



4-الأعداد الكسرية النسبية

مراجعة عامة

(1) الأعداد العشرية النسبية:

أ- كل عدد عشري نسبي يتكون من جزء صحيح و جزء عشري ، مثل: 17.93 هو عدد عشري 17 يسمى الجزء الصحيح لهذا العدد و 93 يسمى الجزء العشري له

- الكتابة $\frac{1739}{100}$ أو $\frac{a}{10^n}$ هي كتابة للعدد العشري 17.93 على صورة حيث $a=1793$ و $n=2$

- كل عدد عشري نسبي يمكن كتابته على صورة $\frac{a}{10^n}$ حيث a عدد صحيح نسبي و n عدد صحيح طبيعي

ب- لتكن $\frac{a}{b}$ كتابة مختزلة إلى أقصى حد لعدد كسري نسبي يكون هذا العدد الكسري النسبي عدداً عشرياً نسبياً إذا كانت القواسم الأولية للمقام هي 2 أو 5 أو 25

(2) رموز و مصطلحات:

أ- نرمز بـ :

IN : لمجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية

\mathbb{Z} : لمجموعة الأعداد الصحيحة النسبية

\mathbb{Q}_+ : لمجموعة الأعداد الصحيحة النسبية الموجبة

\mathbb{Z}_+ : لمجموعة الأعداد الصحيحة السالبة

\mathbb{Q}_+ : لمجموعة الأعداد الكسرية الموجبة

\mathbb{Q}_- : لمجموعة الأعداد الكسرية السالبة

\mathbb{Q}^* : لمجموعة الأعداد الكسرية المخالفة لصفر

ب- لتكن A و B مجموعتان : •
يعني كل عنصر من المجموعة A هو أيضاً عنصر من المجموعة B و تقرأ "A محتواة في B"

"B ⊂ A" يعني يوجد على الأقل عنصر من المجموعة A لا ينتمي إلى المجموعة B و تقرأ "B غير محتواة في A" •

$B \cap A$ يعني تقاطع المجموعتين A و B و هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى المجموعة A و إلى المجموعة B

$A \cup B$ يعني اتحاد المجموعتين A و B هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى المجموعة A أو إلى المجموعة B

أمثلة : $\mathbb{Q}_- \cup \mathbb{Q}_+ = \mathbb{Q}$; $\mathbb{Z}_+ \cap \mathbb{Q} = \mathbb{Z}_+$; $\mathbb{Z} \cap \text{ID} = \mathbb{Z}$ $\mathbb{Q} \subset \text{ID}$; $\text{ID} \subset \mathbb{Z}$; $\mathbb{N} \subset \text{ID}$; $\mathbb{N} \subset \mathbb{Q}$; $\mathbb{Z} \subset \text{ID}$

(3) مقابل عدد كسري نسبي :

مقابل العدد الكسري النسبي الموجب $\frac{a}{b}$ هو العدد الكسري السالب $-\frac{a}{b}$

مقابل العدد الكسري السالب $-\frac{a}{b}$ هو العدد الكسري الموجب $\frac{a}{b}$

(4) مقارنة الأعداد الكسرية النسبية :

أ- إذا كان $\frac{a}{b} < 1$ عدداً كسرياً موجباً فإن : $\frac{a}{b} < 1$ يعني $a < b$ ، $a > b$ يعني $b > a$

ب- إذا كان $\frac{a}{b} < \frac{c}{b}$ عددين كسريان موجبان فإن : $\frac{a}{b} < \frac{c}{b}$ يعني $a < c$ ، $a > c$ يعني $c > a$





4-الأعداد الكسرية النسبية

ج- مهما كانت الأعداد الصحيحة الطبيعية a, b, c, d حيث $b \neq 0$ و $d \neq 0$ فإن :

$$-\frac{a}{b} < -\frac{c}{d} \text{ يعني } \frac{a}{b} > \frac{c}{d} \text{ و } -\frac{c}{d} < \frac{c}{d}$$

(5) القيمة المطلقة لعدد كسري نسبي :

نرمز بـ $\left| \frac{a}{b} \right|$ للقيمة المطلقة للعدد الكسري النسبي $\frac{a}{b}$ ، إذا كان $\frac{a}{b}$ عدداً كسررياً موجباً

