



الاختبار : الرياضيات الحصة : ساعتان 4 مارس 2020	الجمهورية التونسية وزارة التربية المنشورية الجهوية للتربية بسوسة ***** الاختبار الموحد للثلاثي الثاني لتلاميذ السنة التاسعة من التعليم الاساسي
---	---

التمرين عدد 1 : (4 نقاط)

يلى كل سؤال ثلاث إجابات إحداها فقط صحيحة.
أقل ، فى كل مرة ، على ورقة تحريرك رقم السؤال و الإجابة الصحيحة الموافقة له .

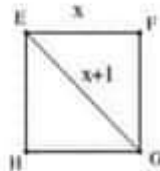
1) العدد $3^{-2} \times \sqrt{3}^2$ يساوي : (أ) $3\sqrt{3}$ (ب) 3 (ج) $\frac{1}{3}$

2) العدد $\frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{1}{2-\sqrt{3}}$ يساوي : (أ) 2 (ب) 3 (ج) 4

3) ABC مثلث أبعاده x و y و $\sqrt{2}$ حيث x و y عدنان حقيقيان موجبان مختلفان للمفر

إن : (أ) $\sqrt{2} + x > y$ (ب) $\sqrt{2} + x = y$ (ج) $\sqrt{2} + x < y$

4) نلّس الرسم المقابل حيث $EFGH$ مربع طول ضلعه x و طول قطره $x+1$.



إن x يساوي : (أ) $1+\sqrt{2}$ (ب) 1 (ج) $-1+\sqrt{2}$

التمرين عدد 2 : (4.5 نقاط)

نعتبر العددين : $a = (\sqrt{3}+2)^2$ و $b = 3\sqrt{18} - \sqrt{32} + 7$

أ- بين أن $a = 7 + 4\sqrt{3}$ و $b = 7 + 5\sqrt{2}$

ب- قارن $4\sqrt{3}$ و $5\sqrt{2}$ ثم استنتج مقارنة a و b

ج- قارن إن $\frac{1}{a} + \sqrt{2}$ و $\frac{1}{b} + \sqrt{2}$

2) نعتبر العدد $c = 7 - 4\sqrt{3}$

أ- بين أن العددين a و c مقلوبان

ب- استنتج أن c موجب

ج- احسب $(\sqrt{a})^{2021} \times (\sqrt{c})^{2021}$

3) ليكن العددين X و Y حيث $X = 3 - a$ و $Y = c - 11$

قارن X و Y

Fous des Maths





التمرين عدد 3 : (4,5 نقاط)

نعتبر العبارتين $A = x^2 + 4x - 5$ و $B = (x+5)^2 + (2x-1)(x+5)$

1 احسب القيمة العددية للعبارة A في حالة :

أ- $x=1$

ب- $x=\sqrt{2}-2$

2 بين أن $A = (x+2)^2 - 9$

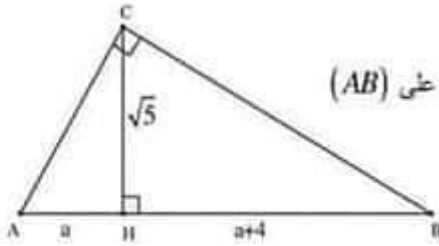
3

أ- فكك إلى جذاء عوامل كل من A و B

ب- بين أن $A+B = (x+5)(4x+3)$

4 جد x حيث A و B متقابلان

5 لاحظ الشكل التالي حيث ABC مثلث قائم في C و H المسقط العمودي لـ C على (AB)



و $AH = a$ ، $BH = a+4$ حيث a عدد حقيقي موجب و $CH = \sqrt{5}$

أوجد a

التمرين عدد 4 : (7 نقاط)

نعتبر مستطيلا $ABCD$ حيث $AB=6cm$ و $AD=4cm$ و M نقطة من $[AB]$ حيث $AM=4cm$ و N منتصف $[BC]$

1

أ- احسب الأبعاد MN و MD و DN

ب- بين أن المثلث MND قائم الزاوية

2 لتكن H المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (MD)

أ- احسب البعد AH

ب- بين أن $(NM) \parallel (AH)$

ج- استنتج أن $AMNH$ متوازي أضلاع

3 المستقيم (AH) يقطع المستقيم (BC) في النقطة E

أ- بين أن $\frac{MN}{AE} = \frac{1}{3}$

ب- استنتج البعد AE

4 لتكن O منتصف $[AE]$ و F منتصف $[AB]$

أ- بين أن $BO = 3\sqrt{2}$

ب- المستقيم (EF) يقطع (BO) في G . ماذا تمثل النقطة G بالنسبة للمثلث ABE ؟

ج- استنتج البعد BG

5 بين أن التقاطع D و M و N و C تنتمي إلى نفس الدائرة . حدد قطرها .





جواهر مويسي	إصلاح الاختبار الموحد للتلاميذ السنة التاسعة من التعليم الأساسي المنذوبة الجهوية للتربية بسوسة 2020
-------------	---

أو:

$\sqrt{2}x$	$x+1$	x
$2+\sqrt{2}$	$\sqrt{2}+2$	$\sqrt{2}+1$
$\sqrt{2}$	2	1
$-\sqrt{2}+2$	$\sqrt{2}$	$-1+\sqrt{2}$

في حالة $x = \sqrt{2}+1$ فإن $x+1 = \sqrt{2}x$

التمرين عندد 2

$$* a = (\sqrt{3}+2)^2 \quad \text{أ} \quad (1)$$

$$\begin{aligned} &= (\sqrt{3})^2 + 2 \times \sqrt{3} \times 2 + 2^2 \\ &= 3 + 4\sqrt{3} + 4 \\ &= 7 + 4\sqrt{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} * b &= 3\sqrt{18} - \sqrt{32} + 7 \\ &= 3\sqrt{9 \times 2} - \sqrt{16 \times 2} + 7 \\ &= 3 \times 3\sqrt{2} - 4\sqrt{2} + 7 \\ &= 9\sqrt{2} - 4\sqrt{2} + 7 \\ &= 5\sqrt{2} + 7 \end{aligned}$$

$$(5\sqrt{2})^2 = 50 \text{ و } (4\sqrt{3})^2 = 48 \quad \text{ب. لنا } (1)$$

بما أن $50 > 48$ والعقدان $4\sqrt{3}$ و $5\sqrt{2}$ موجبان

$$5\sqrt{2} > 4\sqrt{3} \quad \text{فإن}$$

$$7 + 5\sqrt{2} > 7 + 4\sqrt{3} \quad \text{و بالتالي}$$

$$b > a \quad \text{إن}$$

ج. لنا $b > a$ و $a > 0$ (مجموع عددين موجبين)

$$b > a > 0 \quad \text{إن}$$

$$\frac{1}{b} < \frac{1}{a} \quad \text{بالتالي}$$

$$(-1) > -\frac{1}{b} \quad \text{عند مائل (1)}$$

$$\frac{1}{b} + \sqrt{2} > -\frac{1}{a} + \sqrt{2}$$

ومنه

1

التمرين عندد 1

$$\begin{aligned} 3^{-2} \times \sqrt{3}^2 &= 3^{-2} \times 3 \\ &= 3^{-1} = \frac{1}{3} \end{aligned}$$

ج (1)

$$\begin{aligned} \frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{1}{2-\sqrt{3}} &= \\ \frac{1 \times (2-\sqrt{3})}{(2+\sqrt{3}) \times (2-\sqrt{3})} + \frac{1 \times (2+\sqrt{3})}{(2-\sqrt{3}) \times (2+\sqrt{3})} &= \\ \frac{2-\sqrt{3}+2+\sqrt{3}}{2^2 - (\sqrt{3})^2} = \frac{4}{1} = 4 \end{aligned}$$

ج (2)

في مثلث يكون قياس كل ضلع محصورا بين فرق و مجموع الضلعين الآخرين

أ (3)

$$EG = \sqrt{2} \times EF \quad \text{مربع } EFGH \quad \text{إن} \quad (1)$$

$$x+1 = \sqrt{2}x$$

$$x - \sqrt{2}x = -1$$

$$(1-\sqrt{2})x = -1$$

$$x = \frac{-1}{1-\sqrt{2}}$$

$$x = \frac{-1 \times (1+\sqrt{2})}{(1-\sqrt{2}) \times (1+\sqrt{2})}$$

$$x = \frac{-1-\sqrt{2}}{1^2 - \sqrt{2}^2}$$

$$x = \frac{-1-\sqrt{2}}{-1}$$

$$x = 1 + \sqrt{2}$$

أ (4)





2 طريقة 1 : $(x+2)^2 - 9 = x^2 + 4x + 4 - 9$
 $= x^2 + 4x - 5$
 $= A$

إذن $A = (x+2)^2 - 9$

طريقة 2 : $A = x^2 + 4x - 5$
 $= x^2 + 4x + 4 - 4 - 5$
 $= (x+2)^2 - 9$

3 أ- $A = (x+2)^2 - 9$
 $= (x+2)^2 - 3^2$
 $= (x+2+3)(x+2-3)$
 $= (x+5)(x-1)$

* $B = (x+5)^2 + (2x-1)(x+5)$
 $= (x+5) \times [(x+5) + (2x-1)]$
 $= (x+5)(3x+4)$

