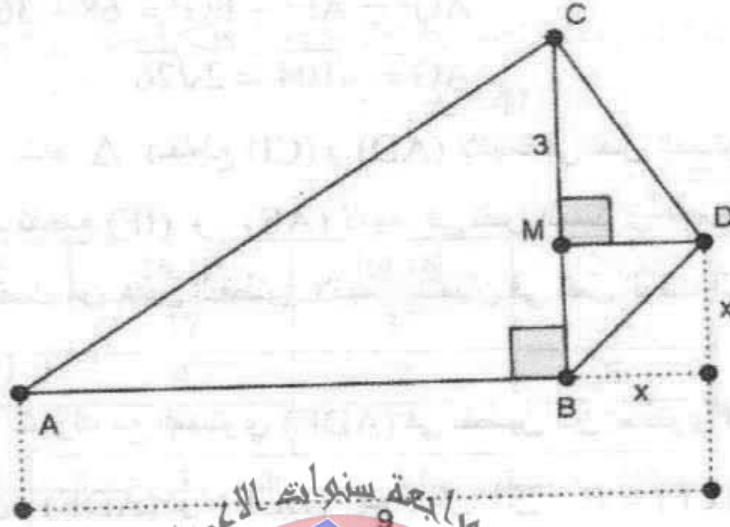
يعني : $3-x = 0$ او $3+x = 0$ يعني $x = 3$ او $x = -3$ ومنه

$$S_{\mathbb{R}} = \{-3; 3\}$$





(2) تتأمل الشكل المقابل حيث مثلث قائم في B و $M \in [BC]$.



أ- أكتب بدلالة x قيس مساحة المثلث ABC (علمان $x \in]0; 3[$ موجب).

لتكن a قيس مساحة المثلث ABC ؛ ومنه : $a = \frac{(9-x)(3+x)}{2}$

ب- أكتب بدلالة x قيس مساحة المثلث BDC

لتكن a' قيس مساحة المثلث BDC ؛ ومنه : $a' = \frac{x(3+x)}{2}$

ج- حدّد موقع النقطة M من $[BC]$ لكي تكون مساحة المثلث BDC مساوية لنصف مساحة المثلث ABC .

يتحقق هذا الشرط اي $a' = a/2$ عندما :

$$\frac{x(3+x)}{2} = \frac{(9-x)(3+x)}{2} \times \frac{1}{2} \text{ او}$$

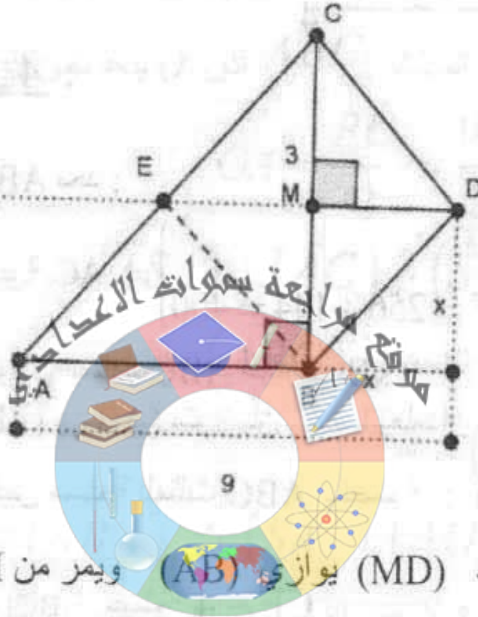
$$\frac{x(3+x)}{2} \times \frac{2}{2} = \frac{(9-x)(3+x)}{2} \times \frac{1}{2} \Rightarrow 2x(3+x) = (9-x)(3+x)$$

$$\Rightarrow (9-x)(3+x) = 2x^2 + 6x$$





لقد تم حل هذه المعادلة في (1) ب- فوجدنا $x=3$ لان x موجب اي $MB=3$
الا ان $MC=3$ وبالتالي M منتصف $[BC]$
(3) لنبين أنه في حالة $x=3$ يكون الرباعي $BDCE$ مربع.



في المثلث ABC نجد (MD) يوازي (AB) ويمر من M منتصف $[BC]$

فحتما سيقطع AC في المنتصف ومنه $MD = \frac{AB}{2} = \frac{9-3}{2} = 3$ ونعلم ان

$MD=3$ ومنه M منتصف $[DE]$ علما ان M منتصف $[BC]$ فالرباعي $BDCE$
متوازي الاضلاع ؛ ونعلم ان قطراه يتعامدان فهو معين ؛ المثلث MBD متقايس

الضلعين و قائم في M ان $\widehat{MDB} = \widehat{MBD} = 45^\circ$ ولنفس السبب نجد

$\widehat{MDC} = 45^\circ$ ومنه $\widehat{BDC} = \widehat{BDM} + \widehat{MDC} = 45^\circ + 45^\circ = 90^\circ$ لأنهما
زاويتان متجاورتان ؛ المعين $BDCE$ له زاوية قائمة فهو مربع .