إذا كان $\frac{a}{b}$ عدداً كسررياً سالباً $\left| \frac{a}{b} \right| = -\frac{a}{b}$

التمارين

تمرين عدد 1: أكمل تعمير الجدول التالي

كتابته على صورة $\frac{a}{10^n}$	الجزء الصحيح	الجزء العشري	العدد
			75,43
	19	0	
$\frac{1943}{10^3}$			

تمرين عدد 2: اكتب الأعداد التالية على صورة $\frac{a}{10^n}$ حيث $n \in \mathbb{N}$ و $a \in \mathbb{Z}$

$$-1 + \frac{59}{100} ; -4 - \frac{9}{10^3} ; 15 + \frac{83}{10^2} ; -51.49 ; 0.037$$

تمرين عدد 3: أعط القيمة التقريرية برقمين بعد الفاصل لكل من الأعداد التالية

$$32.0099 ; 20.057 ; 4.934 ; \frac{1549}{10^3} ; 12 + \frac{91}{10^4}$$

تمرين عدد 4: استخرج الأعداد العشرية و اكتبها على صورة $\frac{a}{10^n}$ حيث $n \in \mathbb{N}$ و $a \in \mathbb{Z}$

$$\frac{9}{5} ; -\frac{11}{2} ; \frac{207}{45} ; -\frac{917}{20}$$

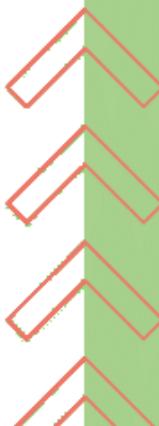
تمرين عدد 5: قارن في كل حالة : أ/ $\frac{4}{7}$ و $\frac{9}{11}$ ب/ $\frac{3}{7}$ و $\frac{9}{10}$ ج/ $\frac{4}{5}$ و $\frac{7}{6}$

$$\text{د/ } \frac{7}{4} \text{ و } \frac{8}{5} \text{ و } \frac{9}{7} \text{ و } \frac{10}{5} \text{ و } \frac{4}{9} \text{ و } \frac{3}{8}$$

تمرين عدد 6: أوجد القيمة المطلقة لكل عدد من الأعداد التالية : $\frac{-6}{-11}$; $-(-5)$; $-\frac{7}{10}$; $\frac{8}{9}$

$$a > \frac{5}{8} \text{ و } a \in \mathbb{Q} \text{ حيث } \frac{5}{8} - a ; x < \frac{3}{4} \text{ و } x \in \mathbb{Q} \text{ حيث } \frac{3}{4} - x ; 0 ; \frac{15}{-14}$$

$$y < \frac{1}{3} \text{ و } y \in \mathbb{Q} \text{ حيث } y - \frac{1}{3} \text{ مقابل } (b - \frac{4}{9}) \text{ و } b \in \mathbb{Q} \text{ حيث } b < \frac{4}{9}$$





4-الأعداد الكسرية النسبية

تمرين عدد 7: أجب بصواب أو خطأ

- (1) كل عدد صحيح طبيعي هو عدد عشري ،
- (2) كل عدد صحيح نسبي هو عدد كسري نسبي
- (3) كل عدد كسري نسبي هو عدد عشري نسبي ،
- (4) مقابل العدد الكسري النسبي $\frac{a}{b}$ هو
- (5) إذا كان $x = |x|$ فإن $x \in \mathbb{Q}_+$
- (6) إذا كان $x = -|x|$ فإن $x \in \mathbb{Q}_-$
- (7) إذا كان $-\frac{a}{c} < -\frac{b}{c}$ و $a \in \mathbb{Q}; b \in \mathbb{Q}; c \in \mathbb{Q}^*$ ،
- (8) إذا كان $|x| = |y|$ فإن $y = x$

تمرين عدد 8: ابحث عن المجموعات التالية

$$C = \left\{ x; x \in \mathbb{Q}_+ \text{ و } |x| = \frac{5}{7} \right\} ; \quad B = \left\{ x; x \in \mathbb{Q}_- ; |x| = \frac{1}{2} \right\} ; \quad A = \left\{ x; x \in \mathbb{Q} ; |x| = \frac{3}{2} \right\}$$

$$F = \left\{ x; x \in \mathbb{Q} ; |x| = x \right\} ; \quad E = \left\{ x; x \in \mathbb{Q} ; |x| = -x \right\} ; \quad D = \left\{ x; x \in \mathbb{Q} ; |x| = -3 \right\}$$

