



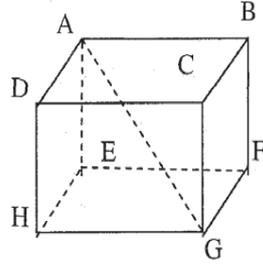
السنة التاسعة
2023

فرض تاليفي عدد 3
في الرياضيات
الثلاثي الثالث



تمرين عدد 01:

(1) ضع العلامة أمام المقترح السليم:
(أ) 8 تلاميذ تحصلوا على الأعداد التالية: 9؛ 10؛ 12؛ 13؛ 15؛ 16؛ 18 و 19. تواتر الذين تحصلوا على أعداد بين 11 و 17 يساوي: 40% ؛ 60% ، 50%.



(ب) لاحظ الرسم المقابل حيث ABCDEFGH متوازي مستطيلات
و $BC = b$ ؛ $AB = a$
و $AE = h$ إذن: AG يساوي:

$\sqrt{a^2 + h^2 - b^2}$ ، $\sqrt{a^2 + b^2 + h^2}$ ؛ $\sqrt{a^2 + b^2 - h^2}$

(2) أجب بصواب أو خطأ:

(أ) المتراحة $x^2 + 2x + 1 < 0$ لها حلول في IR

(ب) كل رباعي له ضلعان متتاليان متقايسان وقطران متعامدان هو معين

تمرين عدد 02:

كيس يحتوي على 8 كويرات: 3 زرقاء و 5 حمراء نسحب كويرتان الواحدة تلو الأخرى دون النظر إليهما وكل مرة نرجع الكويرة المسحوبة
(أ) أوجد عدد إمكانيات السحب

(ب) ما هو احتمال سحب كويرتين زرقاويتين؟

(ج) ما هو احتمال سحب كويرتين حمراويتين؟

(د) ما هو احتمال سحب كويرتين لهما نفس اللون؟

(هـ) ما هو احتمال سحب كويرتين مختلفتين في اللون؟

COLLEGE.MOURAJAA.COM

تمرين عدد 03:

يمثل الجدول التالي توزيعا لتلاميذ السنة التاسعة بإحدى المدارس الإعدادية حسب أعدادهم المتحصلين عليها في الفرض التاليفي لمادة الرياضيات.

العدد من 20	[20;15]	[15;10]	[10;5]	[5;0]
عدد التلاميذ	70	100	60	20
التواترات بالنسبة المئوية				
التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المئوية				

(أ) أكمل الجدول

(ب) مثل التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المئوية بمخطط المستطيلات وارسم مضع التواترات التراكمية

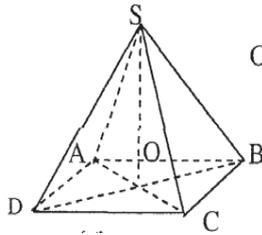
(ج) استنتج موطن هذه السلسلة الإحصائية.

تمرين عدد 04: يمثل الرسم المقابل هرم SABCD منتظما قاعدته مربع مركزه O

وارتفاعه [SO] حيث $AB = 3$ و $SO = 6$

(1) أ) بين أن المثلث SOA قائم الزاوية في O

(ب) احسب SA





(2) لتكن I منتصف [SA] و J منتصف [SB]

(أ) بين أن $(IJ) \parallel (AC)$

(ب) احسب IJ

(3) لتكن H المسقط العمودي لـ O على [SB]. احسب OH

تمرين 05-دد: لاحظ الرسم المقابل حيث ABCD شبه منحرف قائم و $AB = 5$ ؛

$DC = 7$ ؛ $AD = 3$ و $AM = NC = x$ و $(0 < x < 5)$

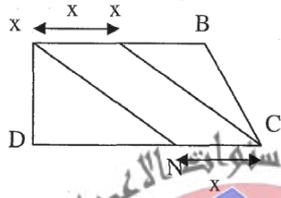
(1) بين أن AMCN متوازي أضلاع.

(2) نعتبر S_1 مساحة المثلث ADN و S_2 مساحة الرباعي AMCN و S_3 مساحة المثلث BMC.

(أ) احسب بدلالة x S_1 و S_2 و S_3

(ب) ابحث عن x لتكون مساحة المثلث ADN مساوية لمساحة الرباعي AMCN.

(ج) ابحث عن مجموعة الأعداد x لتكون مساحة المثلث BMC أكبر من مساحة الرباعي AMCN.