3 ب- $A+B = (x+5)(x-1) + (x+5)(3x+4)$
 $= (x+5) \times [(x-1) + (3x+4)]$
 $= (x+5)(4x+3)$

4 A و B متقابلان

يعني $A+B=0$

يعني $(x+5)(4x+3)=0$

يعني $x+5=0$ أو $4x+3=0$

يعني $x=-5$ أو $4x=-3$

يعني $x=-5$ أو $x=-\frac{3}{4}$

5 لنا ABC مثلث قائم في C و $[CH]$ ارتفاعه الصادر من C

إذن $CH^2 = AH \times BH$

بالتالي $(\sqrt{5})^2 = a \times (a+4)$

إذن $a^2 + 4a = 5$

2 أ- لنا $a \times c = (7+4\sqrt{3}) \times (7-4\sqrt{3})$
 $= 7^2 - (4\sqrt{3})^2$
 $= 49 - 48$
 $= 1$

إذن a و c متقابلان

2 ب- لنا $a \times c = 1$ إذن $a \times c > 0$

بما أن $a > 0$ فإن $c > 0$

2 ج- لنا $(\sqrt{a})^{2020} \times (\sqrt{c})^{2020} = (\sqrt{a \times c})^{2020}$
 $= (\sqrt{a \times c})^{2020}$
 $= (\sqrt{1})^{2020}$
 $= 1^{2020}$
 $= 1$

3 لنا $Y - X = c - 11 - (3 - a)$
 $= c - 11 - 3 + a$
 $= 7 - 4\sqrt{3} - 14 + 7 + 4\sqrt{3}$
 $= 14 - 14 = 0$

بالتالي $X = Y$

التمرين عدد 3

1 أ- في حالة $x=1$

$A = x^2 + 4x - 5$
 $= 1^2 + 4 \times 1 - 5$
 $= 1 + 4 - 5$
 $= 0$

في حالة $x = \sqrt{2} - 2$

$A = x^2 + 4x - 5$
 $= (\sqrt{2} - 2)^2 + 4 \times (\sqrt{2} - 2) - 5$
 $= 2 - 4\sqrt{2} + 4 + 4\sqrt{2} - 8 - 5$
 $= -7$





1 أ-ب

$$\left. \begin{array}{l} MN^2 = 8 \\ MD^2 = 32 \\ DN^2 = 40 \end{array} \right\} \text{ إذن } \left. \begin{array}{l} MN = \sqrt{8} \\ MD = \sqrt{32} \\ DN = \sqrt{40} \end{array} \right\} \text{ لنا}$$

$$40 = 32 + 8 \text{ بما أن}$$

$$DN^2 = MD^2 + MN^2 \text{ فإن}$$

حسب عكس نظرية فيثاغورس فإن المثلث MND قائم في M

2 أ-ب

لنا AMD مثلث قائم في A و $[AH]$ ارتفاعه الصالح من A

$$\text{إذن } AH \times DM = AD \times AM$$

$$\begin{aligned} AH &= \frac{AD \times AM}{DM} \text{ بالتالي} \\ &= \frac{4 \times 4}{\sqrt{32}} = \frac{16}{4\sqrt{2}} = \frac{4}{\sqrt{2}} \\ &= 2\sqrt{2} \end{aligned}$$

2 ب-ب

لنا

• MND مثلث قائم في M

$$\text{إذن } (MN) \perp (DM) \quad [1]$$

• H السقط العمودي للنقطة A على المستقيم (MD)

$$\text{إذن } (AH) \perp (DM) \quad [2]$$

من [1] و [2] نستنتج أن $(NM) // (AH)$

2 ج-ج

في الرباعي $AMNH$ لنا :

$$(NM) // (AH) \quad -$$

$$NM = 2\sqrt{2} \quad -$$

إذن $AMNH$ متوازي أضلاع

3 أ-أ

لنا ABE مثلث و $M \in (AB)$ و $N \in (BE)$ بحيث

$$(NM) // (AE) \text{ و } (NM) // (AH) \text{ و } (E \in (AH))$$

$$a^2 + 4a - 5 = 0 \text{ ومنه}$$

$$a \text{ يحقق المساواة } A=0$$

$$\text{إذن } (a+5)(a-1) = 0$$

$$\text{بالتالي } a+5=0 \text{ أو } a-1=0$$

$$\text{أي أن } a=-5 \text{ أو } a=1$$

$$\text{وبما أن } a \geq 0 \text{ فإن } a=1$$

riadhyet.com

التمرين عدد 4 :

1 أ-أ

حساب MN :

$$BM = AB - AM = 6 - 4 = 2 \text{ إذن } M \in [AB] \quad \bullet$$

$$BN = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2}AD = \frac{1}{2} \times 4 = 2 \text{ إذن } [BC] \text{ منتصف } N \quad \bullet$$

لنا MNB مثلث قائم في B

$$\begin{aligned} \text{حسب نظرية فيثاغورس : } MN^2 &= BM^2 + BN^2 \\ &= 2^2 + 2^2 \\ &= 8 \end{aligned}$$

$$\text{إذن } MN = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

حساب MD :

بتطبيق نظرية فيثاغورس في المثلث AMD القائم في A :

$$\begin{aligned} MD^2 &= AM^2 + AD^2 \\ &= 4^2 + 4^2 \\ &= 32 \end{aligned}$$

$$\text{إذن } MD = \sqrt{32}$$

حساب DN :

لنا DNC مثلث قائم في C

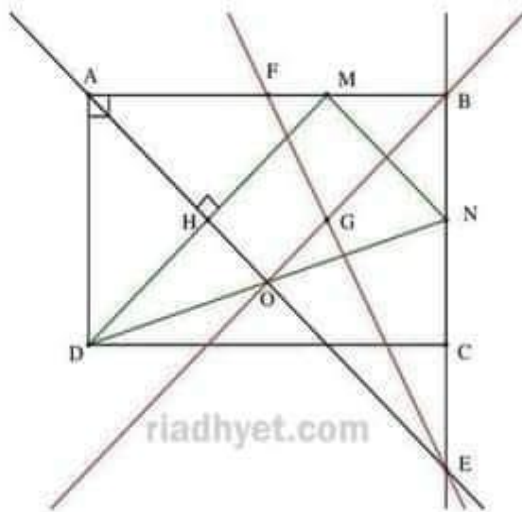
حسب نظرية فيثاغورس :

$$\begin{aligned} DN^2 &= CD^2 + CN^2 \\ &= 6^2 + 2^2 \\ &= 36 + 4 \\ &= 40 \end{aligned}$$

$$\text{إذن } DN = \sqrt{40}$$

Fous des Maths







الأقسام : 9 أساسي 4 و 5

التاريخ : 2020-03-03

لا يسمح باستخدام الآلة الحاسبة و الهاتف الجوال

تمرين عـ 1ـ دد: (4 نقاط)

ضع العلامة (X) في الخانة المناسبة:

• إذا كان ABC مثلث متقايس الأضلاع حيث قيس مساحته $3\sqrt{3}$ فإن قيس طول ضلعه يساوي

☐ 2

☐ 3

☐ $2\sqrt{3}$

• إذا كان a و b عددان حقيقيان حيث $(1-\pi)a < (1-\pi)b$ إذن

☐ $a = b$

☒ $a > b$

☒ $a < b$

• إذا كان a و b عددان حقيقيان مقلوبان حيث $a^2 + b^2 = 10$ فإن $a + b$ يساوي

☐ $\sqrt{6}$

☒ $2\sqrt{3}$

☐ $3\sqrt{2}$

• $|5 - 3\sqrt{2}|$ يساوي

☒ $5 - 3\sqrt{2}$

☐ $3\sqrt{2} - 5$

☐ $5 + 3\sqrt{2}$

تمرين عـ 2ـ دد: (5,5 نقاط)

نعتبر العددين الحقيقيين $a = \frac{1}{2}(1 + \sqrt{3})^2$ و $b = (\sqrt{5} - 1)(\sqrt{5} + 1) + \sqrt{2}\left(1 - \sqrt{\frac{9}{8}}\right)$

(1) بين أن $a = 2 + \sqrt{3}$ و $b = \frac{5}{2} + \sqrt{2}$

(2) بين أن $\frac{1}{b} = \frac{10 - 4\sqrt{2}}{17}$

(3) بين أن $a^2 = 7 + 4\sqrt{3}$ و $b^2 = \frac{33}{4} + 5\sqrt{2}$

(4) اـ قارن $4\sqrt{3}$ و $5\sqrt{2}$

(ب) استنتج مقارنة لـ a^2 و b^2

(ج) بين أن $a < b$

(5) نعتبر العدد $c = 2 - \sqrt{3}$

(أ) بين أن a مقلوب c

(ب) استنتج مقارنة لـ c و $10 - 4\sqrt{2}$





تمرين 3-دد: (4 نقاط)

(1) نعتبر العبارة $A = x^2 - 8x + 7$ حيث x عدد حقيقي .

