



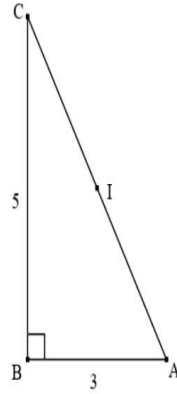
أنشطة حول الرباعيّات



(وحدة قياس الطول هي الصنيمتر)

1

نعتبر مثلثاً ABC قائم الزاوية في B حيث $AB=3$ و $BC=5$ و I منتصف $[AC]$



1) لتكن النقطة D بحيث I منتصف $[BD]$

أ- بين أن الرباعي $ABCD$ مستطيل

ب- احسب BD

2) لتكن النقطة E بحيث B منتصف $[AE]$

أ- بين أن الرباعي $BECD$ متوازي الأضلاع

ب- بين أن المثلث AEC متقايس الضلعين

3) لتكن M منتصف $[EC]$

أ- بين أن (BM) و (AC) متوازيان

ب- بين أن الرباعي $MBIC$ معين

2

ليكن $SAMI$ مستطيلاً مركزه K حيث $SA=8cm$ و $SI=6cm$

1) بين أن $SK=5cm$

2) لتكن E منتصف $[MI]$. احسب البعد KE

3) لتكن L منظرية K بالنسبة إلى E

أ- بين أن $MLIK$ معين

ب- احسب قياس مساحة المعين $MLIK$

4

أ- بين أن $SILK$ متوازي أضلاع

ب- احسب قياس مساحة الرباعي $SILK$

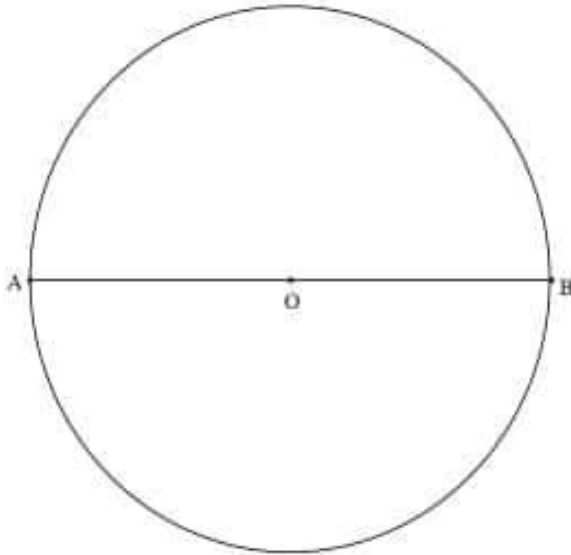
Fais des Maths





3

لتكن Γ دائرة مركزها O و قطرها $[AB]$ حيث $AB = 8cm$



(1) ليكن Δ المتوسط العمودي لـ $[OB]$. Δ يقطع Γ في النقطتين C و D

بين أن $OCBD$ معين

(2)

أ- احسب CD

ب- استنتج قياس مساحة الرباعي $OCBD$

(3)

أ- بين أن ACB مثلث قائم الزاوية

ب- احسب AC

(4) لتكن E منظرية C بالنسبة إلى O . بين أن $ACBE$ مستطيل

(5) لتكن M نقطة تقاطع (AE) و (BD)

أ- بين أن E منتصف $[AM]$

ب- استنتج أن $CBME$ متوازي أضلاع

ج- بين أن $(AM) \parallel (OD)$ و $AM = 2OD$

د- احسب قيسي مساحة و محيط الرباعي $AMBC$





4

ليكن $ABCD$ مستطيلاً حيث $AB = 6cm$ و $AD = 4cm$

(1) لتكن K السقط العمودي لـ B على (AC) . احسب AC و BK

(2)

أ- ارسم على نصف المستقيم $[AD]$ النقطة E حيث $DE = 9cm$. احسب CE

ب- بين أن المثلث ACE قائم الزاوية في C

(3) المستقيمان (BK) و (EA) يتقاطعان في F

أ- بين أن الرباعي $BCEF$ متوازي أضلاع

ب- استنتج البعدين BF و FE

(4) لتكن O مركز الرباعي $BCEF$ و H منتصف $[BF]$

أ- بين أن $(OH) \parallel (BC)$ ثم احسب OH

ب- المستقيم (OH) يقطع المستقيم (BA) في M . بين أن $OM = 6,5cm$

5

(وحدة قياس الطول هي السنتيمتر)

ارسم قطعة مستقيم $[AC]$ قسمها 15

(1)

