



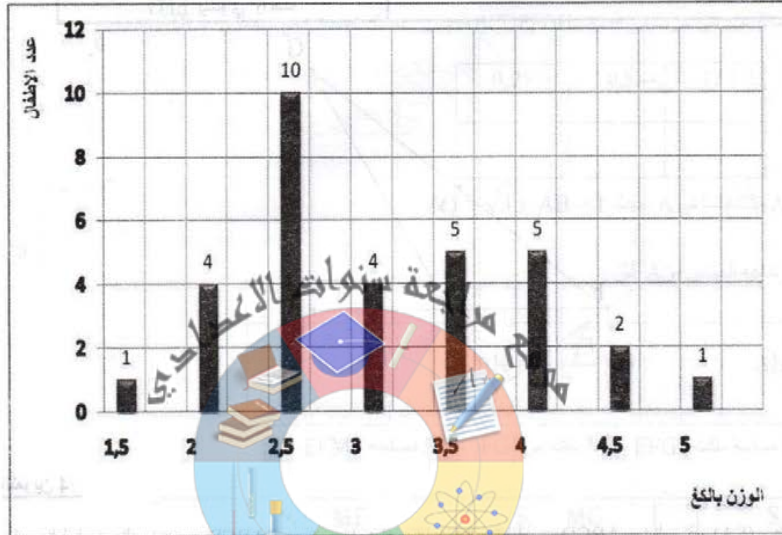
السنة التاسعة  
2023

فرض تاليفي عدد3  
في الرياضيات  
الثلاثي الثالث



التمرين 1:

- المخطط اسفله يمثل معلومات حول أوزان مواليد جدد بإحدى المستشفيات.
- (1) - كون جدول التكرارات و التكرارات التراكمية الصاعدة
  - (2) - كون جدول التواترات التواترات التراكمية الصاعدة.



- (3) - أحسب المعدل الحسابي وموسط هذه السلسلة الإحصائية.
- (4) - ما هي نسبة المواليد الذين يقل وزنهم عن 4 kg ؟

COLLEGE.MOURAJAA.COM

التمرين 2:

لتكن العبارة  $C = -3x + 5$

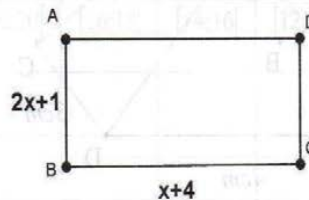
(1) - احسب القيمة العددية لـ  $C$  اذا كان  $x = \sqrt{7} - 1$  . ب- حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحة :  $C \geq 7x$

(2) لتكن العبارة  $D = (3x + 5)^2 - x^2 + 6x - 9$

أبين ان  $\frac{D}{4} = (2x + 1)(x + 4)$

ب- انشر العبارة  $\frac{D}{4}$  ثم حل في  $\mathbb{R}$  و بطريقتين المعادلة :  $2x^2 + 9x + 4 = (x + 4)$

ج- وحدة قيس الطول هي الصم ؛ ابعاد المستطيل ABCD معبر عنها بدلالة  $x$  حيث  $x$  عدد حقيقي موجب ؛ ابحث عن  $x$  حتى تكون  $\mathcal{A}$  قيس مساحة ABCD مساوية لـ 4





التمرين 3: وحدة قيس الطول هي الصم .  
نعتبر الشكل المصاحب بحيث EFG و FGH مثلثان قائما الزاوية على التوالي في H و E و GF=12 . علل صحة هذه الجمل :

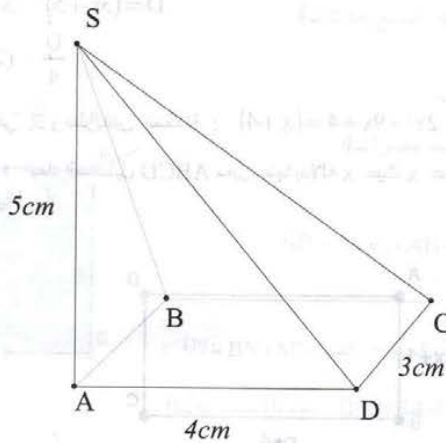
| التعليل | الجملة                                       |
|---------|--|
|         | OE=OF=OG                                     |
|         | EOH مثلث متقايس الضلعين                      |
|         | شعاع الدائرة المحيطة بـ FGH و EFG يساوي 6 صم |



التمرين 4:

وحدة قيس الطول هي الصم ؛ SABCD هو هرم راسه S وقاعدته المستطيل ABCD ؛ المستقيم (SA) عمودي على المستوي (ABC) في A والأبعاد هي : SA=5 و AD=4 و AB=3

