



السنة التاسعة
2023

فرض تاليفي عدد 3
في الرياضيات
الثلاثي الثالث



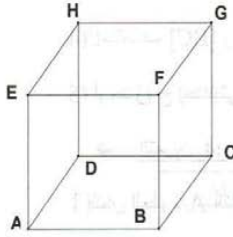
التمرين 1:

ضع علامة (ص) أمام الإجابة الصحيحة

(1) نعتبر $x \in \mathbb{R}$ بحيث $x > 1$ لدينا:

أ. $\frac{1}{x} \in]1; +\infty[$ ب. $\frac{1}{x} \in]0; 1[$ ج. $\frac{1}{x} \in]-\infty; 1[$

(2) لو اخترنا بصفة عشوائية حرف في المكعب ABCDEFGH يكون احتمال تعامده مع المستوي (ABC)



أ. 1/3	ب. 0,5	ج. 0,25

(3) إذا كان ABC مثلثاً قائماً في A بحيث $AB = 1$ و $AC = \sqrt{3}$

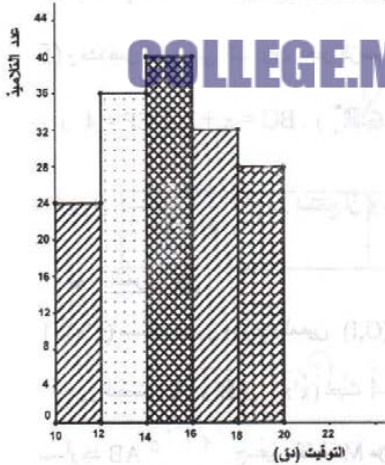
و [AH] هو ارتفاعه الصار من A فإن:

أ. $AH = \frac{\sqrt{3}}{2}$	ب. $AH = \frac{1 + \sqrt{3}}{2}$	ج. $AH = 2$
------------------------------	----------------------------------	-------------

(4) إذا كانت S مساحة مثلث EFG و M نقطة من [FG] و S_1 مساحة EFM فإن:

$\frac{S_1}{S} = \frac{MF}{FG}$	$\frac{S_1}{S} = \frac{MG}{FG}$	$\frac{S_1}{S} = \frac{FG}{MG}$
---------------------------------	---------------------------------	---------------------------------

التمرين 2:



يمثل مخطط المستطيلات التالي توزيع الوقت بالدقائق للمسافة التي يقطعها تلاميذ قرية بين المنزل و المدرسة

(1) استعن بالمخطط و اتمم الجدول أسفله

(2) حدد مدى و فئة منوال و المعدل الحسابي لهذه السلسلة

(3) يمثل هذه السلسلة بمضلع التكرارات التراكمية الصاعدة ثم استنتج متوسط هذه السلسلة

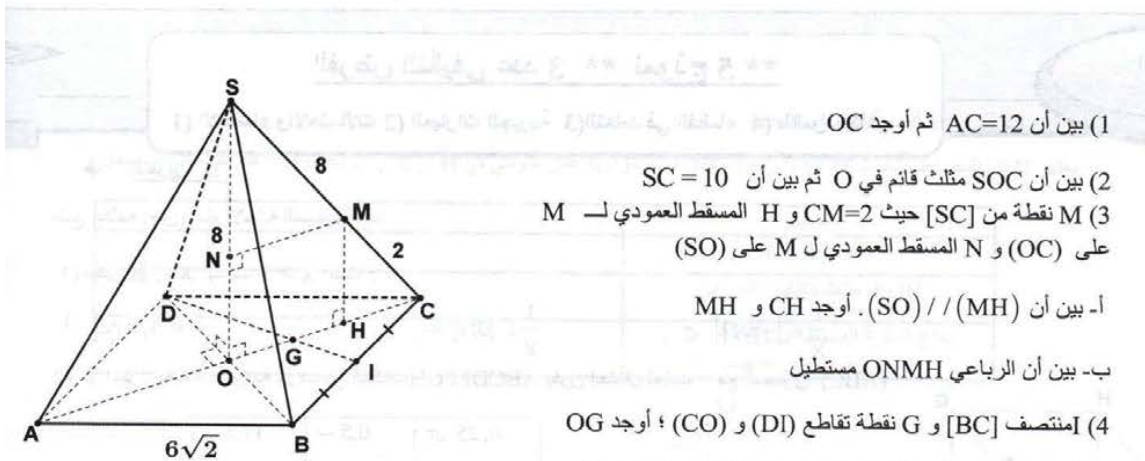
(4) نختار عشوائياً تلميذاً من المدرسة؛ ما هو احتمال أن يكون من الذين قطعوا المسافة في أكثر من 16 دقيقة؟

التوقيت (دق)	[10;12[[12;14[[14;16[[16;18[[18;20[المجموع
عدد التلاميذ						
التكرار التراكمي						