COLLEGE.MOURAJAA.COM





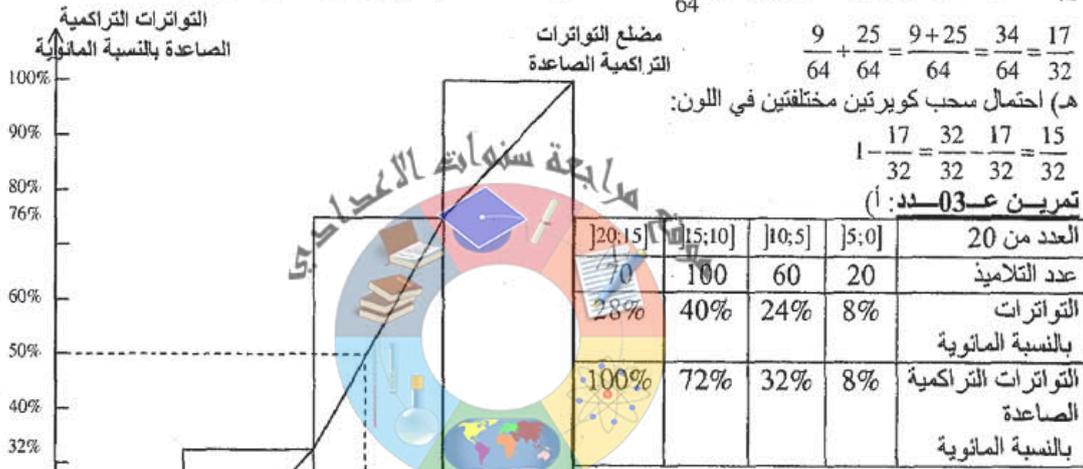
CORRECTION

تمرين ع-01: (أ) 50% ؛ (ب) $\sqrt{a^2 + b^2 + h^2}$

(2) (أ) خطأ $(x^2 + 2x + 1 = (x+1)^2 \geq 0)$ ؛ (ب) خطأ

تمرين ع-02: (أ) عدد إمكانات السحب هو: $8^2 = 64$ ؛ (ب) احتمال سحب كويرتين زرقاويتين هو $\frac{9}{64}$

(ج) احتمال سحب كويرتين حمراويتين هو $\frac{25}{64}$ ؛ (د) احتمال سحب كويرتين لهما نفس اللون هو:



(ج) $Me = 12.5$

تمرين ع-04: (1) (أ) لدينا [SO] ارتفاع الهرم SABCD لذا (SO) عمودي على المستوى (ABC) إذن فهو

عمودي على كل مستقيمت هذا المستوى المارة من النقطة O ومن بينها المستقيم (OA) إذن (OA) \perp (SO)

وبالتالي فإن المثلث SOA قائم الزاوية في O

(ب) بتطبيق نظرية بيتاغور في المثلث SOA (قائم الزاوية في A) نتحصل على $SA^2 = SO^2 + OA^2$ إذن

$$\left(OA = \frac{AC}{2} = \frac{AB\sqrt{2}}{2} = \frac{3\sqrt{2}}{2} \right) SA = \sqrt{SO^2 + OA^2} = \sqrt{6^2 + \left(\frac{3\sqrt{2}}{2} \right)^2} = \sqrt{36 + \frac{9}{2}} = \sqrt{\frac{81}{2}} = \frac{9\sqrt{2}}{2}$$

(2) (أ) في المثلث SAB لدينا I منتصف [SA] و J منتصف [SB] إذن (IJ) \parallel (AB) وبما أن (AB) \subset (ABC)

فإن (IJ) \parallel (ABC)

(ب) $IJ = \frac{1}{2} AB = \frac{3}{2}$





$$SB = SA = \frac{9\sqrt{2}}{2} \text{ لذا هرم منتظم لذا } (3)$$

المثلث SOB قائم الزاوية في O و [OH] ارتفاعه الصادر من O إذن $SO \times OB = SB \times OH$

$$OH = \frac{SO \times OB}{SB} = \frac{6 \times \frac{3\sqrt{2}}{2}}{\frac{9\sqrt{2}}{2}} = 2 \text{ يعني}$$

تمرين 05 عدد: 1) لدينا ABCD شبه منحرف قاعدته [AB] و [DC] لذا $M \in [AB]$ و $N \in [DC]$

ونعلم أن $AM = NC$ إذن الرباعي AMCN له ضلعان متوازيان و متقايسان وبالتالي فهو متوازي أضلاع

$$(1) \quad S_1 = \frac{AD \times DN}{2} = \frac{3 \times (7-x)}{2} = \frac{21-3x}{2}$$

AMCD

$$S_2 = \frac{(7+x) \times 3}{2} - S_1 = \frac{21+3x}{2} - \frac{21-3x}{2} = \frac{21+3x-21+3x}{2} = \frac{6x}{2} = 3x$$

مساحة المثلث ADN أي: $S_2 = 3x$ ومساحة شبه المنحرف AMCD أي:

$$S_3 = \frac{3 \times (5+7)}{2} - \frac{(x+7) \times 3}{2} = \frac{18}{2} - \frac{3x+21}{2} = \frac{36}{2} - \frac{3x+21}{2} = \frac{36-3x-21}{2} = \frac{15-3x}{2}$$

(ب) مساحة المثلث ADN تساوي مساحة الرباعي AMNC يعني $S_1 = S_2$ يعني $\frac{21-3x}{2} = 3x$ يعني $21-3x = 6x$

$$\text{يعني } 9x = 21 \text{ يعني } x = \frac{21}{9} = \frac{7}{3}$$

(ج) مساحة المثلث BMC أكبر من مساحة الرباعي AMCN يعني $S_3 > S_2$ يعني $\frac{15-3x}{2} > 3x$ يعني $15-3x > 6x$

$$\text{يعني } 15 > 9x \text{ يعني } x < \frac{15}{9} \text{ يعني } x < \frac{5}{3} \text{ وبما أن } x > 0 \text{ فإن } x \in]0; \frac{5}{3}[$$





COLLEGE.MOURAJAA.COM