أ- احسب القيمة العددية لـ A في كل من الحالتين:

$x = 3$

$x = 1 + \sqrt{2}$

ب - بين أن $A = (x-4)^2 - 9$

ج - بين أن $A = (x-7)(x-1)$

(2) نعتبر العبارة $B = x^2 - 2x + 1$ حيث x عدد حقيقي .

فكك العبارة B

(3) أ - بين أن $A + B = 2(x-1)(x-4)$

ب - اوجد x اذا علمت أن $A + B = 0$

تمرين 4-دد: (6,5 نقاط) الوحدة المستمرة ملاحظة : انجز الرسم على ورقة الإمتحان

ليكن $ABCD$ شبه منحرف قائم في A و D حيث $AB = 6$ و $AD = 4$ و $CD = 10$

(1) ليكن H المسقط العمودي لـ B على (CD)

أ - بين أن $ABHD$ مستطيل ثم عين النقطة O مركزه .

ب - احسب BC

(2) لتكن I منتصف $[BH]$. المستقيمان (DI) و (AH) يتقاطعان في G .

أ - احسب DI

ب - بين أن G مركز ثقل المثلث BDH

ج - احسب DG

(3) لتكن E المسقط العمودي لـ H على (BC)

احسب HE

(4) لتكن M نقطة من $[CD]$ حيث $DM = 2$

بين أن MBC مثلث قائم و متقايس الضلعين في B

(5) المستقيم المار من M و الموازي لـ (AD) يقطع (BD) في N

ب - احسب MN





تعيين عدد لـ

(1)

$$\begin{aligned} a &= \frac{1}{2} (1 - \sqrt{3})^2 \\ &= \frac{1}{2} (1^2 + \sqrt{3}^2 - 2\sqrt{3}) \\ &= \frac{1}{2} (4 - 2\sqrt{3}) \cdot \frac{1}{2} \\ a &= 2 - \sqrt{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b &= (\sqrt{5} - 1)(\sqrt{5} + 1) + \sqrt{2} \left(1 - \sqrt{\frac{3}{8}} \right) \\ &= 5 + \sqrt{5} - \sqrt{5} - 1 + \sqrt{2} - \frac{3\sqrt{2}}{2\sqrt{2}} \\ &= 4 - \frac{3}{2} + \sqrt{2} \\ &= \frac{5}{2} + \sqrt{2} \\ b &= \frac{5}{2} + \sqrt{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{b} &= \frac{1}{\frac{5}{2} + \sqrt{2}} = \frac{1}{\frac{5}{2} + \frac{2\sqrt{2}}{2}} = 1 \times \frac{2}{5 + 2\sqrt{2}} \\ &= \frac{2(5 - 2\sqrt{2})}{(5 + 2\sqrt{2})(5 - 2\sqrt{2})} = \frac{10 - 4\sqrt{2}}{25 - 8} = \frac{10 - 4\sqrt{2}}{17} \end{aligned}$$

$$\frac{1}{b} = \frac{10 - 4\sqrt{2}}{17}$$

$$\begin{aligned} a^2 &= (2 - \sqrt{3})^2 = 2^2 + \sqrt{3}^2 - 2 \times 2\sqrt{3} \\ a^2 &= 4 - 4\sqrt{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b^2 &= \left(\frac{5}{2} + \sqrt{2} \right)^2 = \left(\frac{5}{2} \right)^2 + \sqrt{2}^2 + 2 \times \frac{5}{2} \times \sqrt{2} \\ &= \frac{25}{4} + 2 + 5\sqrt{2} \\ b^2 &= \frac{33}{4} + 5\sqrt{2} \end{aligned}$$

$$(4\sqrt{3})^2 = 48$$

$$(5\sqrt{2})^2 = 50$$

$$\begin{aligned} 48 &< 50 \\ (4\sqrt{3})^2 &< (5\sqrt{2})^2 \end{aligned}$$

لنا

يعني

$$4\sqrt{3} \in \mathbb{R}_+$$

$$4\sqrt{3} < 5\sqrt{2} \quad 5\sqrt{2} \in \mathbb{R}_+$$





$$a^2 = 4 + 4\sqrt{3}$$

$$b^2 = \frac{33}{4} + 5\sqrt{2}$$

لنا $4 < \frac{33}{4}$
 $4\sqrt{3} < 5\sqrt{2}$
 وبالتالي فإن $2 + 4\sqrt{3} < \frac{33}{4} + 5\sqrt{2}$
 إذن $a^2 < b^2$
 $a \in \mathbb{R}_+$
 $b \in \mathbb{R}_+$
 يعني $a < b$

$$ac = (2 + \sqrt{3})(2 - \sqrt{3}) = 2^2 - (\sqrt{3})^2 = 4 - 3 = 1$$

إذن a و c مقلوبان

لدينا $a < b$

$$c = \frac{1}{a}$$

$$\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$$

$$c > \frac{10 - 4\sqrt{2}}{17}$$

$$17c > 10 - 4\sqrt{2}$$

التعبير (2)

$$A = x^2 - 8x + 7$$

$$x = 3$$

$$A = 3^2 - 8 \times 3 + 7 = 9 - 24 + 7 = -8$$

$$A = -8$$

$$x = 1 + \sqrt{2}$$

$$A = (1 + \sqrt{2})^2 - 8(1 + \sqrt{2}) + 7$$

$$= 3 + 2\sqrt{2} - 8 - 8\sqrt{2} + 7$$

$$A = 2 - 6\sqrt{2}$$





$$(x-4)^2 - 9 = x^2 - 8x + 16 - 9$$

$$= x^2 - 8x + 7$$

$$A = (x-4)^2 - 9$$

$$A = (x-4)^2 - 9$$

$$= (x-4)^2 - 3^2$$

$$= (x-4-3)(x-4+3)$$

$$A = (x-7)(x-1)$$

$$B = x^2 - 2x + 1$$

$$= x^2 - 2 \times 1 \times x + 1^2$$

$$B = (x-1)^2$$

$$A+B = (x-7)(x-1) + (x-1)^2$$

$$= (x-1) \left[(x-7) + (x-1) \right]$$

$$= (x-1)(2x-8)$$

$$A+B = 2(x-1)(x-4) \neq 0$$

$$A+B = 0 \Rightarrow (x-1)(x-4) = 0$$

$$x_1 = 1$$

$$x_2 = 4$$



التمرير (4)

 $(i) (4$ 
$$\hat{BA}D = \hat{AD}H = \hat{PHB} = 90^\circ$$

$$AB = 6$$

ABHD مسه جی

٢٠) لدينا في المملكة العربية السعودية BHC

$$BH = AD = 4$$

$$CH = DC - DH = 10 - 6 = 4$$





اذن ح . ن . ب

$$BH^2 + CH^2 = BC^2$$

$$BC^2 = 4^2 + 4^2 \\ = 32$$

$$BC = 4\sqrt{2}$$

(2) ا) لنسألي للمركز القائم DH I .

$$DH = 6$$

$$HI = \frac{BH}{2} = 2$$

اذن ح . ن . ب

$$DI^2 = DH^2 + HI^2 \\ = 6^2 + 2^2$$

$$DI^2 = 40$$

$$DI = 2\sqrt{10}$$

(ب) I منتصف [BH]

H منتصف [PB]

اذن G نقطة تقاطع الموسطات للمثلث BHD

وسأسأل G هي مركز ثقل للمثلث BHD

(2) G مركز ثقل للمثلث BHD

$$DG = \frac{2}{3} DI$$

$$= \frac{2}{3} \times 2\sqrt{10}$$

$$DG = \frac{4}{3}\sqrt{10}$$

اذن





(3) لدينا في المثلث القائم BHC

E هي نقطة على العمود BH على (BC)

أريد إيجاد العلاقات القياسية في المثلث القائم
فيكون .

$$HE \times BC = HB \times HC$$

$$HE = \frac{HB \times HC}{BC} = \frac{4 \times 4}{4\sqrt{2}}$$

$$HE = \frac{4 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$$

$$HE = 2\sqrt{2}$$

(4) لدينا في المثلث القائم BHM . أريد إيجاد .

$$BH = 4$$

$$HM = 4$$

أريد إيجاد .