تمرين عدد 9: نعتبر المجموعة : $A = \left\{ -\frac{5}{2}; \frac{75}{125}; -\frac{3}{5}; \frac{21}{280}; \frac{99}{33}; -1; 0; \frac{5}{2}; 1 \right\}$

1/ رتب تصاعدياً عناصر المجموعة

2/ حدد عناصر المجموعات التالية

أ/ B هي مجموعة الأعداد العشرية المنتمية إلى المجموعة A

ب/ C هي مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية المنتمية إلى المجموعة A

ج/ E هي مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية المنتمية إلى المجموعة A

3/ استنتج عناصر المجموعات التالية:

4/ حدد المجموعات التالية: أ) هي مجموعة الأعداد x المنتمية إلى A بحيث $|x| = 1$

ب/ هي مجموعة الأعداد x المنتمية إلى A بحيث $|x| = \frac{3}{5}$

ج/ هي مجموعة الأعداد x المنتمية إلى A بحيث $-\frac{3}{2} < x < \frac{3}{2}$.

تمرين عدد 10: حدد المجموعات التالية:

A مجموعة الأعداد x حيث $x > -\frac{17}{4}$; B مجموعة الأعداد x حيث $-\frac{11}{5} < x < \frac{13}{4}$; $x \in \mathbb{Z}_-$

C مجموعة الأعداد x حيث $|x| < \frac{5}{2}$; D مجموعة الأعداد x حيث $x \in \mathbb{Z}$ و $|\frac{4}{3}| < x < |\frac{5}{2}|$

E مجموعة الأعداد x حيث $|x| = \frac{11}{3}$ و $x \in \mathbb{N}$; F مجموعة الأعداد x حيث $x \in \mathbb{Z}$ و $|x| = 3$

تمرين عدد 11: ارسم معينا $(O; I; J)$ في المستوى ثم عين النقطتين O و I و J .

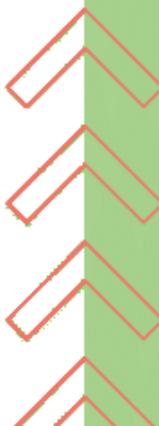
2) ماهي إحداثيات النقطة 'A' مناظرة النقطة A بالنسبة للمحور (OI).

3) ماهي إحداثيات النقطة 'B' مناظرة النقطة B بالنسبة للمحور (OJ).

4) حدد فاصلة النقاط المنتمية لل المستقيم (AA').

5) حدد ترتيبة النقاط المنتمية لل المستقيم ('BB').

6) ابحث عن إحداثيات H نقطة تقاطع المستقيمين (AA') و ('BB').





تمرين عدد 1

$\frac{a}{10^n}$ كتابته على صورة	الجزء العشري	الجزء الصحيح	العدد
$\frac{4375}{10^2}$	75	43	43.75
$\frac{1943}{10^3}$	943	1	1.943
$\frac{19}{10^2}$	19	0	0.19

تمرين عدد 2

$$-51.49 = -\frac{5149}{10^2} ; 0.037 = \frac{37}{10^3} ; -1 + \frac{59}{100} = -\frac{100}{100} + \frac{59}{100} = -\frac{41}{100} = -\frac{41}{10^2}$$

$$15 + \frac{83}{10^2} = \frac{1500}{10^2} + \frac{83}{10^2} = \frac{1583}{10^2} ; -4 - \frac{9}{10^3} = -\frac{4000}{10^3} - \frac{9}{10^3} = -\frac{4009}{10^3}$$

تمرين عدد 3: القيمة التقريبية برقمنين بعد الفاصل $\frac{1549}{10^3} = 1.549 \simeq 1.55$ ، $32.0099 \simeq 32.01$

$$12 + \frac{91}{10^4} = \frac{120000}{10^4} + \frac{91}{10^4} = \frac{120091}{10^4} = 12.0091 \simeq 12.01 ; 20.057 \simeq 20.06 ; 4.934 \simeq 4.94$$

تمرين عدد 4:

يكون عدد كسري نسبياً عشرياً إذا كانت القواسم الأولية لمقام كتابته المختزلة لأقصى حد هي 2 أو 5 أو 2 و 5 و وبالتالي الأعداد العشرية هي :

