



السنة التاسعة  
2023

فرض تألوفي عدد 3  
في الرياضيات  
الثلاثي الثالث

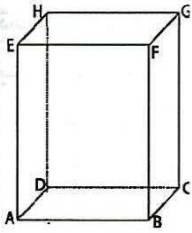


### تمرين عدد 1:

ضع علامة (x) أمام الإجابة الصحيحة:  
(1) العدد  $3^{333} - 5 \times 27^{110}$  يقبل القسمة على:  
15  12  6

(2)  $x$  عدد حقيقي حيث  $x \geq 1$  فإن  $\sqrt{(1-x)^2}$  يساوي:

$x-1$    $1-x$    $1+x$



(3) ليكن  $ABCEFGH$  مكعب و  $I$  منتصف  $[HB]$  فإن:  
 $FI \subset (ABF)$    $FI = \frac{HB}{2}$    $(FI) \perp (HB)$

(4) يقدم الجدول التالي أعداد احمد في مادة الرياضيات بعد اجتياز امتحان 9 أساسي:

القيمة	19,5	18	15
التكرار	5	3	2

فإن المتوسط يساوي:

19,5  18,75  18

### تمرين عدد 2:

نعتبر العبارتين  $a$  و  $b$  حيث  $x$  عدد حقيقي:

$$b = (x+1)^2 \text{ و } a = (x+2)^2$$

(1) أ- بين أن  $a-b=2x+3$

ب- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $2x+3=0$  و المتراجحة  $2x+3 \leq 3x+1$

(2) أ- أوجد العدد الصحيح الطبيعي  $x$  حيث  $a-b=2703$

ب- استنتج عدداً صحيحاً طبيعياً متتاليان حيث يكون الفرق بين مربعيهما يساوي 2703.

(3) لتكن العبارة  $C$  التالية:  $C = (x+2)^2 - 9$

أ- فكك إلى جداء عوامل العبارة  $C$

ب- استنتج أن:  $C = (10002)^2 - 9$

ج- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $C+9=0$

### تمرين عدد 3:

(1) نعتبر العدد الحقيقي  $a = |2\sqrt{2} - 3|$





أ- قارن بين 3 و  $2\sqrt{2}$ .

ب- استنتج أن:  $a = 3 - 2\sqrt{2}$

(2) نعتبر العدد الحقيقي :  $b = \left(\sqrt{2} - \frac{1}{2}\right)^2 + \sqrt{18} + \frac{3}{4}$

بين أن :  $b = 3 + 2\sqrt{2}$

(3) أ- احسب  $a \times b$  واستنتج ان العدد  $a$  مقلوب  $b$

ب- بين أن  $(a-1)$  و  $a(b-1)$  متقابلان.

#### تمرين عدد 4 :

ليكن  $(O, I, J)$  معينًا متعامدا في المستوي حيث :  $OI = OJ = 1cm$

(1) أ- عين النقطتين  $A(2;3)$  و  $B(-2;3)$

ب- بين أن  $A$  و  $B$  متناظرتان بالنسبة إلى  $(OJ)$

(2) أ- ابن النقطة  $C$  مناظرة النقطة  $A$  بالنسبة إلى  $(OI)$ .

ب- حدّد إحداثيات النقطة  $C$  معللا جوابك.

ج- بين أن النقطتين  $B$  و  $C$  متناظرتان بالنسبة إلى النقطة  $O$ .

(3) أ- بين أن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$

ب- احسب  $AB$  و  $AC$  ثم  $BC$ .

(4) عين النقطة  $D(0,6)$ .

أ- احسب إحداثيات النقطة  $I$  منتصف  $[OD]$ .

ب- استنتج أن  $I$  منتصف  $[AB]$

ج- بين أن :  $ADBO$  معين.

-  $ADOC$  متوازي أضلاع.

(5) بين أن  $ADBO$  و  $ADOC$  لهما نفس المساحة.