التمرين 3:

نعتبر الهرم المنتظم SABCD حيث ABCD مربع مركزه O و $AB = 6\sqrt{2}$ و $SO = 8$





- (1) بين أن $AC=12$ ثم أوجد OC
- (2) بين أن SOC مثلث قائم في O ثم بين أن $SC = 10$
- (3) M نقطة من $[SC]$ حيث $CM=2$ و H المسقط العمودي لـ M على (OC) و N المسقط العمودي لـ M على (SO)
- أ- بين أن $(MH) // (SO)$. أوجد CH و MH
- ب- بين أن الرباعي $ONMH$ مستطيل
- (4) G نقطة تقاطع (DI) و (CO) ؛ أوجد OG
- (5) أوجد زوج إحداثيتي النقط M و G في المعين (O, C, S)

التمرين 4:

(1) لتكن العبارة $A = x^2 + 2x - 24$ التالية

أوجد القيمة العددية للعبارة A إذا علمت أن $x = \sqrt{2} + 3$

(2) حل في \mathbb{R} المترابحة $A < x^2$

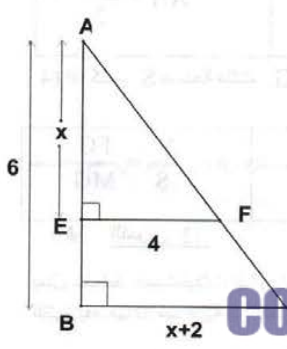
(3) بين أن $(x+1)^2 - 25 = A$

استنتج أن $A = (x-4)(x+6)$ ثم حل في \mathbb{R} المعادلة $A=0$

(4) $x \in [-1; 2]$ ؛ أوجد حصر الـ $x-4$ و $x+6$ ثم حصر العبارة A

(5) وحدة قياس الطول هي الـ cm نعتبر الزم المقابل حيث $AB=6$ و $AE=x$

و $EF=4$ و $BC=x+2$. ($x \in \mathbb{R}_+$)



أبين أن $\frac{x}{6} = \frac{4}{x+2}$. ب. استنتج أن x حل للمعادلة $A=0$. ج. احسب اذن محيط المثلث ABC .

التمرين 5:

(1) $(x'x)$ مستقيم عددي مدرج بالمعين (O, I)

أ- عين النقطتين A و B من $(x'x)$ حيث $x_A=-4$ و $x_B=5$

ب- أوجد AB ج- عين النقطة M من $[AB]$ حيث $\frac{AM}{4} = \frac{MB}{2}$ د- أوجد AM ثم استنتج x_M فاصلة M





CORRECTION

التمرين 1:

ضع علامة (x) أمام الإجابة الصحيحة

(1) نعتبر $x \in \mathbb{R}$ بحيث $x > 1$ لدينا : ب. $\frac{1}{x} \in]0; 1[$

(2) لو اخترنا بصفة عشوائية حرف في مجموعة ABCDEFGH يكون احتمال تعامده مع المستوي (ABC) مساوياً لـ $\frac{1}{3}$

(3) إذا كان ABC مثلثاً قائماً في A بحيث $AB = 1$ و $AC = \sqrt{3}$

و [AH] هو ارتفاعه الصادر من A فان : أ. $AH = \frac{\sqrt{3}}{2}$

(4) إذا كانت S مساحة مثلث EFG و M نقطة من [FG] و S_1 مساحة

$$S_1 = \frac{MF}{FG} S \text{ فان : EFM}$$

التمرين 2:

المجموع	[18; 20[[16; 18[[14; 16[[12; 14[[10; 12[التوقيت (دق)
160	28	32	40	36	24	عدد التلاميذ
//////	160	132	100	60	24	التكرار التراكمي مي الصاعد