أ- ابن النقطة M من $[AC]$ بحيث $\frac{CM}{3} = \frac{AM}{2}$

ب- بين أن $AM = 6$

(2) لتكن O منتصف $[AM]$ و B نقطة من الوسط العمودي لـ $[AM]$ بحيث $OB = 6$

أ- بين أن $BA = BM = 3\sqrt{5}$

ب- بين أن $BC = 6\sqrt{5}$

ج- بين أن $(AB) \perp (BC)$

(3) الدائرة التي قطرها $[MC]$ تقطع (BC) في نقطة ثابتة H

أ- بين أن المثلث MCH قائم الزاوية ثم استنتج أن $(MH) \parallel (AB)$

ب- احسب CH

(4) الموازي لـ (BM) و المار من A يقطع (OB) في G

أ- بين أن $ABMG$ معين

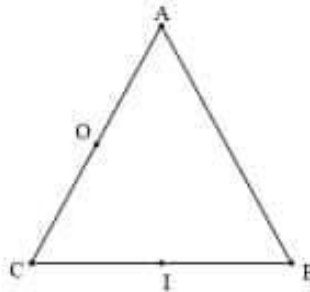
ب- استنتج أن النقاط H و M و G على استقامة واحدة





6

تعتبر مثلثا ABC متقايس الأضلاع قياس طول ضلعه $4cm$ و I منتصف $[BC]$ و O منتصف $[AC]$



(1) احسب AI

(2) لتكن J نقطة من $[AC]$ حيث $CJ = 1,5cm$

الموازي لـ (AI) و المار من J يقطع (BC) في K . احسب CK

(3) لتكن H منظرية I بالنسبة إلى O . بين أن الرباعي $AHCI$ مستطيل

(4) ماهي طبيعة الرباعي $AHIB$ ؟ علل جوابك

7

ليكن ABC مثلثا قائم الزاوية في A حيث $AB = 4cm$ و $BC = 8cm$ و لتكن H المسقط العمودي لـ A على (BC)

(1) احسب AC ثم AH

(2) لتكن I منتصف $[AC]$ و J منتصف $[AB]$. احسب HJ و HI و IJ

(3) بين أن HJI مثلث قائم الزاوية

(4) المستقيم المار من I و الموازي لـ (AB) يقطع (BC) في K

أ- بين أن K منتصف $[BC]$

ب- استنتج طبيعة الرباعي $IKBJ$

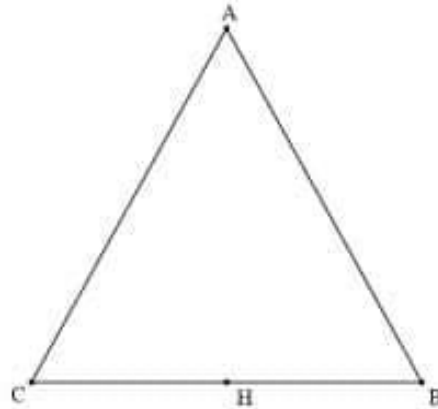
ج- استنتج طبيعة الرباعي $AIKJ$





8

نعتبر مثلث ABC متقايس الأضلاع قياس طول ضلعه $6cm$ و H منتصف $[BC]$



- (1) احسب AH
- (2) لتكن D منظرية B بالنسبة إلى C
أ- بين أن ABD مثلث قائم الزاوية في A
ب- بين أن $AD = 6\sqrt{3}$
- (3) الدائرة γ التي قطرها $[AH]$ تقطع $[AD]$ و $[AB]$ على التوالي في K و I
أ- بين أن $AIHK$ مستطيل
ب- احسب AK
- (4) المستقيم (HK) يقطع (AC) في النقطة J ، احسب HJ

9

- ليكن $ABCD$ شبه منحرف حيث $AB = 3cm$ و $AD = 4cm$ و $DC = 6cm$
- (1) احسب BD
 - (2) المستقيم المار من A و الموازي لـ (BC) يقطع (DC) في I
أ- حدد طبيعة الرباعي $ABCI$ ثم احسب مساحته
ب- استنتج أن I منتصف $[DC]$
 - (3) بين أن الرباعي $ABID$ مستطيل
 - (4) استنتج أن المثلث BCD متقايس الضلعين قمته الرئيسية B
 - (5) لتكن E منظرية B بالنسبة إلى I ، بين أن الرباعي $BCED$ معين ثم احسب مساحته





10

(وحدة قياس الطول هي الصنتيمتر)