#### تمرين عدد 5 :

يمثل الجدول التالي توزيع 26 تلميذا حسب المعدل العام:

المعدل	$[0,5[$	$[5,10[$	$[10,15[$	$[15,20[$
مركز الفئة				
عدد التلاميذ	4	7	12	3
التكرار التراكمي النازل				

(1) ما هو نوع هذه الميزة؟

(2) أ- أكمل الجدول السابق.





- 3) احسب معدّل القسم.  
4) ارسم مصلّع التكرارات التراكمية النّازلة و استنتج موسّط هذه السلسلة الإحصائية.  
5) وقع اختيار تلميذين من بين الذين تحصلوا على المعدّل لتمثيل القسم في مسابقة فكرية.  
أ- ما هو عدد الإمكانيات؟  
ب- إذا كان  $\frac{1}{3}$  من المتحصّلين على المعدّل هم من الفتيان، ما هو احتمال اختيار فتاتين؟



COLLEGE.MOURAJAA.COM







# CORRECTION

تمرين عدد 1:

$$FI = \frac{HB}{2} \quad (1) \quad 6 \quad (2) \quad x-1 \quad (3) \quad 3$$

(4) المتوسط يساوي 18,75

تمرين عدد 2:

(أ) (1)

$$a-b = (x+2)^2 - (x+1)^2 = (x+2-x-1)(x+2+x+1) = 2x+3$$

(ب)  $2x+3=0$  يعني

$$S_{\mathbb{R}} = \left\{ x = -\frac{3}{2} \right\} \text{ ومنه } x = -\frac{3}{2}$$

يعني  $2x+3 \leq 3x+1$

$$S_{\mathbb{R}} = [2, +\infty[ \text{ ومنه } x \geq 2$$

(أ) (2)  $a-b=2703$  يعني

$$2x+3=2703 \text{ يعني } x=1350$$

(ب) العددان: 1351 و 1352 هما عددان صحيحان

طبيعيان الفرق بين مربعيهما يساوي 2703 .

(أ) (3)

$$C = (x+2)^2 - 9 = (x+2-3)(x+2+3) = (x-1)(x+5)$$

$$(10002)^2 - 9 = 9999 \times 10005 \quad (ب)$$

العدد 9999 يقبل القسمة على 3.

العدد 10005 " " " " 5 .

$$(10002)^2 - 9$$

يقبل القسمة على 15.

$$C+9=0 \text{ يعني } (x+2)^2 = 0 \quad (ج)$$

$$\text{يعني } x+2=0 \text{ يعني } x=-2 \text{ يعني } S_{\mathbb{R}} = \{-2\}$$





تمرين عدد 3:

(أ)  $3 > 2\sqrt{2}$

(ب)  $a = |2\sqrt{2} - 3| = -(2\sqrt{2} - 3) = 3 - 2\sqrt{2}$

(2)  $b = \left(\sqrt{2} - \frac{1}{2}\right)^2 + \sqrt{18} + \frac{3}{4} = 2 + \frac{1}{4} - \sqrt{2} + 3\sqrt{2} + \frac{3}{4}$   
 $= 3 + 2\sqrt{2}$

(أ)  $a \times b = (3 - 2\sqrt{2})(3 + 2\sqrt{2}) = 9 - 8 = 1$

و منه  $a$  مقلوب  $b$ .

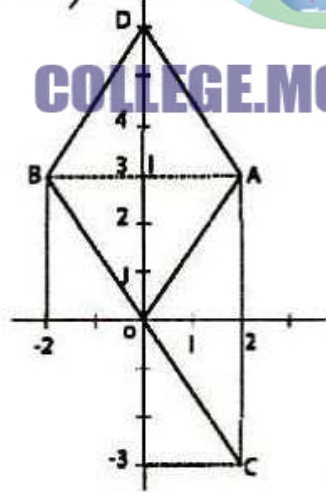
(ب)

$a(b-1) + a - 1 = ab - a + a - 1 = ab - 1 = 1 - 1 = 0$

و منه  $a$  و  $a(b-1)$  متقابلان

تمرين عدد 4:

(أ) (1)



(ب)  $A$  و  $B$  لهما نفس الترتيب 3 و فاصلتان متقابلتان  
2 و -2

إذن  $A$  و  $B$  متناظرتان بالنسبة إلى  $(OJ)$ .