$$HM^2 + HB^2 = BM^2$$

$$BM^2 = 4^2 + 4^2$$

$$BM = 4\sqrt{2}$$





$$BM^2 + BC^2 = (4\sqrt{2})^2 + (4\sqrt{2})^2$$

$$= 16 \times 2 + 16 \times 2$$

$$= 64$$

$$MC^2 = 8^2 = 64$$

$$BM^2 + BC^2 = MC^2$$

دلتنا

دلتنا 2. عن ب

فان BMC مثلث قائم الزاوية ب

$BM = BC$ دلتنا BMC مثلث متساوي الساقين
الزاوية ب

في المثلث BHD لنا:

$$NE \perp BD$$

$$HE \perp DH$$

$$(BH) \parallel (MN)$$

دلتنا ح. م. ب. لنا $\frac{DN}{DB} = \frac{DH}{DH} \cdot \frac{NN}{BH} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$

$$\frac{NN}{DH} = \frac{1}{3}$$

$$NN = \frac{DH}{3} = \frac{4}{3}$$

$$MN = \frac{4}{3}$$





المستوى : 9 أساسي
التوقيت : $\sqrt{120}^2$ دقيقة

فرض تاليفي عدد 02
رخصت

المدرسة الإعدادية بالتلاسة
السنة الدراسية: 2022-2023

تمرين 1- عدد: (4 نقاط)

انقل على ورقة تحريرك رقم السؤال و الحرف الموافق للإجابة الصحيحة

① إذا كان $a = 4 + \sqrt{15}$ و $b = \sqrt{15} - 4$ فإن $a^{2019} \times b^{2019}$ تساوي: (أ) -1 (ب) 1 (ج) $2\sqrt{15}$

② العبارة $x^2 - 2\sqrt{3}x + 3$ تساوي: (أ) $(\sqrt{3} - x)^2$ (ب) $(1 - \sqrt{3}x)^2$ (ج) $(x - \sqrt{3})(x + \sqrt{3})$

③ x و y عدنان حقيقيان سالبان حيث $(-x)^2 < (-y)^2$ فإن: (أ) $x < y$ (ب) $x > y$ (ج) $x = -y$

④ ABC مثلث قائم الزاوية في A و G مركز ثقله بحيث $AB = 3$ و $AG = 2$ إذن البعد AC يساوي:

أ- 4 ب- $2\sqrt{5}$ ج- $3\sqrt{3}$

تمرين 2- عدد: (4 نقاط)

1) نعتبر العبارة A التالية حيث x عدد حقيقي $A = x^2 + 8x - 20$

(أ) أحسب A في حالة $x = \sqrt{2}$

(ب) بين أن $A = (x + 4)^2 - 36$

(ج) استنتج أن $A = (x - 2)(x + 10)$

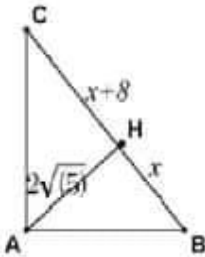
(د) أوجد x في حالة $A = 0$ ثم في حالة $\sqrt{A + 36} = 4$

2) في الشكل المقابل ABC مثلث قائم في A و $[AH]$ ارتفاعه الصادر من A

حيث $AH = 2\sqrt{5}$ و $BH = x$ و $CH = x + 8$ و $x > 0$

(أ) بين أن x يحقق $x^2 + 8x - 20 = 0$

(ب) أوجد العدد x ثم أحسب BC



تمرين 3- عدد: (4 نقاط)

ليكن العدنان $a = 2 - \sqrt{7}$ و $b = \sqrt{2} - 3$

1) (أ) قارن 2 و $\sqrt{7}$ ثم بين أن a عدد سالب

(ب) قارن 3 و $\sqrt{2}$ ثم بين أن b عدد سالب

2) بين أن $a^2 = 11 - 4\sqrt{7}$ و $b^2 = 11 - 6\sqrt{2}$





(3) أ) قارن $4\sqrt{7}$ و $6\sqrt{2}$

ب) قارن a^2 و b^2 ثم استنتج مقارنة بين a و b

(4) بين أن $\frac{\sqrt{2}a + \sqrt{3}}{2} > \frac{1}{\sqrt{2}}b + \frac{1}{2}$

تمرين 4- عدد: (8 نقاط) (وحدة القيس هي الصنيمتر)

(1) ارسم مستطيلا $ABCD$ حيث $AB=3$ و $BC=10$ ثم عين النقطة M من $[AD]$ حيث $AM=4$

(2) أحسب MB

(3) عين على نصف المستقيم $[DC]$ النقطة E بحيث $CE=5$

أ) أحسب الأبعاد BE و ME

ب) استنتج أن المثلث BME قائم الزاوية

(4) لتكن H المسقط العمودي لـ D على (ME)

أ) أحسب البعد DH

ب) بين أن $MH = \frac{18}{5}$

(5) المستقيم (ED) يقطع (MB) في النقطة G

أ) بين أن $\frac{MG}{MB} = \frac{MD}{MA} = \frac{3}{2}$

ب) أحسب البعد MG

ت) أحسب مساحة الرباعي $MGDH$





المستوى : 9 أساسي + 5 التوقيت : $\sqrt{120}^2$ دقيقة	إصلاح فرض تأثيفي عدد 02 رياضيات	المدرسة الإعدادية بالتلثة السنة الدراسية: 2023-2022
---	---	--

تمرين عا 1 عدد: (4 نقاط)

انقل على ورقة تحريرك رقم السؤال و الحرف الموافق للإجابة الصحيحة

① إذا كان $a = 4 + \sqrt{15}$ و $b = \sqrt{15} - 4$ فإن $a^{2019} \times b^{2019}$ تساوي: (أ) ☒ -1 (ب) 1 (ج) $2\sqrt{15}$

$a^{2019} \times b^{2019} = (a \times b)^{2019} = (-1)^{2019} = -1$ وبالتالي $a \times b = (\sqrt{15} + 4)(\sqrt{15} - 4) = \sqrt{15}^2 - 4^2 = 15 - 16 = -1$

② العبارة $x^2 - 2\sqrt{3}x + 3$ تساوي: (أ) ☒ $(\sqrt{3} - x)^2$ (ب) $(1 - \sqrt{3}x)^2$ (ج) $(x - \sqrt{3})(x + \sqrt{3})$

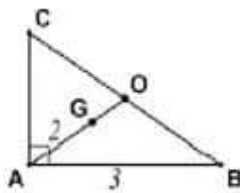
$(x^2 - 2\sqrt{3}x + 3 = x^2 - 2 \times x \times \sqrt{3} + \sqrt{3}^2 = (x - \sqrt{3})^2 = (\sqrt{3} - x)^2$ (مهما يكن العدد X فإن $X^2 = (-X)^2$)

③ x و y عدنان حقيقيان سالبان حيث $(-x)^2 < (-y)^2$ فإن: (أ) $x < y$ (ب) ☒ $x > y$ (ج) $x = -y$

$(-x)^2 < (-y)^2$ يعني $x^2 < y^2$ و بما أن x و y عدنان حقيقيان سالبان إذن $x > y$

④ مثلث قائم الزاوية في A و G مركز ثقله بحيث $AB = 3$ و $AG = 2$ إذن البعد AC يساوي:

أ- 4 ب- $2\sqrt{5}$ ج- ☒ $3\sqrt{3}$



$AG = \frac{2}{3}AO$ إذن $AO = \frac{3}{2}AG = \frac{3}{2} \times 2 = 3$ و بالتالي $BC = 2AO = 2 \times 3 = 6$

مثلث قائم الزاوية في A إذن حسب نظرية بيتاغور:

$AC^2 = BC^2 - AB^2 = 6^2 - 3^2 = 36 - 9 = 27$ و بالتالي $AC = \sqrt{27} = 3\sqrt{3}$





تمرين 2- عدد: (4 نقاط)

(2) نعتبر العبارة A التالية حيث x عدد حقيقي $A = x^2 + 8x - 20$

(أ) $x = \sqrt{2}$: $A = \sqrt{2}^2 + 8\sqrt{2} - 20 = 2 + 8\sqrt{2} - 20 = 8\sqrt{2} - 18$

(ب) $(x+4)^2 - 36 = x^2 + 2 \times x \times 4 + 4^2 - 36 = x^2 + 8x + 16 - 36 = x^2 + 8x - 20 = A$

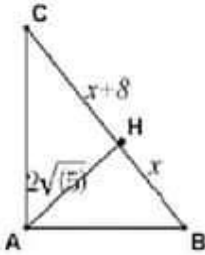
إذن $A = (x+4)^2 - 36$

(ج) $A = (x-2)(x+10)$ إذن $A = (x+4)^2 - 36 = (x+4)^2 - 6^2 = (x+4+6)(x+4-6) = (x+10)(x-2)$

(د) $A = 0$ يعني $(x-2)(x+10) = 0$ يعني $x-2=0$ أو $x+10=0$ يعني $x=2$ أو $x=-10$

$\sqrt{A+36} = 4$ يعني $\sqrt{(x+4)^2} = 4$ يعني $|x+4| = 4$ يعني $x+4=4$ أو $x+4=-4$