- 1 ارسم مستطيلا $ABCD$ حيث $AD=7$ و $AB=4$ ثم عيّن النقطة E من $[AD]$ بحيث $AE=4$ والنقطة F من $[DC]$ بحيث $CF=1$
- 2 احسب BE و EF
- 3 المستقيم (BE) يقطع المستقيم (CD) في H
أـ احسب EH و HD
بـ بين أن المثلث EHF قائم الزاوية في E
- 4 احسب BF
- 5 عيّن K منتصف $[BE]$ ثم احسب BK
- 6 بين أن المثلث BEF قائم الزاوية في E
- 7 لتكن O منتصف $[KF]$
أـ بين أن $(OD) \parallel (KH)$
بـ احسب OD

11

(وحدة قياس الطول هي الصنتيمتر)

- 1 ارسم مستطيلا $ABCD$ حيث $AB=3$ و $BC=10$ ثم عيّن النقطة M من $[AD]$ حيث $AM=4$
- 2 احسب MB
- 3 عيّن على نصف المستقيم (DC) النقطة E بحيث $CE=5$
أـ احسب الأبعاد BE و ME
بـ استنتج أن المثلث BME قائم الزاوية
- 4 لتكن H المسقط العمودي لـ D على (ME)
أـ احسب البعد DH
بـ بين أن $MH = \frac{18}{5}$
- 5 المستقيم (ED) يقطع (MB) في النقطة G
أـ بين أن $\frac{MG}{MB} = \frac{MD}{MA} = \frac{3}{2}$
بـ احسب البعد MG
جـ احسب قياس مساحة الرباعي $MGDH$





12

ليكن ABC مثلثا متقايس الأضلاع طول ضلعه $4cm$ و H منتصف $[BC]$

(1) احسب AH

(2) لتكن النقطة D مناطرة النقطة C بالنسبة إلى A

أ- بين أن المثلث BCD قائم الزاوية في B

ب- احسب BD

(3) المستقيم DH يقطع (AB) في G

أ- بين أن G مركز ثقل المثلث BCD

ب- احسب AG

(4) الدائرة التي قطرها $[BC]$ تقطع $[AC]$ في نقطة ثانية E

أ- بين أن (BE) عمودي على (AC)

ب- استنتج أن E منتصف $[AC]$

ج- لتكن K المسقط العمودي لـ E على (BC) . احسب EK و BK

(5) لتكن I منتصف $[BD]$. المستقيم (AI) يقطع $[BE]$ في F

أ- بين أن النقطة A المركز القائم للمثلث BDF

ب- استنتج أن المستقيم (AB) عمودي على المستقيم (DF)

(6) بين أن الرباعي $ABCF$ معين

13

(وحدة قياس الطول هي السنتيمتر)

نعتبر مثلثا EFG متقايس الضلعين قائم الزاوية في E حيث $EG=8$ و $FG=6$ و M منتصف $[EG]$

(1) الموازي لـ (EF) و المار من M يقطع (FG) في N

الموازي لـ (FG) و المار من E يقطع (MN) في L

بين أن $EFNL$ متوازي أضلاع

(2)

أ- استنتج أن $EG=LN$

ب- بين أن $ENGL$ مستطيل

(3) المستقيم (EF) يقطع (GL) في D

أ- بين أن L منتصف $[DG]$

ب- احسب DG





14

(وحدة قياس الطول هي الصنتيمتر)

ليكن ABC مثلثاً قائماً في A حيث $AB=4$ و $BC=8$

(1) بين أن $AC=4\sqrt{3}$

(2) لتكن H السقط العمودي لـ A على (BC)

احسب BH و CH و AH

(3) المستقيم السار من C و العمودي على (BC) يقطع (AB) في D

أ- بين أن $\frac{BH}{BC} = \frac{AH}{DC}$

ب- احسب AD و DC

(4) لتكن K السقط العمودي لـ A على (DC) . بين أن $AHCK$ مستطيل

(5) المستقيمان (AC) و (KH) يتقاطعان في نقطة O . المستقيم السار من O و الموازي لـ (BC) يقطع $[AB]$ في I

أ- بين أن I منتصف $[AB]$

ب- احسب OH و HI و OI

ج- بين أن OHI مثلث قائم الزاوية

15

ليكن $(O;I;J)$ معينا متعامدا في المستوي حيث $OI = OJ$

(1)

