

الاختبار : الرياضيات	الجمهورية التونسية وزارة التربية
الحصة : ساعتان	⊗⊗⊗ امتحان شهادة ختم التعلم الأساسي العام
الضارب : 2	دورة جوان 2014

التمرين الأول (3 نقاط) :

يلي كل سؤال ثلاث إجابات، إحداهما فقط صحيحة.

انقل، في كل مرة، على ورقة تحريرك رقم السؤال والإجابة الصحيحة الموافقة له.

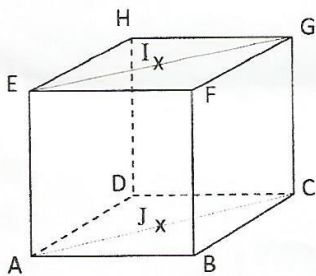
(1) عدد الأعداد الصحيحة الطبيعية الزوجية ذات ثلاثة أرقام مختلفة من بين 4 و 5 و 6 و 7 هو :

6 (أ) 12 (ب) 24 (ج)

(2) x عدد حقيقي حيث $|x-3| < 4$. مدى حصر العدد x هو :

4 (أ) 7 (ب) 8 (ج)

(3) في الرسم المقابل، لدينا ABCDEFGH مكعب حيث I منتصف [EG] و J منتصف [AC].



المستقيم (FH) عمودي على المستوي :

(أ) (ADH) (ب) (EGC) (ج) (HIJ)

التمرين الثاني (4 نقاط) :

نعتبر العددين الحقيقيين : $a = 4 - 3\sqrt{12} + \sqrt{48}$ و $b = (1 + \sqrt{3})^2$

(1) بيّن أن $a = 4 - 2\sqrt{3}$ و $b = 4 + 2\sqrt{3}$

(2) قارن بين $2\sqrt{3}$ و 4 ثم استنتج علامة العدد a

(3) (أ) بيّن أن $a \times b = 4$

(ب) استنتج أن $\sqrt{\frac{a}{b}} = 2 - \sqrt{3}$

(4) ليكن العدد الحقيقي $c = \sqrt{a} - \sqrt{b}$

(أ) بيّن أن العدد c سالب.

(ب) أحسب c^2 ثم استنتج c.

التمرين الثالث (3.5 نقاط) :

(وحدة قياس الطول هي الصنتمت)

في الرسم المقابل لدينا :

• ABC مثلث قائم في A و I منتصف [BC]

• H المسقط العمودي للنقطة A على (BC)

• $BC = 6$ و $AH = \frac{3\sqrt{3}}{2}$ و $CH = x$ حيث x عدد حقيقي موجب.

(1) بيّن أن $AH^2 = x(6-x)$ ثم استنتج أن العدد الحقيقي x يحقق المساواة : $x^2 - 6x + \frac{27}{4} = 0$

(2) بيّن أن $x^2 - 6x + \frac{27}{4} = \left(x - \frac{3}{2}\right)\left(x - \frac{9}{2}\right)$

(3) استنتج CH ثم احسب AB.

التمرين الرابع: (5.5 نقاط) (وحدة قياس الطول هي الصنتمتر)

(1) أ) أرسم معيّنًا متعامداً في المستوي (O, I, J) حيث $OI = OJ = 1$ و عيّن النقاط $A(4, 0)$ و $B(0, 2)$.

ب) بيّن أن $AB = 2\sqrt{5}$

(2) أ) عيّن النقطة $M(-2, 0)$ ثمّ إبّن النقطة C مناظرة B بالنسبة إلى M .

ب) بيّن أن إحداثيات النقطة C في المعين (O, I, J) هي $(-4, -2)$.

(3) أ) تحقّق من أن $\frac{AO}{AM} = \frac{2}{3}$

ب) لتكن G مركز ثقل المثلث ABC .

بيّن أن $\frac{AG}{AM} = \frac{2}{3}$ ثمّ إستنتج أن النقطتين O و G متطابقتان.

(4) المستقيم (CO) يقطع الضلع $[AB]$ في النقطة N .

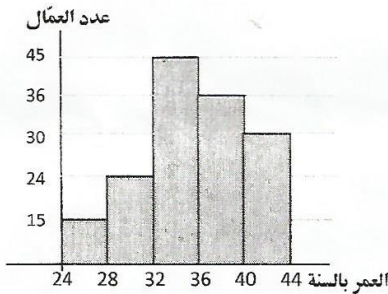
أ) بيّن أن N منتصف $[AB]$ ثمّ إستنتج أن $ON = \frac{AB}{2}$.

ب) إستنتج البعد CN .

(5) المستقيم المارّ من O والموازي لـ (AB) يقطع الضلع $[BC]$ في E ويقطع الضلع $[AC]$ في F .

أ) بيّن أن $\frac{CO}{CN} = \frac{OF}{NA}$ و $\frac{CO}{CN} = \frac{OE}{NB}$

ب) إستنتج أن O منتصف $[EF]$.



التمرين الخامس (4 نقاط):

نقدّم من خلال المخطّط التالي توزيعاً لـ 150 عاملاً بإحدى المؤسسات الصناعيّة حسب أعمارهم.

(1) أنقل الجدول التالي ثمّ أكمله بما يناسب:

العمر بالسنة	مركز الفئة	التكرار (عدد العمال)	التواتر التراكمي الصاعد بالنسبة المئوية
$[24 ; 28[$	26		
$[28 ; 32[$		36	
$[32 ; 36[$			56 %
$[36 ; 40[$			
$[40 ; 44[$			

(2) أحسب معدّل أعمار العمّال بهذه المؤسسة الصناعيّة.

(3) أ) أرسم مزلّج التواترات التراكمية الصاعدة بالنسبة المئوية.

ب) إستنتج قيمة تقريبية لموسّط هذه السلسلة.

(4) تصرّف إدارة هذه المؤسسة منحةً خصوصيّة للعمّال الذين تجاوز سنّهم 36 سنة.

إذا اخترنا بصفة عشوائية عاملاً من هذه المؤسسة، فما هو احتمال أن تشمله هذه المنحة ؟