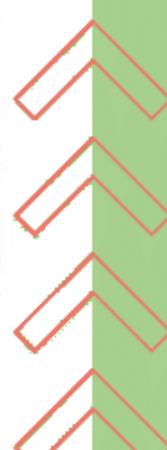
$$\frac{9}{5} = \frac{18}{20} = \frac{180}{10^2} ; \frac{207}{45} = \frac{23}{5} = \frac{26}{10} = \frac{260}{10^2}$$

$$-\frac{11}{2} = -\frac{55}{10} = -\frac{550}{10^2} ; -\frac{917}{20} = -\frac{4585}{100} = -\frac{4585}{10^2}$$

تمرين عدد 5

$$\frac{7}{6} > 1 \text{ و } \frac{4}{5} < 1 \text{ لأن } \frac{7}{6} > \frac{4}{5} \text{ لأن } 10 > 11 \text{ ، ج) } \quad \frac{9}{11} < \frac{9}{10} \text{ لأن } 4 < 4 \frac{3}{7} < \frac{4}{7} \text{ ()$$

$$\text{د) } -\frac{10}{7} < -\frac{9}{7} < 0 < \frac{10}{7} > \frac{9}{7} \text{ يعني } \frac{4}{9} > 0 > -\frac{3}{8} \text{ لأن } 4 < 4 \frac{3}{8} < 4 \text{ ()$$





$$-\frac{7}{4} < -\frac{8}{5} < -\frac{35}{20} < -\frac{32}{20} \text{ يعني } \frac{35}{20} > \frac{32}{20} \quad \begin{cases} -\frac{8}{5} = -\frac{32}{20} \\ -\frac{7}{4} = -\frac{35}{20} \end{cases}$$

تمرين عدد 6

$$\left| \frac{8}{9} \right| = \frac{8}{9}; \quad \left| \frac{-7}{10} \right| = \frac{7}{10}; \quad \left| \frac{-6}{-11} \right| = \frac{6}{11}; \quad |-(-5)| = 5; \quad |0| = 0$$

يعني $b < \frac{4}{9}$; $a - \frac{5}{8} < 0$ لأن $\left| \frac{5-a}{8} \right| = a - \frac{5}{8}$; $\left| \frac{15}{-14} \right| = \frac{15}{14}$ لأن $\frac{3}{4} - x > 0$ $| \frac{3}{4} - x | = \frac{3}{4} - x$

$\left| b - \frac{4}{9} \right| = -\left(b - \frac{4}{9} \right)$ ولذا $\left(b - \frac{4}{9} \right) > 0$ يعني $b - \frac{4}{9} < 0$

$$\left| \frac{1}{3} - y \right| = \frac{1}{3} - y \text{ يعني } 0 < y - \frac{1}{3} < 0 \text{ يعني } y - \frac{1}{3} < 0$$
 وبالتالي $y - \frac{1}{3} < 0$ يعني $y < \frac{1}{3}$

تمرين عدد 7

1) صواب ، 2) صواب ، 3) خطأ ، 4) خطأ ، 5) خطأ ، 6) صواب ، 7) خطأ ، 8) خطأ

تمرين عدد 8

$$A = \left\{ \frac{3}{2}, -\frac{3}{2} \right\}, \quad B = \left\{ -\frac{1}{2} \right\}, \quad C = \left\{ \frac{5}{7} \right\}, \quad \text{ID} = \emptyset, \quad E = \mathbb{Q}_-, \quad F = \mathbb{Q}_+$$

تمرين عدد 9

$$A = \left\{ -\frac{5}{2}, 0, -1; \frac{99}{33}, \frac{21}{280}, -\frac{3}{5}, \frac{75}{125}, \frac{5}{2}, 1 \right\}$$

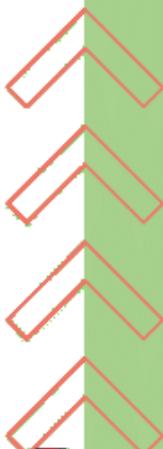
$$-\frac{5}{2} < -1 < -\frac{3}{5} < 0 < \frac{21}{280} < \frac{75}{125} < 1 < \frac{5}{2} < \frac{99}{33} \quad (1)$$

$$A = B = \left\{ -\frac{5}{2}, 0, -1; \frac{21}{280}, -\frac{3}{5}, \frac{75}{125}, \frac{5}{2}, 1; \frac{99}{33} \right\} / (2)$$

$$C = \left\{ 0, 1, \frac{99}{33} \right\} / \downarrow$$

$$D = \left\{ 0, -1, 1, \frac{99}{33} \right\} / \downarrow$$

$$A \cap \mathbb{N} = C; \quad A \cap \mathbb{Z} = D; \quad A \cap \mathbb{Q} = A; \quad A \cap \text{ID} = B \quad (3)$$