أ- عيّن النقاط $A(3,0)$ و $C(0,2)$

ب- ارسم النقطة B بحيث يكون الرباعي $OABC$ مستطيلاً

ج- ما هي إحداثيات النقطة B

(2) لتكن النقطة E منظرية C بالنسبة إلى B

أ- حدد إحداثيات E

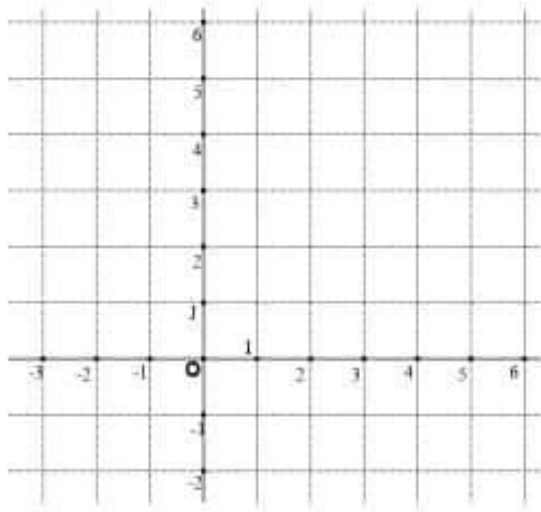
ب- بين أن الرباعي $OAEB$ متوازي أضلاع

ج- بين أن المثلث ACE متقايس الضلعين

(3) لتكن F منظرية A بالنسبة إلى B

أ- حدد إحداثيات F

ب- بين أن الرباعي $ACFE$ معين





16

(وحدة قياس الطول هي السنتيمتر)

ليكن ABC مثلثا حيث $AB=2$ و $AC=4\sqrt{2}$ و $BC=6$

(1)

أ- أنجز الرسم

ب- بين أن المثلث ABC قائم الزاوية

(2)

أ- ارسم الدائرة Γ المحيطة بالمثلث ABC ثم عيّن النقطة E من نصف المستقيم (BA) بحيث $BE=6$ والنقطة D

منظرة E بالنسبة إلى B

ب- بين أن المثلث DEC قائم الزاوية في C

ج- احسب EC ثم استنتج DC

(3) المستقيم (DC) يقطع الدائرة Γ في نقطة ثانية I

أ- بين أن (EC) و (BI) متوازيان

ب- بين أن I منتصف $[DC]$ ثم احسب BI

(4) لتكن F نقطة تقاطع المستقيمين (BI) و (AC)

أ- بين أن $EC=2BF$

ب- أثبت أن الرباعي $EFDI$ متوازي أضلاع

ج- بين أن الرباعي $EFIC$ مستطيل

17

(وحدة قياس الطول هي السنتيمتر)

(1) ارسم معينا $MNPQ$ بحيث $MP=6$ و $NQ=8$ ثم عيّن مركزه O

(2)

أ- احسب طول ضلع المعين $MNPQ$

ب- احسب قياس مساحة المعين $MNPQ$

(3)

أ- ابن النقطة H بحيث يكون الرباعي $MQOH$ متوازي أضلاع

ب- بين أن $[MO]$ هو ارتفاع لموازي الأضلاع $MQOH$

ج- احسب قياس مساحة موازي الأضلاع $MQOH$

(4)

أ- بين أن $OMHN$ مستطيل

ب- احسب قياس مساحة المستطيل $OMHN$

ج- احسب OH

(5) كم يجب اختيار طول القطر $[MP]$ ليصبح المستطيل $OMHN$ مربعا

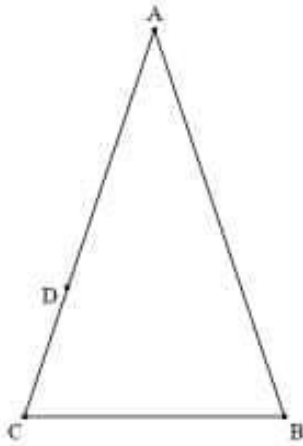




18

(وحدة قياس الطول هي الصنتمتر)

نعتبر مثلثا ABC حيث $AB=AC=6$ و $BC=4$ و D نقطة من $[AC]$ حيث $CD=2$



(1) المستقيم المار من C و الموازي لـ (AB) يقطع (BD) في E

$$\text{أ- يبين أن } \frac{DE}{DB} = \frac{DC}{DA} = \frac{CE}{AB}$$

ب- احسب البعد CE

(2) المستقيم المار من B و الموازي لـ (AC) يقطع (CE) في F

أ- يبين أن الرباعي $ABFC$ معين

ب- المستقيمان (AF) و (BC) يتقاطعان في النقطة O

استنتج طبيعة المثلث OAC

(3) ليكن (O, A, C) معينا في المستوي

اعط إحداثيات النقاط A و C و B و F في المعين (O, A, C)