(2) ب)  $C$  مناظرة  $A$  بالنسبة إلى

$$(OI) \text{ إذن } X_C = X_A = 2$$

$$\text{و } Y_C = Y_A = -3 \text{ ومنه } C(2, -3)$$

(ج)  $B$  و  $C$  لهما فاصلتان متقابلتان و ترتيبتان متقابلتان إذن  $B$  و  $C$  متناظرتان بالنسبة إلى النقطة  $O$ .

(3) أ)  $(AC) \parallel (OJ)$  و  $(AB) \perp (OJ)$  إذن

$(AC) \perp (AB)$  و منه المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$ .

$$\text{ب) } AB = 4cm \text{ و } AC = 6cm$$

$$BC = \sqrt{AB^2 + AC^2} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}cm$$

(4) أ) أنظر الرسم.

$I$  منتصف  $[OD]$  إذن  $I(0, 3)$

(ب) إحداثيات منتصف  $[AB]$  هي  $(0, 3)$  و منه منتصف  $[AB]$ .

(ج) قطرا الرباعي  $AOBD$  يتقاطعان في منتصفهما

فهو متوازي أضلاع و  $[AB] \perp [OD]$  فهو معين.

إحداثيات منتصف  $[OA]$  هي  $(1, \frac{3}{2})$

إحداثيات منتصف  $[CD]$  هي  $(1, \frac{3}{2})$

و منه  $[OA]$  و  $[CD]$  يتقاطعان في منتصفهما

إذن الرباعي  $ADOC$  متوازي أضلاع







$$\frac{AB \times DO}{2} = \frac{4 \times 6}{2} + 12 \text{ cm}^2 \text{ هي مساحة } ADBO$$

$$AI \times DO = 2 \times 6 = 12 \text{ cm}^2 \text{ هي مساحة } ADOC$$

ومنه  $ADBO$  و  $ADOC$  لهما نفس المساحة .

### تمرين عدد 5:

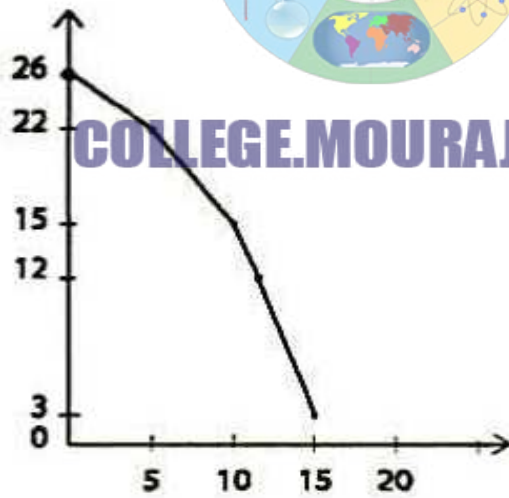
(1) نوع هذه الميزة هو كمية مسترسلة.

(2) أ)

3 15 22 26 التكرار التراكمي النازل:

(3) معدل القسم هو:  $\frac{26}{20}$

$$\frac{4 \times 2,5 + 7 \times 7,5 + 12 \times 12,5 + 3 \times 17,5}{20}$$



(4)

موسّط هذه السلسلة هو 11 تقريبا.

$$15 \times 14 = 210 \text{ (أ) عدد الإمكانيات هو:}$$

$$10 \times 9 = 90 \text{ (ب) احتمال إختيار فتاتين هو:}$$





**COLLEGE.MOURAJAA.COM**

