



السنة الدراسية : 2018 / 2017	حلمة تمارين م-03 القوى في $\mathbb{R}$	المدرسة الإعدادية بنور - الطائف -
المستوى : 9 أساسي		الأمات : فوزي حيدر

تمرين عدد 01 : احسب: $(\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}})^4$, $(\sqrt{2})^2$, -10^3 , $(-\frac{109}{11})^0$, -11^1 , $(-19)^1$, $(-\frac{3}{2})^4$, $(-\frac{4}{5})^2$, $(-2)^3$, $(-2\sqrt{7})^3$

تمرين عدد 02 : احسب: $(-2\sqrt{5})^{-3}$, -1^{-5} , $(-\sqrt{3})^{-1}$, $(-\frac{2}{3})^{-4}$, $(-0.5)^{-1}$, $(-\sqrt{2})^{-2}$, $(-1)^{-11}$, $(-\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}})^{-2}$, -10^{-6}

تمرين عدد 03 : ضع العلامة $\square$ أمام الإجابة الصحيحة:
(أ) إذا كان $a \in \mathbb{R}^*$ و $n \in \mathbb{Z}$ و $p \in \mathbb{Z}$ فإن: $(a^n)^p = a^{n \cdot p}$ ، $(a^n)^p = a^{n+p}$ ، $(a^n)^p = a^{n-p}$
(ب) إذا كان $b \in \mathbb{R}^*$ و $n \in \mathbb{Z}$ و $m \in \mathbb{Z}$ فإن: $\frac{b^n}{b^m} = b^{n-m}$ ، $\frac{b^n}{b^m} = b^{n+m}$ ، $\frac{b^n}{b^m} = b^{n \cdot m}$

تمرين عدد 04 : اكتب في صيغة قوة عدد حقيقي:
 $(-\frac{3}{5})^{-5} \times (-\sqrt{5})^{-5} \times (\frac{\sqrt{5}}{2})^{-5}$, $(-\sqrt{7})^5 \times (\frac{2\sqrt{7}}{7})^5$, $(2\pi)^{-11} \times (\frac{1}{4\pi})^{-11}$, $(-\frac{5}{3})^{-4} \times (-\frac{3}{7})^{-4}$

تمرين عدد 05 : اكتب في صيغة قوة عدد حقيقي:
 $(\frac{\sqrt{11}}{3})^{16} \times [(-\frac{\sqrt{11}}{2})^{27}]^8 \times [(\frac{3}{11})^{-4}]^{-4}$, $[(\frac{\sqrt{3}}{2})^2]^6 \times [(\sqrt{3})^{-3}]^{-4}$, $[(\frac{\sqrt{5}}{3})^{-3}]^{-4}$, $[(-\sqrt{3})^{-2}]^7$, $[(-\frac{8}{7})^3]^{-5}$

تمرين عدد 06 : (1) ليكن $x \in \mathbb{R}$ و $n \in \mathbb{N}$. أثبت أن $\sqrt[n]{x^{2n}} = x^n$.
(2) اكتب في صيغة قوة عدد صحيح طبيعي: $(\frac{1}{\sqrt{11}})^{-8} \times (\sqrt{13})^8$; $(0.5)^{-3}$; $(\frac{1}{\sqrt{7}})^{-10}$; $(-\sqrt{2})^{12}$; $\sqrt{3}^4$

تمرين عدد 07 : اكتب في صيغة قوة عدد حقيقي:
 $(-\frac{\sqrt{5}}{2}) \times (\frac{\sqrt{5}}{2})^{-12}$, $(-\sqrt{3})^3 \times (-\sqrt{3})^{-7}$, $(\frac{\sqrt{5}}{\pi})^{-6} \times (-\frac{\sqrt{5}}{2})^{-5} \times (\frac{\pi}{2})^{-6}$, $(\frac{4}{3})^6 \times (\frac{3}{4})^{-3}$

تمرين عدد 08 : اكتب في صيغة قوة عدد حقيقي: $\frac{(-3\sqrt{15})^{-7}}{(-2\sqrt{3})^{-7}}$, $\frac{(-9\pi)^{12}}{(3\pi)^{12}}$, $\frac{(-\sqrt{24})^{-11}}{(-\sqrt{8})^{-11}}$, $(-\frac{1}{2})^9$, $\frac{8^{-4}}{2^{-4}}$