(4) لتكن K منتصف $[AB]$

أ- احسب إحداثيات النقطة K

ب- يبين أن الرباعي $BCEK$ متوازي أضلاع

ج- استنتج أن ترتيب النقطة E تساوي $\frac{1}{2}$

19

ليكن $ABCD$ معينا مركزه O حيث $AC=8cm$ و $BD=4cm$

(1) يبين أن $AB=2\sqrt{5}cm$

(2) لتكن I منتصف $[BC]$ و J منتصف $[AD]$ و H و K السططان العموديان لـ I و J على (AC) على التوالي

أ- يبين أن H منتصف $[OC]$ و احسب IH

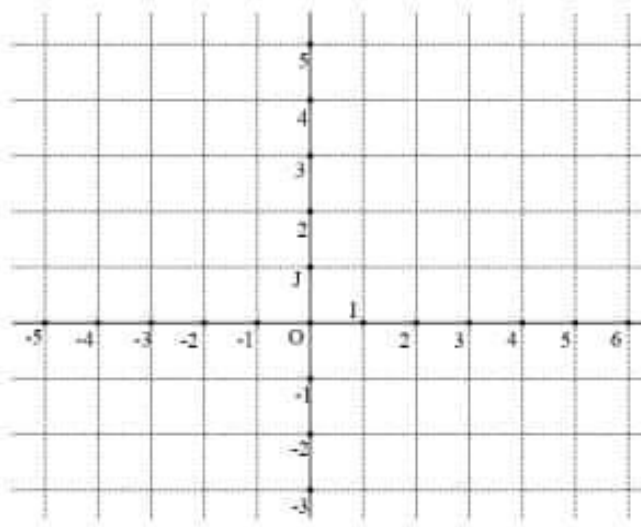
ب- يبين أن IHK متوازي أضلاع

(3) يبين أن $BKDH$ مربع

(4) العمودي على (AD) و المار من O يقطع (AD) في L و (JK) في M

احسب LM و LJ و LD و LO





ليكن (O, I, J) معينا في المستوي بحيث $OI = OJ$

(1) عَيِّنْ النقط $A(0, -1)$ و $B(1, 2)$ و $C(-1, 2)$

(2)

أ- بَيِّنْ أَنَّ B و C متناظران بالنسبة إلى (OI)

ب- استنتج طبيعة المثلث ABC

(3)

أ- اِبْنِ النقط D بحيث يكون الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع

ب- بَيِّنْ أَنَّ $(AD) \parallel (OI)$ ثم حدد إحداثيات D

(4) ليكن E مسقط D على (BC) وفقا لمنحى (AC)

أ- ما هي طبيعة الرباعي $ACED$ ؟ عَظِّلْ جوابك

ب- بَيِّنْ أَنَّ C منتصف $[EB]$

ج- حدد إحداثيات النقطة E

(5) لتكن H نقطة تقاطع المستقيمين (AB) و (ED)

أ- بَيِّنْ أَنَّ $ACDH$ معين

ب- لتكن K منتصف $[AD]$. حدد إحداثيات K ، معللا جوابك

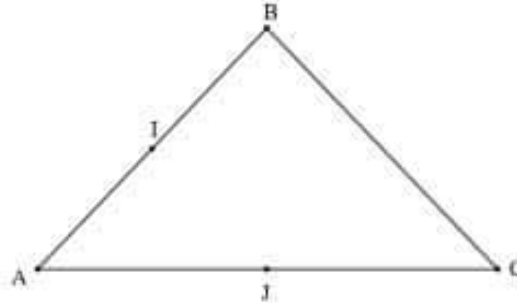




21

(وحدة قياس الطول هي السنتيمتر)

نعتبر مثلثاً ABC حيث $AB = BC = 5$ و $AC = 5\sqrt{2}$ و النقطتين I و J منتصفتي $[AB]$ و $[AC]$ على التوالي



- (1) بين أن المثلث ABC قائم في B
- (2) لتكن D منظرية B بالنسبة إلى J . بين أن $ABCD$ مربع
- (3) لتكن النقطة K منظرية I بالنسبة إلى A . المستقيمان (AD) و (JK) يتقاطعان في نقطة M
أ- بين أن M منتصف $[JK]$
ب- احسب البعدين AM و LI
- (4) لتكن G نقطة تقاطع $[BD]$ و $[CI]$. بين أن G مركز ثقل المثلث ABC
- (5) المستقيم الموازي لـ (BC) و المار من G يقطع $[JC]$ في H
أ- بين أن $\frac{GH}{BC} = \frac{JG}{JB} = \frac{JH}{JC}$
ب- استنتج أن H مركز ثقل المثلث BCD



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