المدى: $20 - 10 = 10$ فئة المنوال: [14 ; 16[



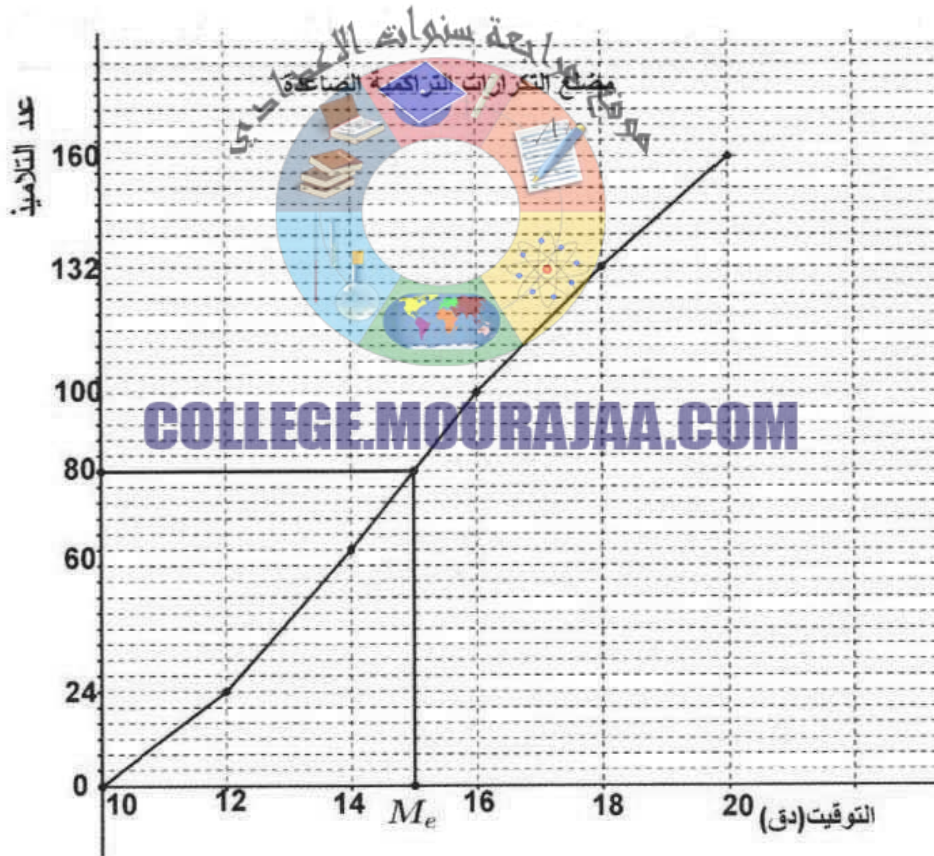


المعدل الحسابي:

$$Ma = \frac{24 \times 11 + 36 \times 13 + 40 \times 15 + 32 \times 17 + 28 \times 19}{160} = 15,5$$

الموسط هو $M_e = 15$

- احتمال أنه يقطع المسافة في أكثر من 16 دق هو $\frac{32 + 28}{160} = \frac{3}{8}$





التمرين 3:

(1) [AC] قطر المربع ABCD إذن

$$AC = AB\sqrt{2} = 6\sqrt{2} \times \sqrt{2} = 6 \times 2 = 12$$

$$OC = \frac{AC}{2} = \frac{12}{2} = 6$$

بما أن O مركز المربع ABCD وبالتالي

(2) لدينا $(SO) \perp (ABC)$ و $(OC) \subset (ABC)$ إذن

$(SO) \perp (OC)$ فينتج عن ذلك أن المثلث SOC قائم في O وبالتالي حسب نظرية

$$\text{بيتاغور: } SC^2 = SO^2 + OC^2 = 8^2 + 6^2 = 64 + 36 = 100$$

$$\text{إذن } SC = \sqrt{100} = 10$$

(3) لدينا $(SO) \perp (OC)$ و $(MH) \perp (OC)$ إذن

$$(MH) // (OS)$$

في المثلث SOC لدينا : $M \in (CS)$ و $H \in (CO)$ و

$$\frac{CM}{CS} = \frac{CH}{CO} = \frac{MH}{SO} \quad (MH) // (OC) \quad \text{إذن حسب نظرية طالس.}$$

$$\text{وبالتالي } \frac{1}{5} = \frac{2}{10} = \frac{CH}{6} = \frac{MH}{8}$$

$$\text{و } MH = \frac{8}{5}$$

ب - الرباعي ONMH مستطيل لأن

$$\widehat{NOM} = \widehat{OHM} = \widehat{HMN} = 90^\circ$$

مثلث BCD لدينا G هي نقطة تقاطع الموسطين [DI] و [CO] إذن





هي مركز ثقله. ب - $OG = \frac{1}{3} OC = \frac{1}{3} \times 6 = 2$

(5) في المعين (O,C,S): $x_H = \frac{4}{5}$ لأن $\frac{OH}{OC} = \frac{4}{5}$ و $x_H \in \mathbb{R}_+$ و $y_H = 0$

لأن $y_H = 0$ يعني $H \in (OC)$ يعني $H(\frac{4}{5}; 0)$

لأن $y_G = 0$ و $x_G \in \mathbb{R}_+$ و $\frac{OG}{OC} = \frac{1}{3}$ لأن $x_G = \frac{1}{3}$

لأن $x_M = x_H = \frac{4}{5}$ و $G(\frac{1}{3}; 0)$ يعني $G \in (OC)$

و $(MH) \parallel (OS)$ و $y_H = \frac{1}{5}$ لأن $\frac{CM}{CS} = \frac{1}{5}$ و $y_M \in \mathbb{R}_+$



يعني $M(\frac{4}{5}; \frac{1}{5})$

التمرين 4:

(1) $A = x^2 + 2x - 24$ إذا كان $x = \sqrt{2} + 3$ فإن

$A = (\sqrt{2} + 3)^2 + 2(\sqrt{2} + 3) - 24$

$A = \sqrt{2}^2 + 2 \times \sqrt{2} \times 3 + 3^2 + 2\sqrt{2} + 6 - 24$

$A = 2 + 9 + 6 - 24 + 6\sqrt{2} = -7 + 6\sqrt{2}$

(2) $A < x^2$ يعني $x^2 + 2x - 24 < x^2$ يعني $2x < 24$ يعني

$x < 12$ ومنه $S_{\mathbb{R}} =]-\infty; 12[$





$$(x+1)^2 - 25 = x^2 + 2x + 1 - 25 = x^2 + 2x - 24 = A \quad (3)$$

$$-25 = (x+1)^2 - 5^2 = (x+1-5)(x+1+5) = (x-4)(x+6)$$

$$x+6=0 \text{ أو } x-4=0 \text{ يعني } (x-4)(x+6)=0 \text{ يعني } A=0$$

$$S_{\mathbb{R}} = \{-6; 4\} \text{ وبالتالي } x = -6 \text{ أو } x = 4 \text{ يعني}$$

$$(4) \quad x \in [-1; 2] \text{ يعني } -1 \leq x \leq 2 \quad ; \quad \text{لدينا } -1 \leq x \leq 2$$

$$\text{إذن } -5 \leq x-4 \leq -2 \text{ يعني } 2 \leq -(x-4) \leq 5 \quad ; \quad \text{ولدينا}$$

$$-1 \leq x \leq 2 \text{ إذن } 5 \leq x+6 \leq 8 \text{ وبالتالي}$$

$$-40 \leq A \leq -10 \text{ وينتج عن ذلك } 10 \leq -(x-4)(x+6) \leq 40$$

(5) في المثلث ABC لدينا : $E \in (AB)$ و $F \in (BC)$ و $(EF) \parallel (BC)$

$$\text{إذن حسب نظرية طالس: } \frac{AE}{AB} = \frac{EF}{BC} \text{ وبالتالي } \frac{x}{6} = \frac{4}{x+2}$$

$$\text{وينتج عن ذلك أن } x(x+2) = 4 \times 6 \text{ يعني } x^2 + 2x = 24$$

$$\text{يعني } x^2 + 2x - 24 = 0 \text{ يعني } A = 0 \text{ يعني } x = 4 \text{ أو } x = -6$$

و بمأن $x \in \mathbb{R}_+$ فإن $x = 4$

$$* \text{ حساب } BC: BC^2 = 6^2 + 6^2 = 36 + 36 = 72 \text{ إذن}$$

$$BC = \sqrt{72} = 6\sqrt{2} \text{ وبالتالي محيط المثلث ABC يساوي: } 12 + 6\sqrt{2}$$





التمرين 4:

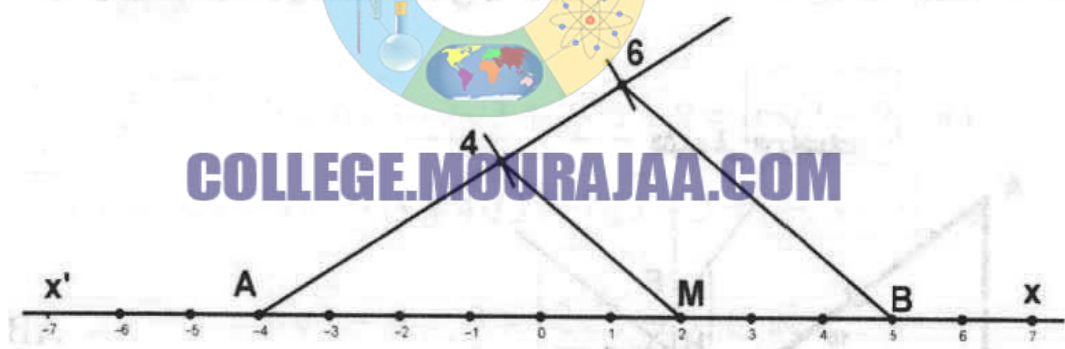
ومنه $\frac{AM}{4} = \frac{MB}{2} = \frac{AB}{6} = \frac{9}{6} = \frac{3}{2}$ (ج)

(ب) $AB = |x_B - x_A| = |5 - (-4)| = |5 + 4| = 9$

$x_M + 4 = 6$ او $x_M + 4 = -6$ ومنه $|x_M + 4| = 6$

او $|x_M - x_A| = 6$ إذن $AM = \frac{4 \times 3}{2} = \frac{12}{2} = 6$

مما يعطي $x_M = -10$ او $x_M = 2$ والحل المعقول هو $x_M = 2$ لان $x_A < 2 < x_B$ بما ان $I \in [AB]$



COLLEGE.MOURAJAA.COM