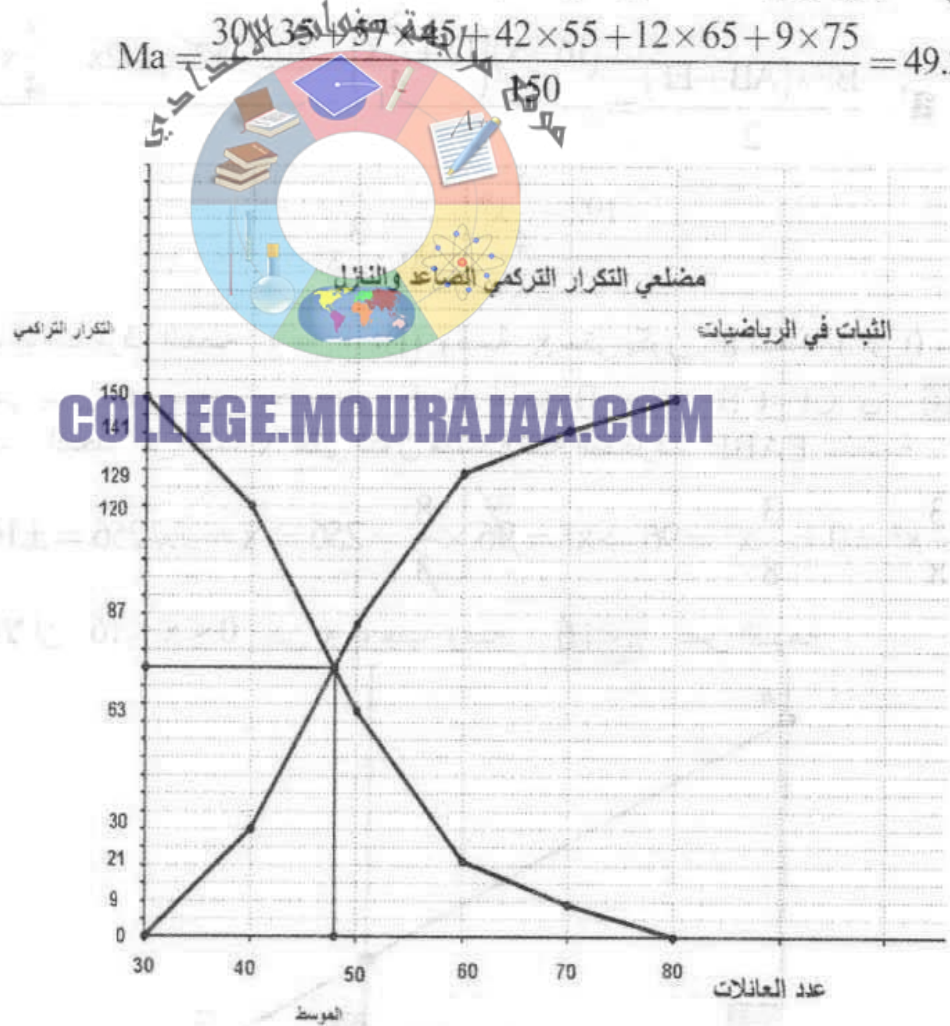
• التمرين 3 :

يبرز الجدول التالي توزيع 150 عائلة من حي سكني حسب الاستهلاك الشهري للماء:

كمية الماء بالمتر المكعب	[70;80]	[60;70]	[50;60]	[40;50]	[30;40]
مركز الفئة	75	65	55	45	35
عدد العائلات	9	12	42	57	30
التكرار التراكمي الصاعد	150	141	129	87	30
التكرار التراكمي النازل	9	21	63	120	150

- الجدول (2) مضلع التكرارات التراكمية الصاعدة و النازلة .
- لو ننظر الى الرسم فاصلة نقطة التقاطع تساوي تقريبا 48 اذن متوسط هذه السلسلة هو $Me=48$
- ليكن Ma ذلك المعدل ؛ ومنه :