يعني $x=0$ أو $x=-8$



(2) في الشكل المقابل ABC مثلث قائم في A و $[AH]$ ارتفاعه الصادر من A

حيث $AH = 2\sqrt{5}$ و $BH = x$ و $CH = x+8$ و $x > 0$

(أ) $AH^2 = BH \times CH$ يعني $(2\sqrt{5})^2 = x \times (x+8)$

يعني $20 = x^2 + 8x$ يعني $x^2 + 8x - 20 = 0$

(ب) $x^2 + 8x - 20 = 0$ يعني $A = 0$ يعني $x = -10$ أو $x = 2$ (حسب السؤال 1) (د) بما أن $x > 0$ إذن

$x = 2$ و بالتالي $BC = BH + HC = 2 + (2+8) = 12$ إذن $BC = 12$

تمرين 3- عدد: (4 نقاط)

ليكن العددان $a = 2 - \sqrt{7}$ و $b = \sqrt{2} - 3$

(2) (أ) لدينا : $\begin{cases} 2^2 = 4 \\ \sqrt{7}^2 = 7 \end{cases}$ إذن $\sqrt{7}^2 > 2^2$ و بما أن العددين $\sqrt{7}$ و 2 موجبان إذن $\sqrt{7} > 2$

لدينا $\sqrt{7} > 2$ يعني $2 - \sqrt{7} < 0$ يعني a عدد سالب

(ب) لدينا : $\begin{cases} 3^2 = 9 \\ \sqrt{2}^2 = 2 \end{cases}$ إذن $3^2 > \sqrt{2}^2$ و بما أن العددين $\sqrt{2}$ و 3 موجبان إذن $3 > \sqrt{2}$

لدينا $3 > \sqrt{2}$ يعني $\sqrt{2} - 3 < 0$ يعني b عدد سالب

(3) $a^2 = (2 - \sqrt{7})^2 = 2^2 - 2 \times 2 \times \sqrt{7} + \sqrt{7}^2 = 4 - 4\sqrt{7} + 7 = 11 - 4\sqrt{7}$ إذن $a^2 = 11 - 4\sqrt{7}$





$$b^2 = 11 - 6\sqrt{2} \quad \text{إذن} \quad b^2 = (\sqrt{2} - 3)^2 = \sqrt{2}^2 - 2 \times \sqrt{2} \times 3 + 3^2 = 2 - 6\sqrt{2} + 9 = 11 - 6\sqrt{2}$$

$$4\sqrt{7} > 6\sqrt{2} \quad \text{إذن} \quad \begin{cases} (4\sqrt{7})^2 = 112 \\ (6\sqrt{2})^2 = 72 \end{cases} \quad \text{لدينا:} \quad \text{إذن} \quad (4\sqrt{7})^2 > (6\sqrt{2})^2 \quad \text{وبما أن العددين } 4\sqrt{7} \text{ و } 6\sqrt{2} \text{ موجبان إذن}$$

طريقة أولى:

$$4\sqrt{7} > 6\sqrt{2} \quad \text{يعني} \quad -4\sqrt{7} < -6\sqrt{2} \quad \text{يعني} \quad -4\sqrt{7} + 11 < -6\sqrt{2} + 11 \quad \text{يعني} \quad 11 - 4\sqrt{7} < 11 - 6\sqrt{2}$$

$$a^2 < b^2$$

طريقة ثانية:

$$4\sqrt{7} > 6\sqrt{2} \quad \text{إذن} \quad a^2 - b^2 = (11 - 4\sqrt{7}) - (11 - 6\sqrt{2}) = 11 - 4\sqrt{7} - 11 + 6\sqrt{2} = 6\sqrt{2} - 4\sqrt{7}$$

$$6\sqrt{2} - 4\sqrt{7} < 0 \quad \text{يعني} \quad a^2 - b^2 < 0 \quad \text{يعني} \quad a^2 < b^2$$

$$a > b \quad \text{لدينا} \quad a^2 < b^2 \quad \text{وبما أن العددين } a \text{ و } b \text{ سالبان إذن}$$

$$\sqrt{2}a > \sqrt{2}b \quad \text{إذن} \quad \sqrt{2} \text{ عدد موجب إذن} \quad a > b \quad \text{لدينا:}$$

$$\begin{cases} \sqrt{2}a > \sqrt{2}b \\ \sqrt{3} > 1 \end{cases} \quad \text{إذن} \quad \sqrt{2}a + \sqrt{3} > \sqrt{2}b + 1 \quad \text{وبما أن} \quad \frac{1}{2} \text{ عدد موجب إذن} \quad \frac{\sqrt{2}a + \sqrt{3}}{2} > \frac{\sqrt{2}b + 1}{2}$$

$$\text{نلاحظ أن} \quad \frac{\sqrt{2}b + 1}{2} = \frac{\sqrt{2}b}{2} + \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{2} \times \sqrt{2}b}{\sqrt{2} \times 2} + \frac{1}{2} = \frac{2b}{2\sqrt{2}} + \frac{1}{2} = \frac{1}{\sqrt{2}}b + \frac{1}{2}$$

$$\frac{\sqrt{2}a + \sqrt{3}}{2} > \frac{1}{\sqrt{2}}b + \frac{1}{2}$$

تمرين 4- عدد: (8 نقاط) (وحدة القيس هي الصتيمتر)

(3) المثلث AMB قائم الزاوية في A إذن حسب نظرية بيتاغور:

$$MB^2 = AM^2 + AB^2 = 4^2 + 3^2 = 16 + 9 = 25 \quad \text{وبالتالي} \quad MB = \sqrt{25} = 5 \quad \text{إذن} \quad MB = 5$$

(4) (أ) المثلث BCE قائم الزاوية في C إذن حسب نظرية بيتاغور:

$$BE^2 = BC^2 + CE^2 = 10^2 + 5^2 = 100 + 25 = 125 \quad \text{وبالتالي} \quad BE = \sqrt{125} = 5\sqrt{5} \quad \text{إذن} \quad BE = 5\sqrt{5}$$

المثلث MDE قائم الزاوية في D إذن حسب نظرية بيتاغور: $ME^2 = MD^2 + DE^2 = 6^2 + 8^2 = 36 + 64 = 100$

$$\text{وبالتالي} \quad ME = \sqrt{100} = 10 \quad \text{إذن} \quad ME = 10$$





نلاحظ أن $BE^2 = MB^2 + ME^2$ إذن حسب عكس نظرية فيثاغورس المثلث BME قائم الزاوية في M

$$\begin{cases} MB^2 = 25 \\ ME^2 = 100 \\ BE^2 = 125 \end{cases} \quad (ب)$$

الزاوية في M

(4) أ) المثلث MDE قائم في D و $[DH]$ ارتفاعه الصادر من D إذن $DH \times ME = DM \times DE$ يعني

$$\boxed{DH = 4,8} \quad \text{إذن} \quad DH = \frac{DM \times DE}{ME} = \frac{6 \times 8}{10} = \frac{48}{10} = 4,8$$

(ب) المثلث MDH قائم الزاوية في H إذن حسب نظرية فيثاغورس:

إذن $MH = \sqrt{12,96} = 3,6 = \frac{36}{10} = \frac{18}{5}$ وبالتالي $MH^2 = MD^2 - DH^2 = 6^2 - (4,8)^2 = 36 - 23,04 = 12,96$

$$\boxed{MH = \frac{18}{5}}$$

(5) أ) في المثلث AMB لدينا $G \in (MB)$ و $D \in (AM)$ و $(GD) \parallel (AB)$ إذن حسب مبرهنة طاليس في

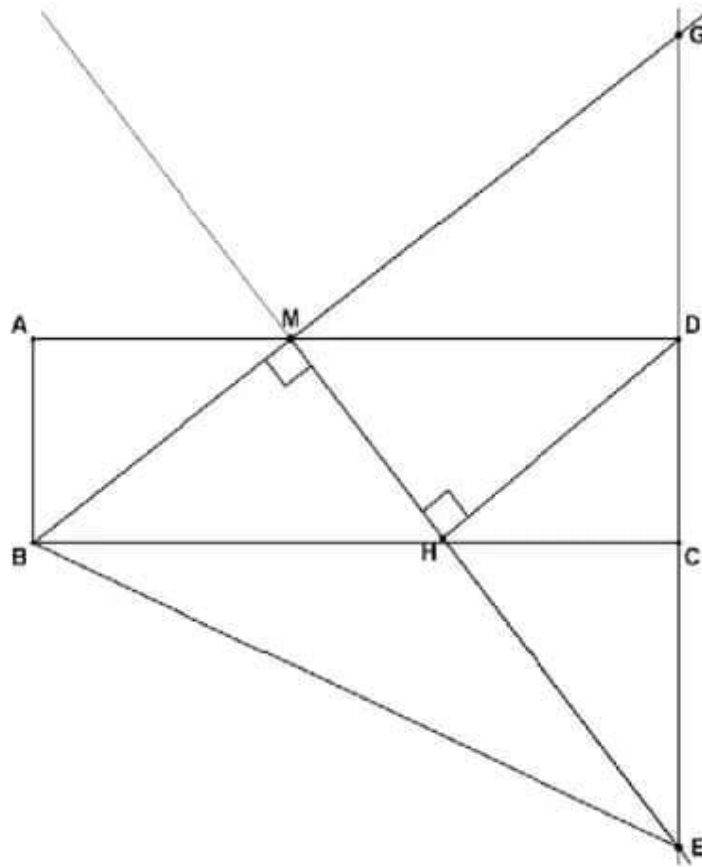
المثلث نكتب: $\frac{MG}{MB} = \frac{MD}{MA} = \frac{GD}{AB}$ وبالتالي $\frac{MG}{MB} = \frac{MD}{MA} = \frac{3}{4}$

