



السنة الدراسية : 2023
القسم: سنة سابعة

فرض تألوفي عدد 3
في الرياضيات
الثلاثي الثالث

المنذوبية الجهوية للتربية
بتونس

❖ تمرين ع1-دد

أوجد العدد الكسري a علماً أنّ الجدول التالي جدول تناسب طردي :

$a - \frac{1}{2}$	$\frac{7}{3}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{3}$

❖ تمرين ع2-دد

(I) العدد $\frac{150}{107}$ هو عدد كسري غير عشري و هذه قيمة تقريبية له بـ 24 رقماً بعد الفاصل:

$$\frac{150}{107} \approx 1,401869158878504672897196$$

(I) الجدول التالي يبين الأرقام التي وردت في الكتابة أعلاه للعدد $\frac{150}{107}$. أكمل هذا الجدول.

الرقم	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
التكرارات										
التواترات										
التواترات بـ %										

(2) حدد التكرار الجملي ومدى و منوال هذه التمثيلة الإحصائية.

(3) مثل مضلع التواترات الموافق لهذه السلسلة.

(II) طبعت هذه الأرقام التي وردت في الكتابة أعلاه للعدد $\frac{150}{107}$ على كويرات متماثلة و غير قابلة للتمييز و وضعناها في كيس .

(أ) ما هو احتمال استخراج كويرة تمثل رقماً زوجياً؟

(ب) ما هو احتمال استخراج كويرة تمثل رقماً أصغر من أو مساو لـ 5.

❖ تمرين ع3-دد

(أ) بين بعد النشر و الاختصار للعبارة $x^2 + 3x - 3y + \frac{15}{4}$ حيث x و y عددين كسريين إن : $A = 7\left(\frac{6}{21}x + \frac{9}{14}\right) + 3\left(y - \frac{6}{24}\right) + x = 3x - 3y + \frac{15}{4}$

(ب) أحسب A إذا كان $y = \frac{4}{3}$ و $x = \frac{22}{27}$ ؛

(ج) أحسب A إذا كان $x + y = \frac{9}{4}$.

(د) أوجد x إذا علمت أنّ $A = 9$ و $y = \frac{8}{9}$

❖ تمرين ع4-دد

(1) تعتبر مثلثاً ABC متقايس الضلعين قمته الرئيسية A حيث $BA = 5\text{cm}$ و $\widehat{BAC} = 70^\circ$. انجز الرسم

(2) (أ) ابن I منتصف $[BC]$ ثم بيّن أن: (BC) يعامد (AI) .

(ب) المستقيم المار من A و الموازي لـ (BC) يقطع المستقيم المار من C و العمودي على (BC) في D . بيّن أنّ الرباعي $AICD$ مستطيل.

(3) (أ) لتكن E منظرية A بالنسبة إلى (BC) . بيّن أنّ الرباعي $ABEC$ معيّن.

(ب) احسب \widehat{CEI}





CORRECTION

تمرين ع-1

أوجد العدد الكسري a علماً أن الجدول التالي جدول تناسب طردي :

$$a = \frac{7}{4} + \frac{1}{2} = \frac{9}{4} \text{ مما يعطي } \left(a - \frac{1}{2}\right) = \frac{\frac{1}{2} \times \frac{7}{3}}{\frac{2}{3}} = \frac{\frac{7}{6}}{\frac{2}{3}} = \frac{7}{6} \times \frac{3}{2} = \frac{7}{4}$$

$a - \frac{1}{2}$	$\frac{7}{3}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{3}$

تمرين ع-2

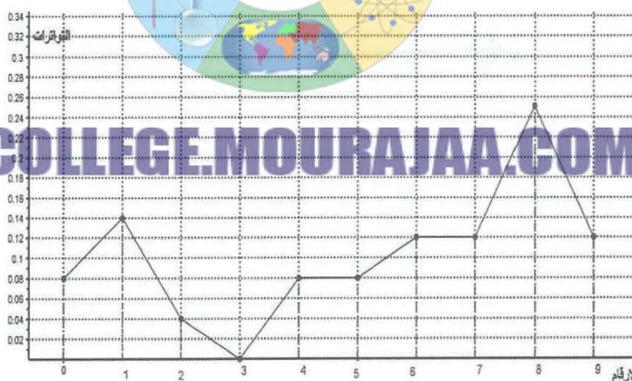
(1) العدد $\frac{150}{107}$ هو عدد كسري غير عشري و هذه قيمة تقريبية له بـ 24 رقماً بعد الفاصل:

$$\frac{150}{107} \approx 1.401869158878504672897196$$

(2) الجدول التالي يبين الأرقام التي وردت في الكتابة أعلاه للعدد $\frac{150}{107}$ كحل هذا الجدول

الرقم	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
التكرارات	2	4	1	0	2	2	3	3	5	3
التواترات	0,08	0,16	0,04	0	0,08	0,08	0,12	0,12	0,25	0,12
التواترات بـ %	8%	16%	4%	0%	8%	8%	12%	12%	25%	12%

(2) هام جدا : لتكرار الجملي هو 25 : المدى هو 9 : منوال هذه السلسلة الإحصائية هو 8.
(3) مثل مضلع التواترات الموافق لهذه السلسلة.