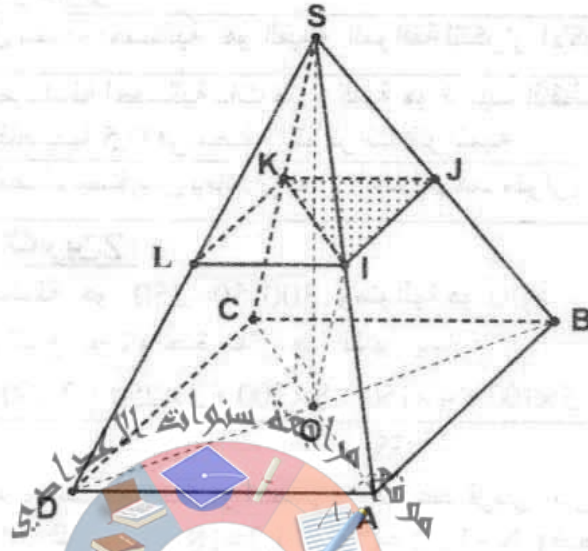
$$Ma = \frac{30 \times 35 + 12 \times 65 + 42 \times 55 + 57 \times 45 + 9 \times 75}{150} = 49.2$$





• التمرين 4 :

تجد أسفله هرما منتظما SABCD حيث $AB = 4\sqrt{2}$ و $SO = 3$ النقطة I و J و K و L هي منتصفات [SA] و [SB] و [SC] و [SD] على التوالي.



1. (IJ) يوازي (AB) و $IJ = \frac{AB}{2}$ لان في المثلث SAB نجد I منتصف [SA] و J منتصف [SB]

(KL) // (CD) و $KL = \frac{CD}{2}$ لان في المثلث SCD نجد I منتصف [SD] و K منتصف [SC]

الا ان (AB) // (CD) فحتما (KL) // (IJ) ومنه (KL) مستقيمان في نفس المستوى ومن تاحية اخرى نعلم ان $AB = CD$ ومنه $IJ = KL$





2. لدينا $IJ=JK$ (1) لان $IJ=\frac{AB}{2}$ و $JK=\frac{BC}{2}$ و $AB=BC$ و
من تاحية ثانية لدينا :

$$\left. \begin{aligned} IJ^2 &= \left(\frac{AB}{2}\right)^2 = (2\sqrt{2})^2 = 8 \\ JK^2 &= \left(\frac{CB}{2}\right)^2 = (2\sqrt{2})^2 = 8 \\ IK^2 &= \left(\frac{AC}{2}\right)^2 = \left(\frac{4\sqrt{2}\sqrt{2}}{2}\right)^2 = 16 \end{aligned} \right\} \Rightarrow 16 = 8 + 8$$

$IK^2 = JK^2 + IJ^2$ فحسب عكس بيناغور المثلث IJK قائم في J (2)
ينتج عن (1) و (2) ان المثلث IJK قائم ومتساوي الساقين .
(3) نجد في الرباعي $IJKL$ جميع الاضلاع متساوية ($IJ=JK=KL=IK=2\sqrt{2}$)
فهو معين وفيه زاوية قائمة ($\angle IKL = 90^\circ$) فهو مربع

(4) الحرف $[SA]$ هو جانبي في هرم منتظم طول ارتفاعه $SO = 3$ وشعاعه
 $OA = \frac{4\sqrt{2} \times \sqrt{2}}{2} = 4$ وبالتالي $SA = \sqrt{SO^2 + OA^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = \sqrt{25} = 5$

ومنه: $OI = \frac{SA}{2} = 2,5$ لان في المثلث القائم منتصف الوتر يبعد نفس البعد عن
الرؤوس الثلاث

(5) * لنبين ان (OS) يعامد (IK) : المستقيمان (IK) و (OS) في نفس
المستوي (SAC) ثم لدينا : $SI = SK = \frac{SA}{2}$ (3) و $OI = \frac{SA}{2}$ و $OK = \frac{SC}{2}$

(لان في المثلث القائم منتصف الوتر يبعد نفس البعد عن الرؤوس الثلاث والمثلثات
 SOA و SOC قائمة) ومنه $OK = OI$ (4) ينتج عن (3) و (4) ان

(OS) هو المتوسط العمودي لـ $[IK]$ الخلاصة : (OS) يعامد (IK) .
** في المثلث SAC لدينا I منتصف $[SA]$ و K منتصف $[SC]$ اذن
 (IK) يوازي (AC) الا ان (SO) يعامد (AC) فحتما :
 (OS) يعامد (IK)





COLLEGE.MOURAJAA.COM