(ب) $\frac{MG}{MB} = \frac{3}{4}$ يعني $MG = \frac{3}{4} MB = \frac{3}{4} \times 10 = \frac{15}{2} = 7,5$ إذن $\boxed{MG = 7,5}$

(ت) الرباعي $MGDH$ شبه منحرف قائم في M و H . نرمز بـ S_{MGDH} لمساحة شبه المنحرف $MGDH$

إذن $S_{MGDH} = \frac{(MG + DH) \times MH}{2} = \frac{(7,5 + 4,8) \times 3,6}{2} = \frac{44,28}{2} = 22,14$ $\boxed{S_{MGDH} = 22,14}$







الإعدادية النموذجية بقباس الأساتذة: الأطرش *الفرجاني* القوي	فرض تاليفي عدد 2 المادة: الرياضيات	المستوى: التاسعة نموذجي السنة الدراسية 2023/2022
---	---------------------------------------	---

الإسم اللقب

❖ التمرين الأول (3 نقاط) (يسمح استعمال الآلة الحاسبة)

في هذا التمرين كل سؤال تليه ثلاث إجابات إحداها فقط صحيحة، انقل في كل مرة على ورقة تحريرك رقم السؤال و الحرف المناسب للإجابة الصحيحة الموافقة له :

(1) العدد $\sqrt{2} - 1$ هو حل للمعادلة :

أ- $x^2 = 1$ ب- $x^2 = \frac{1}{3+2\sqrt{2}}$ ج- $\sqrt{2}x = 2 - x$

(2) ليكن x و y عدنان حقيقيان لهما نفس العلامة حيث $x^2 + y^2 = 1$ و $x^4 + y^4 = \frac{17}{18}$ فإن :

أ- $xy = \frac{1}{6}$ ب- $xy = -\frac{1}{6}$ ج- $xy = \frac{1}{3}$

(3) العدد $\sqrt{2 - \sqrt{3}} + \sqrt{2 + \sqrt{3}}$ يساوي :

أ- 2 ب- $\sqrt{6}$ ج- $2\sqrt{3}$

❖ التمرين الثاني (4 نقاط)

نعتبر العددين : $a = \sqrt{2}^{-4} + (1 + \frac{\sqrt{5}}{2})^2$ و $b = \frac{(2+\sqrt{5})(\sqrt{5}-2)}{2} - \sqrt{5} + 2$

(1) بين أن : $a = \frac{5}{2} + \sqrt{5}$ و $b = \frac{5}{2} - \sqrt{5}$

(2) أ- أحسب $a \times b$

ب- بين أن : $a > 2$

ج- استنتج أن : $\sqrt{5} > \frac{15}{8}$ و منه $\sqrt{5} < \frac{8}{3}$

مكتبة 14 جانفي قباس
Librairie 14 Janvier Gabès
Tél : +21655267618





(3) نعتبر العبارة : $c = \frac{\sqrt{(15-8\sqrt{5})^2}}{8} + \frac{\sqrt{(8-3\sqrt{5})^2}}{3}$ بين أن : $c = \frac{19}{24}$

❖ التمرين الثالث (5 نقاط)

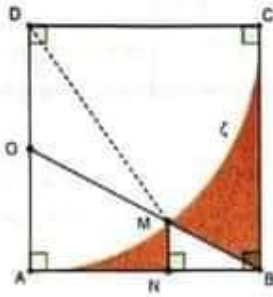
I. نعتبر العبارة $R = x^2 - 6\sqrt{2}x + 10$ حيث $x \in \mathbb{R}$

(1) أحسب القيمة العددية لـ R في حالة : $x = \frac{2}{\sqrt{2}}$

(2) بين أن : $R = (x - 3\sqrt{2})^2 - 8$

(3) حل في $\mathbb{R}$ المعادلة : $R = 0$

II. تأمل الرسم المصاحب حيث :



* ABCD مربع طول ضلعه $5\sqrt{2}$

* C ربع دائرة مركزها D و تمر من A

* O منتصف $[AD]$ و M نقطة تقاطع (OB) مع C

* N المسقط العمودي لـ M على $[AB]$

* $MN = a$ حيث a عدد حقيقي و $a < 2$

(1) بين أن : $BN = 2a$

(2) المستقيم (MN) يقطع (DC) في النقطة E

أ- أكتب الأبعاد ME و DE بدلالة a

ب- استنتج أن : $a^2 - 6\sqrt{2}a + 10 = 0$

(3) أحسب قيس المساحة الملونة

❖ التمرين الرابع (4 نقاط)

مكتبة 14 جانفي قابس
Librairie 14 Janvier Gabès
Tél : +21655267618





في الرسم المصاحب ABC مثلث قائم في B حيث $AC = 6$ و $BC = 3$

و O منتصف [AC] و I منتصف [BC]

(1) بين أن المثلث OBC متقايس الأضلاع

(2) ابن النقطة E بحيث يكون الرباعي ABEO متوازي الأضلاع

* بين أن الرباعي OBEC معين

(3) الموازي لـ (AB) و المار من C يقطع (BE) في F

* بين أن النقاط A و I و F على استقامة واحدة

(4) أ- عين النقطة M على [CE] بحيث $CM = \frac{1}{3} CE$

و N على [OB] بحيث $ON = \frac{2}{3} OB$ * ثم بين أن الرباعي OMEN متوازي الأضلاع

ب- (MN) يقطع (EB) في H * بين أن المثلث ECH قائم الزاوية في C

(5) لتكن D منظرية C بالنسبة لـ B * أحسب قيس مساحة الرباعي HCED

❖ التمرين الخامس (4 نقاط)

ليكن (O, I, J) معيناً متعامداً للمستوي بحيث : $OI = OJ$ و لتكن النقاط $A(1; \sqrt{5})$

و $B(1 + \sqrt{5}; 0)$ و $C(1 - \sqrt{5}; 0)$

(1) أ- بين أن I منتصف [BC]

ب- بين أن المثلث ABC قائم و متقايس الضلعين في A

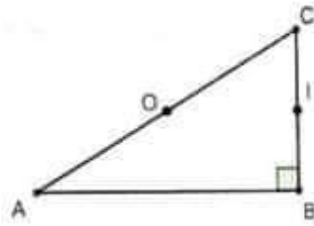
(2) لتكن M منتصف [AB] و E منظرية A بالنسبة الى C

* أوجد احداثيات النقطتين M و E

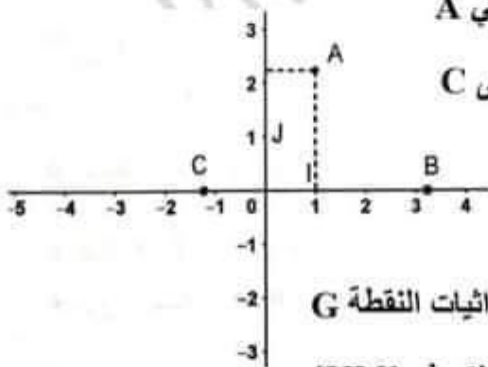
(3) المستقيم (BC) يقطع (EM) في G

أ- بين أن G مركز ثقل المثلث ABE ب- استنتج احداثيات النقطة G

(4) المستقيم (AG) يقطع (BE) في K * بين أن I منتصف [KM]



مكتبة 14 جانفي قابس
Librairie 14 Janvier Gabès
Tél : +21655267618





المستوى: التاسعة نموذجي السنة الدراسية 2023/2022	اصلاح فرض تأليفي عدد 2 المادة: الرياضيات	الإعدادية النموذجية بقابس الأساتذة: الأطرش * القوي * الفرجاني
---	---	---