$E = \{-1; 1\}$ يعني $X = 1$ أو $-1 \in A$ وبما أن $1 \in A$ و $-1 \in A$ فـ $\{ -1; 1 \} = \{ X | X = 1 \}$ / (4)

$$F = \left(-\frac{3}{5}; \frac{3}{5} \right) \quad \text{فـ } -\frac{3}{5} \in A \text{ و } \frac{3}{5} \in A \text{ وبما أن } x = -\frac{3}{5} \text{ او } X = \frac{3}{5} \text{ يعني } |X| = \frac{3}{5} /$$

$$H = \left\{ 0; -1; \frac{21}{280}; -\frac{3}{5}; \frac{75}{125}; 1 \right\} /$$

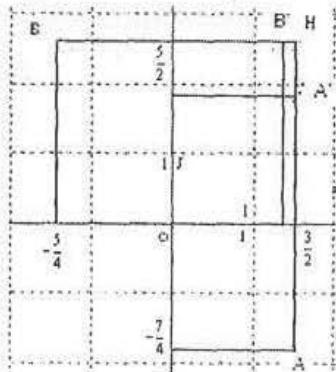
$$A = \left\{ x \in \mathbb{Z}; -\frac{11}{5} < x < \frac{13}{4} \right\} = \{ -2; -1; 0; 1; 2; 3 \} \quad \underline{\text{تمرين عدد 10}}$$

$$B = \left\{ X \in \mathbb{Z}; X > -\frac{17}{4} \right\} = \{ -4; -3; -2; -1; 0 \} \quad ; \quad C = \left\{ X \in \mathbb{Q}; |X| = \frac{4}{3} \right\} = \left\{ -\frac{4}{3}; \frac{4}{3} \right\}$$

$$D = \left\{ X \in \mathbb{Z}; |X| < \frac{5}{2} \right\} = \left\{ X \in \mathbb{Z}; -\frac{5}{2} < X < \frac{5}{2} \right\} = \{ -2; -1; 0; 1; 2 \}$$

$$E = \{ X \in \mathbb{N}; |X| = 3 \} = \{ 3 \}; F = \left\{ X \in \mathbb{ID}; |X| = \frac{11}{3} \right\} = \emptyset$$

تمرين عدد 11



(2) النقطة 'A' مناظرة النقطة A بالنسبة للمحور (OJ) هذا يعني أن فاصلة النقطة 'A' هي نفس فاصلة A و ترتيبية 'A' هي مقابل ترتيبية A و لذا فإن فاصلة 'A' يساوي $\frac{3}{2}$ و ترتيبها يساوي $\frac{7}{4}$ و بالتالي $A' = \left(\frac{3}{2}; \frac{7}{4} \right)$

(3) النقطة 'B' مناظرة النقطة B بالنسبة للمحور (OJ) هذا يعني أن فاصلة النقطة 'B' هي مقابل فاصلة B و ترتيبية 'B' هي نفس ترتيبية B ولذا فإن فاصلة 'B' يساوي $\frac{5}{4}$ و ترتيبها يساوي $\frac{5}{2}$ و بالتالي $B' = \left(\frac{5}{4}; \frac{5}{2} \right)$

(4) فاصلة النقاط المنتمية إلى المستقيم ('AA') هي نفس فاصلة كل من النقاطين A و A' و يساوي $\frac{3}{2}$

(5) ترتيب النقاط المنتمية إلى المستقيم ('BB') هي نفس ترتيب كل من النقاطين B و B' و يساوي $\frac{5}{2}$

(6) H هي نقطة تقاطع المستقيمين ('AA') و ('BB') هذا يعني أن فاصلة H هي نفس فاصلة النقطة A و ترتيبها هي نفس ترتيبية B إذن $H = \left(\frac{5}{2}; \frac{3}{2} \right)$