(II) طبعت هذه الأرقام التي وردت في الكتابة أعلاه على كويرات متماثلة و غير قابلة للتمييز و وضعناها في كيس .

(أ) احتمال استخراج كويرة تمثل رقماً زوجياً يساوي $0,08+0,04+0,08+0,12+0,25 = 0,57 = 57\%$

(ب) احتمال استخراج كويرة تمثل رقماً أصغر من أو مساوياً لـ 5 يساوي $0,08+0,08+0+0,04+0,16+0,08 = 0,44 = 44\%$

تمرين ع-3

$$A = 7\left(\frac{6}{21}x + \frac{9}{14}\right) + 3\left(y - \frac{6}{24}\right) + x = 7 \times \frac{6}{21}x + 7 \times \frac{9}{14} + 3 \times y - 3 \times \frac{6}{24} + x$$

$$= \frac{7 \times 2 \times 3}{7 \times 3}x + \frac{7 \times 9}{7 \times 2} + 3 \times y - 3 \times \frac{6 \times 1}{6 \times 4} + x = 2x + \frac{9}{2} + 3y - \frac{3}{4} + x$$

$$= 2x + 1x + 3y + \frac{9}{2} - \frac{3}{4} = 3x + 3y + \frac{15}{4}$$

(أ) ننشر و نختصر العبارة A حيث x و y عدنان كسريان:

$$A = 3x + 3y + \frac{15}{4} = 3 \times \frac{1}{12} + 3 \times \frac{4}{3} + \frac{15}{4} = \frac{1}{4} + 4 + \frac{15}{4} = 4 + 4 = 8 \leftarrow \text{ (ب) أحسب } A \text{ إذا كان } x = \frac{1}{12} \text{ و } y = \frac{4}{3}$$

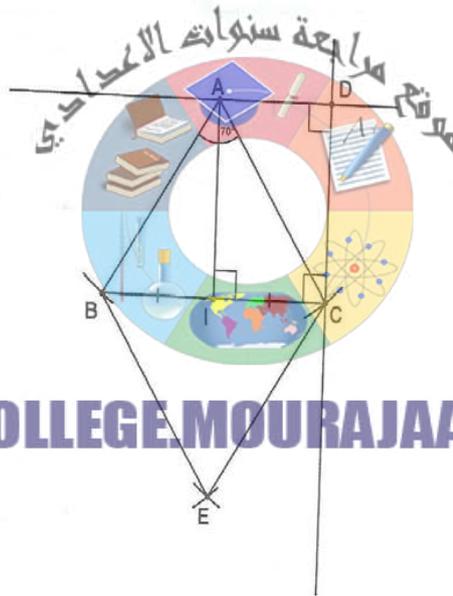
$$A = 3x + 3y + \frac{15}{4} = 3 \times (x + y) + \frac{15}{4} = 3 \times \frac{3}{4} + \frac{15}{4} = \frac{9}{4} + \frac{15}{4} = \frac{24}{4} = 6 \leftarrow \text{ (ج) أحسب } A \text{ إذا كان } x + y = \frac{3}{4}$$



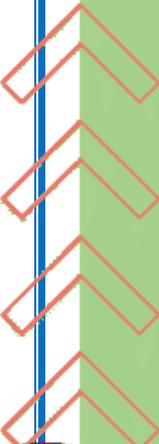


❖ تمرين 44

- (1) نعتبر مثلثاً ABC متقايس الضلعين قمته الرئيسية A حيث $BA = 5\text{cm}$ و $\widehat{BAC} = 70^\circ$.
- (2) ا) ابن I منتصف $[BC]$ ثم بيّن أن: (BC) يعامد (AI) .
 ABC متقايس الضلعين قمته الرئيسية A إذن المتوسط الموافق للقاعدة يطابق الارتفاع الصادر من القمة الرئيسية ولذا (BC) يعامد (AI) .
 ب) المستقيم المار من A و الموازي لـ (BC) يقطع المستقيم المار من C و العمودي على (BC) في D . بيّن أن الرباعي $AICD$ مستطيل.
 (3) ا) لكن E مناظرة A بالنسبة إلى (BC) . بيّن أن الرباعي $ABEC$ معين.
 لدينا $CA = CE$ و $BA = BE$ لأن B و C نقطتان من المتوسط العمودي لـ $[EA]$. الا ان $BA = CA$ فحتما $BE = BA = CA = CE$ فالرباعي $ABEC$ معين.
- ب) لدينا مناظرة الزاوية \widehat{CAI} بالنسبة إلى (BC) هي \widehat{CEI} ومنه (في المثلث المتقايس الضلعين المتوسط الموافق للقاعدة يطابق منصف الزاوية الرئيسية) و التناظر المحوري يحافظ على اقيسة الزوايا ومنه $\widehat{CEI} = \widehat{CAI} = 70^\circ / 2 = 35^\circ$



COLLEGE.MOURAJAA.COM





COLLEGE.MOURAJAA.COM