❖ التمرين الأول :

$$x^2 = 1 \quad (*) \text{ يعني } x = -1 \text{ أو } x = 1$$

$$x^2 = \left(\frac{1}{1+\sqrt{2}}\right)^2 \quad (*) \text{ يعني } x^2 = \frac{1}{3+2\sqrt{2}}$$

$$x = \frac{-1}{1+\sqrt{2}} \text{ أو } x = \frac{1}{1+\sqrt{2}} \quad \text{يعني}$$

$$x = -\sqrt{2} - 1 \text{ أو } x = \sqrt{2} - 1 \quad \text{يعني}$$

ب ←

$$1 = \frac{17}{18} + 2(xy)^2 \quad \text{يعني } (x^2 + y^2)^2 = x^4 + y^4 + 2(xy)^2 \quad (2)$$

$$(xy)^2 = \frac{1 - \frac{17}{18}}{2} = \frac{1}{36} \quad \text{يعني}$$

$$\text{و بما أن } x \text{ و } y \text{ لهما نفس العلامة فإن: } xy = \frac{1}{6} \quad \text{ب ← ا}$$

$$(\sqrt{2+\sqrt{3}} + \sqrt{2-\sqrt{3}})^2 = \sqrt{2+\sqrt{3}}^2 + \sqrt{2-\sqrt{3}}^2 + 2\sqrt{1} \quad (3)$$

$$= 2 + \sqrt{3} + 2 - \sqrt{3} + 2 = 6$$

$$\text{و بما أن: } \sqrt{2+\sqrt{3}} + \sqrt{2-\sqrt{3}} \text{ موجب}$$

$$\text{فإن: } \sqrt{2+\sqrt{3}} + \sqrt{2-\sqrt{3}} = \sqrt{6} \quad \text{ب ←}$$

❖ التمرين الثاني :

$$a = \sqrt{2}^{-4} + \left(1 + \frac{\sqrt{5}}{2}\right)^2 \quad (1)$$

$$= \frac{1}{4} + 1 + \sqrt{5} + \frac{5}{4} = \frac{10}{4} + \sqrt{5} = \frac{5}{2} + \sqrt{5}$$

مكتبة 14 جانفي قابس
Librairie 14 Janvier Gabès
Tél: +21655267618





$$b = \frac{(2+\sqrt{5})(\sqrt{5}-2)}{2} - \sqrt{5} + 2$$

$$= \frac{5-4}{2} - \sqrt{5} + 2 = \frac{1}{2} - \sqrt{5} + 2 = \frac{5}{2} - \sqrt{5}$$

$$a.b = \left(\frac{5}{2} + \sqrt{5}\right) \left(\frac{5}{2} - \sqrt{5}\right) \quad \text{ب-} \quad (2)$$

$$= \left(\frac{5}{2}\right)^2 - \sqrt{5}^2 = \frac{25}{4} - 5 = \frac{5}{4}$$

$$\text{ب-} \quad \frac{5}{2} > 2 \quad \text{و} \quad \sqrt{5} > 0 \quad \text{إذن} \quad \frac{5}{2} + \sqrt{5} > 2$$

$$\text{أي} \quad a > 2$$

$$\text{ج-} \quad a.b = \frac{5}{4} \quad \text{إذن} \quad b = \frac{5}{4} \times \frac{1}{a}$$

$$\text{لنا:} \quad a > 2 \quad \text{إذن:} \quad \frac{1}{a} < \frac{1}{2} \quad \text{بالتالي} \quad b < \frac{5}{8}$$

$$\text{يعني} \quad \frac{5}{2} - \sqrt{5} < \frac{5}{8}$$

$$\text{إذن} \quad \sqrt{5} > \frac{5}{2} - \frac{5}{8} \quad \text{بالتالي} \quad \sqrt{5} > \frac{15}{8}$$

$$\text{*} \quad \text{لنا} \quad \sqrt{5} > \frac{15}{8} \quad \text{إذن} \quad \frac{8}{15} > \frac{1}{\sqrt{5}} \quad \text{و بما أن} \quad 5 > 0$$

$$\text{فإن:} \quad \frac{8}{3} > \sqrt{5}$$

$$C = \frac{\sqrt{(15-8\sqrt{5})^2}}{8} + \frac{\sqrt{(8-3\sqrt{5})^2}}{3} \quad (3)$$

$$= \frac{|15-8\sqrt{5}|}{8} + \frac{|8-3\sqrt{5}|}{3}$$

$$\text{بما أن:} \quad \frac{8}{3} > \sqrt{5} \quad \text{فإن} \quad 8 > 3\sqrt{5} \quad \text{أي} \quad |8-3\sqrt{5}| = 8-3\sqrt{5} \quad \text{و} \quad 3 > 0$$

$$\text{بما أن:} \quad \frac{15}{8} < \sqrt{5} \quad \text{و} \quad 0 < 8 \quad \text{فإن} \quad 15 < 8\sqrt{5} \quad \text{أي} \quad |15-8\sqrt{5}| = 8\sqrt{5}-15$$

$$\text{إذن} \quad C = \frac{3 \times (8\sqrt{5}-15) + 8 \times (8-3\sqrt{5})}{24}$$

$$= \frac{-45+64}{24} = \frac{19}{24}$$

مكتبة 14 جانفي قابس
Librairie 14 Janvier Gabès
Tél: +21655267618





❖ التمرين الثالث :

$$R = \left(\frac{2}{\sqrt{2}}\right)^2 - 6\sqrt{2} \times \frac{2}{\sqrt{2}} + 10 \quad (1) \quad I.$$

$$= 2 - 12 + 10 = 0$$

$$(x - 3\sqrt{2})^2 - 8 = x^2 - 2 \times 3\sqrt{2}x + 18 - 8 \quad (2)$$

$$= x^2 - 6\sqrt{2}x + 10 = R$$

$$R = (x - 3\sqrt{2})^2 - 8 \quad \text{إن:}$$

$$(x - 3\sqrt{2})^2 - 8 = 0 \quad \text{يعني} \quad R = 0 \quad (3)$$

$$(x - 3\sqrt{2})^2 = 8 \quad \text{يعني}$$

$$x - 3\sqrt{2} = -\sqrt{8} \quad \text{أو} \quad x - 3\sqrt{2} = \sqrt{8} \quad \text{يعني}$$

$$x = -\sqrt{8} + 3\sqrt{2} \quad \text{أو} \quad x = \sqrt{8} + 3\sqrt{2} \quad \text{يعني}$$

$$x = \sqrt{2} \quad \text{أو} \quad x = 5\sqrt{2} \quad \text{يعني}$$

II. (1) في المثلث AOB لدينا:

$$\begin{cases} N \in (BA) \\ M \in (BO) \\ (MN) \parallel (AO) \end{cases} \quad \text{إن حسب مبرهنة طاليس}$$

$$\frac{BN}{BA} = \frac{MN}{OA}$$

$$\frac{BN}{5\sqrt{2}} = \frac{a}{\frac{5\sqrt{2}}{2}} \quad \text{يعني}$$

$$BN = \frac{5\sqrt{2}a}{\frac{5\sqrt{2}}{2}} = 2a \quad \text{يعني}$$

$$(2) \text{ أ- (*)} \quad \text{لنا} \quad MN = a \quad \text{و} \quad NE = 5\sqrt{2} \quad \text{إن:} \quad ME = EN - MN$$

$$= 5\sqrt{2} - a$$

$$(*) \quad \text{لنا:} \quad EC = BN \quad \text{إن} \quad EC = BN = 2a \quad \text{و} \quad DE = DC - BN = 5\sqrt{2} - 2a$$

ب- المثلث DME قائم في E إن حسب بيتاغور:

$$(5\sqrt{2})^2 = (5\sqrt{2} - 2a)^2 + (5\sqrt{2} - a)^2 \quad \text{يعني} \quad DM^2 = DE^2 + ME^2$$

$$50 = 50 - 20\sqrt{2}a + 4a^2 + 50 - 10\sqrt{2}a + a^2 \quad \text{يعني}$$

$$5a^2 - 30\sqrt{2}a + 50 = 0 \quad \text{يعني}$$

$$a^2 - 6\sqrt{2}a + 10 = 0 \quad \text{يعني}$$

$$(3) \quad \text{لنا:} \quad a \text{ يحقق} \quad a^2 - 6\sqrt{2}a + 10 = 0 \quad \text{و} \quad a < 2$$

$$\text{إن:} \quad a = \sqrt{2} \quad \text{أي:} \quad MN = \sqrt{2} \quad \text{و} \quad BN = 2\sqrt{2}$$

$$\text{بالتالي:} \quad S_{BMN} = \frac{MN \times BN}{2} = 2$$

مكتبة 14 جانفي قابس
Librairie 14 Janvier Gabès
Tél : +21655267618





إذن المساحة الملونة هي:

$$\begin{aligned} S_{ABCD} - S_C - S_{BMN} &= (5\sqrt{2})^2 - \frac{\pi(5\sqrt{2})^2}{4} - 2 \\ &= 50 - \frac{50\pi}{4} - 2 \\ &= 48 - \frac{25}{2}\pi \end{aligned}$$

❖ التمرين الرابع:

(1) المثلث ABC قائم في B و O منتصف وتره [AC]

إذن $OB = OA = OC = 3$ بالتالي $OB = OC = BC = 3$

إذن OBC متقايس الأضلاع.