تمرين عدد 09 : احسب العبارات التالية:

$$B = \frac{1}{5^{-2}} \times \frac{7^2}{3^2} \times \frac{25}{7^{-1}} \times \frac{3}{5^3} \times \left(\frac{7}{2}\right)^{-2}, \quad A = \sqrt{5^4} \times 5^{-2} \times 25 \times 5^{-3} \times (-\sqrt{5})^{-4}$$

$$D = \frac{5^4}{27} \times \frac{11}{5^2} \times 3^{-3} \times 11^{-3} \times \left(\frac{5}{3}\right)^{-4}, \quad C = (2\sqrt{2})^{-3} \times (\sqrt{2})^2 \times 2^{-2} \times \sqrt{2}$$

تمرين عدد 10 : احسب العبارات التالية:

$$T = \left[\left(\frac{5}{3}\right)^{-2} \times \frac{5}{(\sqrt{3})^4} \right]^{-3} - \left[(\sqrt{5})^{-2} \times 5^3 \right], \quad Y = \frac{2^{19} - 2^8}{2^{21} - 2^8}, \quad X = \frac{\left(-\frac{1}{3}\right)^2 \times 15^3 \times \left(\frac{9}{5}\right)^3}{\left(\frac{3}{2}\right) \times 5 \times (-2)^2 \times \left(\frac{5}{9}\right)^3}$$

تمرين عدد 11 : أوجد العدد الصحيح النسبي n في كل حالة من الحالات التالية:

$$(1) \quad (\sqrt{2})^3 \times 2\sqrt{2} \times 2^n = (\sqrt{2})^4$$

$$(2) \quad 2^{-3} \times \pi^3 \times 2^n = (2\pi)^3$$

$$(3) \quad (3^2 \times 5)^3 \times (3 \times 5^2)^3 = \frac{1}{(15)^n}$$

$$(4) \quad \frac{(\sqrt{3})^{-5}}{(\sqrt{5})^3} \times \frac{(\sqrt{5})^3}{\sqrt{3}} \times (\sqrt{3} \times (\sqrt{5})^2)^n = (\sqrt{15})^{-10}$$

تمرين عدد 12 : (1) بين أن: $\frac{(2a^{-2})^{-3} \times (ab^3)^2 \times (b^{-3})^2}{8^{-1} \times (a^3b)^4} = 1$ حيث $a \in \mathbb{R}^*$ و $b \in \mathbb{R}^*$

(2) بين أن $\frac{(a\sqrt{3})^3 \times b^{-2} \times (3ab)^2}{81 \times (ba^{-2})^{-4} \times (a^3b^{-4})^{-1}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$ حيث $a \in \mathbb{R}^*$ و $b \in \mathbb{R}^*$

تمرين عدد 13 : لتكن العبارة التالية: $X = \frac{(a^{-1}b^{-4})^2 \times (a^2b^{-1})}{a^4 \times (a^{-2}b^{-3})^3}$ حيث $a \in \mathbb{R}^*$ و $b \in \mathbb{R}^*$

(1) بين أن $X = a^{-1}b^{-2}$

(2) احسب X إذا كان $a = \sqrt{2}$ و $b = -\sqrt{3}$

(3) احسب X إذا كان a مقلوب b .

(4) أوجد a إذا علمت أن $a = b$ و $X = 1$

تمرين عدد 14 : باقي القسمة الاقليدية لعدد طبيعي n على 8 هو 3.

لنعتبر a عددا حقيقيا حيث $a^2 = \sqrt{2}$

(1) أثبت أن $a^{2n+1} \in \mathbb{N}$

(2) جد n حيث $a^{2n+1} = 128$

تمرين عدد 15 : يبلغ بعد كوكب نبتون عن الشمس 4.74×10^{-4} سنة شمسية وعن الأرض حوالي 30 وحدة فلكية إذا علمت أن الوحدة الفلكية تساوي حوالي 150 مليون كيلومتر والسنة الضوئية حوالي 9.5×10^{12} Km. ما هو الكوكب الأقرب إلى نبتون الشمس أم الأرض؟

تمرين عدد 16 :

(1) بين أن العدد $2^{34} - 2^{33} + 2^{32}$ يقبل القسمة على 3

(2) بين أن العدد $25^4 - 5^4$ مضاعف مشترك لثلاثة أعداد صحيحة طبيعية متتالية.



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