- بين ان المستقيم (AD) يعامد المستوي (SAB)
- بين ان المستقيم (AD) يوازي المستوي (SBC)
- ما هو تقاطع المستويين (SAB) و (SCD) - راسه
- بين ان  $SC = 5\sqrt{2}$





# CORRECTION

## التمرين 1 :

- (1) - كون جدول التكرارات و التكرارات التراكمية الصاعدة  
(2) - كون جدول التواترات و التواترات التراكمية الصاعدة.

| الوزن<br>بالكغ                | 1,5     | 2     | 2,5    | 3     | 3,5    | 4      | 4,5    | 5       |
|-------------------------------|---------|-------|--------|-------|--------|--------|--------|---------|
| عدد<br>الاطفال                | 1       | 4     | 10     | 4     | 5      | 5      | 2      | 1       |
| التكرار<br>التراكمي<br>الصاعد | 1       | 5     | 15     | 19    | 24     | 29     | 31     | 32      |
| التواتر                       | 0,03125 | 0,125 | 0,3125 | 0,125 | 0,1562 | 0,1562 | 0,0625 | 0,03125 |
| التواتر<br>التراكمي<br>الصاعد | 0,03125 | 0,156 | 0,469  | 0,593 | 0,75   | 0,906  | 0,9685 | 1       |

(3) - أحسب  $Ma$  المعدل الحسابي و  $Me$  متوسط هذه السلسلة الإحصائية .

$$Ma = \frac{1 \times 1,5 + 4 \times 2 + 10 \times 2,5 + 4 \times 3 + 5 \times 3,5 + 5 \times 4 + 2 \times 4,5 + 1 \times 5}{32} = 3,0625$$

$Me = (3+3) : 2 = 3$  لان :

$$5; (4,5); (4,5); \dots; (3,5); 3; 3; \boxed{3}; \boxed{3}; (2,5); \dots; (1,5)$$

(4) - نسبة المواليد الذين يقل وزنهم عن 4 kg هي 75 %

## التمرين 2 :

لتكن العبارة  $C = 3x + 5$

(1) - اذا كان  $x = \sqrt{7} - 1$  فان  $C = 3(\sqrt{7} - 1) + 5 = 3\sqrt{7} - 3 + 5 = 3\sqrt{7} + 2$

ب- لنحل في  $\mathbb{R}$  المتراجحة :  $C \geq 7x$

$$C \geq 7x \Rightarrow 3x + 5 \geq 7x \Rightarrow -4x \geq -5 \Rightarrow 4x \leq 5 \Rightarrow \frac{1}{4} \times 4x \leq 5 \times \frac{1}{4} \Rightarrow x \leq \frac{5}{4}$$

$$S_{\mathbb{R}} = \left] -\infty; \frac{5}{4} \right]$$

وبالتالي

(2) لتكن العبارة  $D = (3x + 5)^2 - x^2 + 6x - 9$

الدينا :

$$\begin{aligned} D &= (3x + 5)^2 - x^2 + 6x - 9 = (3x + 5)^2 - (x^2 - 6x + 9) \\ &= (3x + 5)^2 - (x - 3)^2 = [(3x + 5) + (x - 3)][(3x + 5) - (x - 3)] \\ &= (4x + 2)(2x + 8) = 2(2x + 1)2(x + 4) = 4(2x + 1)(x + 4) \end{aligned}$$

$$\frac{D}{4} = (2x + 1)(x + 4)$$

ب- لننشر العبارة  $\frac{D}{4}$





$$\frac{D}{4} = (2x+1)(x+4) = 2x^2 + 8x + x + 4 = 2x^2 + 9x + 4$$

لنحل في  $\mathbb{R}$  المعادلة:

$$2x^2 + 9x + 4 = (x+4) \Rightarrow 2x^2 + 8x = 0 \Rightarrow 2x(x+4) = 0$$

$$\Rightarrow x = 0 \quad \text{او} \quad x = -4 \Rightarrow S_{\mathbb{R}} = \{-4; 0\}$$

$$2x^2 + 9x + 4 = x + 4 \Rightarrow (2x+1)(x+4) = (x+4)$$

$$\Rightarrow (2x+1)(x+4) - (x+4) = 0 \Rightarrow (x+4)[(2x+1) - 1]$$

$$\Rightarrow 2x(x+4) = 0 \Rightarrow x = 0 \quad \text{او} \quad x = -4 \Rightarrow S_{\mathbb{R}} = \{-4; 0\}$$