(2) ABEO متوازي الأضلاع إذن: $\left. \begin{array}{l} (AB) \perp (BC) \text{ ولنا } (AB) \parallel (OE) \\ AB = OE \end{array} \right\}$

إذن: $(OE) \perp (BC)$.

في المثلث ABC لدينا:

إذن: $\left\{ \begin{array}{l} O \text{ منتصف } [AC] \\ I \text{ منتصف } [BC] \end{array} \right.$ $OI = \frac{1}{2}BA$

و بما أن $AB = OE$ فإن: $\left\{ \begin{array}{l} AB = OE \\ I \text{ و } O \text{ و } E \text{ على استقامة واحدة} \end{array} \right.$

بالتالي I منتصف [OE]

إذن الرباعي OBEC قطراه يتعامدان في المنتصف بالتالي OBEC معين.

(3) لدينا ABEO متوازي الأضلاع إذن $(OC) \parallel (BE)$ أي $(AC) \parallel (BF)$

ولنا أيضا $(CF) \parallel (AB)$

بالتالي ABFC متوازي الأضلاع

ولنا I منتصف قطره [BC]

إذن I منتصف [AF]

بالتالي A و I و F على استقامة واحدة.

(4) أ- لدينا OBEC معين إذن $(O) \parallel (CE)$ و $OB = CE$

مكتبة 14 جانفي قابس
Librairie 14 Janvier Gabès
Tél : +21655267618





و بما أن $BN = \frac{1}{3}OB$ أي $ON = \frac{2}{3}OB$ و $CM = \frac{1}{3}CE$

فإن: $BN = CM$ ولنا أيضا: $(BN) // (CM)$

بالتالي OMEN متوازي الأضلاع

ب- في المثلث HEM لدينا:

$$\left\{ \begin{array}{l} B \in [HE] \\ N \in [HM] \\ (BN) // (ME) \end{array} \right. \quad \text{إذن حسب مبرهنة طالس:}$$

$$\frac{HB}{HE} = \frac{BN}{EM} = \frac{\frac{1}{3}BO}{\frac{2}{3}EC}$$

و بما أن: $BO = EC$ فإن: $\frac{HB}{HE} = \frac{1}{2}$

ولنا: H و B و E على استقامة واحدة إذن:

B منتصف HE و $HB = EB = OC = 3$

أيضا $BC = 3$

في المثلث ECH لدينا: B منتصف [EH] و $BC = BH = BE$ بالتالي ECH قائم في C.

(5) D مناظرة C بالنسبة إلى B إذن B منتصف [CD]

ولنا: B منتصف [HE] بالتالي HCED متوازي الأضلاع

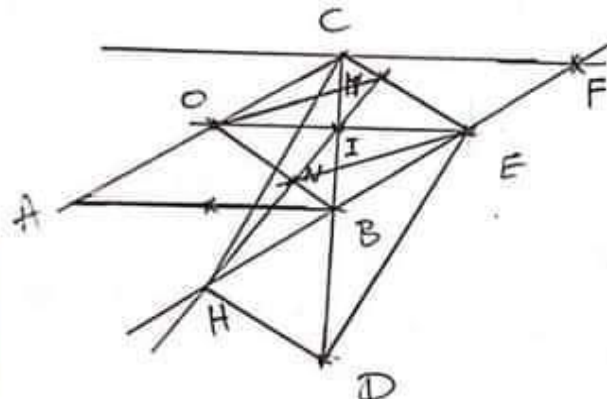
ولنا: $\widehat{HCE} = 90^\circ$ بالتالي: HCED متوازي الأضلاع

ولنا: $CE = 3$ و حسب بيتاغور في المثلث ECH لنا:

$$CH = \sqrt{EH^2 - CE^2}$$

$$= \sqrt{6^2 - 3^2} = \sqrt{27} = 3\sqrt{3}$$

بالتالي: $S_{HCED} = 3 \times 3\sqrt{3} = 9\sqrt{3}$



مكتبة 14 جانفي قابس
Librairie 14 Janvier Gabès
Tél: +21655267618





❖ التمرين الخامس:

$$(1) \quad \begin{cases} \frac{x_B + x_C}{2} = \frac{1 + \sqrt{5} + 1 - \sqrt{5}}{2} = 1 \\ \frac{y_B + y_C}{2} = 0 \end{cases} \quad \text{إذن } I \text{ منتصف } [BC]$$

ب- A و I لهما نفس الفاصلة إذن: $(IA) // (OJ)$

و بما أن: $(OI) \perp (OJ)$ فإن $(OI) \perp (IA)$ أي (IA) المتوسط العمودي لـ $[BC]$
بالتالي ABC متقايس الضلعين في A و لنا IAB قائم في I إذن حسب بيتاغور:

$$AB^2 = IA^2 + IB^2$$

$$AB = \sqrt{10} \quad \text{إذن} \quad = \sqrt{5^2 + (\sqrt{5} + 1 - 1)^2} = 10$$

$$BC = 2IB = 2\sqrt{5} \quad \text{و} \quad AC = AB = \sqrt{10} \quad \text{بالتالي:}$$

$$\begin{cases} BC^2 = (2\sqrt{5})^2 = 20 \\ AC^2 = AB^2 = 10 \end{cases} \quad \text{لنا:} \quad \begin{cases} \text{إذن حسب عكس بيتاغور} \\ \text{ABC قائم في A} \end{cases}$$

بالتالي ABC قائم و متقايس الضلعين في A.

طريقة 2: لحساب AB.

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} = \sqrt{\sqrt{5}^2 + (-\sqrt{5})^2} = \sqrt{10}$$

$$x_M = \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{2 + \sqrt{5}}{2} \quad \text{إذن: } M \text{ منتصف } [AB]$$

$$y_M = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$\text{إذن } M \left(\frac{2 + \sqrt{5}}{2}; \frac{\sqrt{5}}{2} \right)$$

(*) E منظرية A بالنسبة إلى C يعني C منتصف [AE]

$$\text{يعني } x_C = \frac{x_A + x_E}{2} \quad \text{و} \quad y_C = \frac{y_A + y_E}{2}$$

$$\text{يعني } 0 = \frac{\sqrt{5} + y_E}{2} \quad \text{و} \quad 1 - \sqrt{5} = \frac{1 + x_E}{2}$$

$$\text{إذن: } x_E = -\sqrt{5} \quad \text{و} \quad x_E = 2(1 - \sqrt{5}) - 1 = 1 + 2\sqrt{5}$$

مكتبة 14 جانفي قابس
Librairie 14 Janvier Gabès
Tél: +21655267618





بالتالي $E(1 + 2\sqrt{5}; -\sqrt{5})$

(3) أ- في المثلث ABE لدينا: M منتصف [AB] و C منتصف [AE] إذن: [BC] و [EM] موسطي المثلث ABE الصادرين من E و B. بالتالي G مركز ثقل المثلث ABE.

ب- $G \in [BC]$ إذن $y_G = 0$

G مركز ثقل ABE بالتالي $BG = \frac{2}{3} BC$

يعني $BG = \frac{4\sqrt{5}}{3}$ يعني $|x_G - x_B| = \frac{4\sqrt{5}}{3}$

$x_G = -\frac{4\sqrt{5}}{3} + (1 + \sqrt{5})$ أو $x_G = \frac{4\sqrt{5}}{3} + (1 + \sqrt{5})$

بالتالي $x = \frac{3+7\sqrt{5}}{3}$ أو $x_G = \frac{3-\sqrt{5}}{3}$

لا يمكن في هذه الحالة

بالتالي: $(x_G > x_B) G \notin [BC]$ $G(\frac{3-\sqrt{5}}{3}; 0)$

(4) G مركز ثقل المثلث ABE إذن: (AG) المستقيم الحامل للموسط الصادر من A بالتالي يقطع [BE] في المنتصف إذن K منتصف [BE].

في المثلث ABE لدينا:

إذن: $(MC) // (BE)$ $\left\{ \begin{array}{l} M \text{ منتصف } [AB] \\ C \text{ منتصف } [AE] \\ K \text{ منتصف } [BE] \end{array} \right.$
أي $(MC) // (BK)$ و $(AB) // (CK)$
أي $(CK) // (MB)$

بالتالي: BMCK متوازي الأضلاع.

و بما أن I منتصف قطره [BC] فإن I منتصف [MK]

طريقة 2: نثبت أن $(M) // (BK)$ أو $(CK) // (MB)$

في المثلث IBM لدينا:

إذن حسب طالس $\left\{ \begin{array}{l} K \in (IM) \\ C \in (IB) \\ (CK) // (BM) \end{array} \right.$
 $\frac{IK}{IM} = \frac{IC}{IB} = 1$

في المثلث IBK لدينا:

إذن حسب طالس $\left\{ \begin{array}{l} M \in (IK) \\ C \in (IB) \\ (MC) // (BK) \end{array} \right.$
 $\frac{IM}{IK} = \frac{IC}{IB} = 1$

مكتبة 14 جانفي قابس
Librairie 14 Janvier Gabès
Tél : +21655267618



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