ج-  $A$  قياس مساحة المستطيل ABCD معبر عنها بدلالة  $x$  حيث  $x$  عدد حقيقي؛

لنبحث عن  $x$  حتى تكون  $A$  مساوية لـ 4

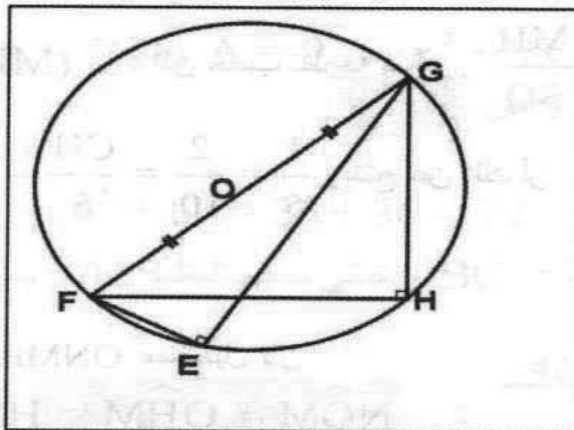
$$A = 4 \quad \text{يعني} \quad (2x+1)(x+4) = 4$$

$$2x^2 + 9x + 4 = 4 \quad \text{او} \quad 2x^2 + 9x = 0 \quad \text{يعني} \quad x(2x+9) = 0 \quad \text{اذن}$$

$x=0$  مقبول او  $x=-4,5$  ملغى لانه يجعل من الاطوال سالبة  
الخلاصة:  $x=0$  لان  $x=-4,5$  تجعل من ابعاد المستطيل قيم سالبة

• **التمرين 3** : وحدة قياس الطول هي الصم  
نعتبر الشكل المصاحب بحيث  $FGH$  و  $EFG$  مثلثان قائما الزاوية على التوالي في  
E و H و  $GF=12$  علل صحة هذه الجمل :

| الجملة  | التعليل   |
|---|---|
| $OE=OF=OG$  | في المثلث القائم منتصف الوتر<br>يبعد نفس البعد عن رؤوسه<br>الثلاث |
| $EOH$ مثلث متقايس الضلعين                           | $OH=OF=OG$ نفس السبب<br>ومنه $OH=OE$                              |
| شعاع الدائرة المحيطة بـ $FGH$<br>و $EFG$ يساوي 6 صم | O منتصف الوتر اذن<br>$OF=EG : 2=6$                                |





التمرين 4 :

(1) المستقيم (AD) يعامد كل من (AB) و (AS) المحتويان في المستوي (SAB) والمتقاطعان في A فحتما (AD) سيعامد المستوي (SAB) .

(2) المستقيم (AD) يوازي (CB) المحتوى في المستوي (SCB) فحتما (AD) سيوازي المستوي (SCB) .

(3) تقاطع المستويين (SAB) و (SCD) في المستقيم الموازي لـ (AB) او (CD) والمار من S -التعليل غير مطلوب

(4) لنحسب SC : (AS) يعامد المستوي (DAB) في A اذن يعامد كل مستقيم محتوي في (DAB) و مار من A

وبالخصوص (AC) ومنه المثلث SAC قائم في A فحسب بيثاغور :

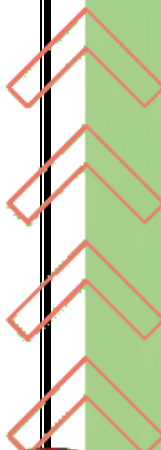
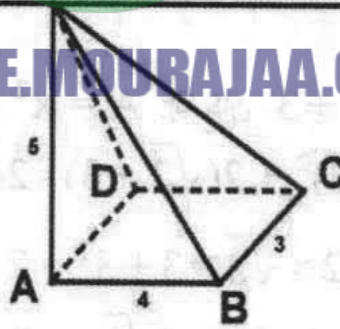
$$SC^2 = SA^2 + AC^2$$

الا ان  $AC^2 = BA^2 + BC^2 = 3^2 + 4^2 = 25$  وذلك حسب بيثاغور في المثلث BAC القائم في B ومنه  $SC^2 = SA^2 + AC^2 = 25 + 25 = 50$

$$SC = \sqrt{50} = \sqrt{25 \times 2} = 5\sqrt{2}$$



COLLEGE.MOURAJAA.COM





**COLLEGE.MOURAJAA.COM**





**COLLEGE.MOURAJAA.COM**





**COLLEGE.MOURAJAA.COM**

