

# امتحان شهادة ختم التعليم الأساسي العام

دورة 2013

الجمهورية التونسية  
وزارة التربية

الضارب : 2

الحصة : ساعتان

الاختبار : الرياضيات

## التمرين الأول : (3 نقاط)

يلي كل سؤال ثلاث إجابات، إحداهما فقط صحيحة.  
أنقل، في كل مرة، على ورقة تمريرك رقم السؤال والإجابة الصحيحة الموافقة له.

(1) العدد  $4536a79b$  حيث  $a$  و  $b$  رقمان، يقبل القسمة على 15 إذا كان :

(أ)  $a=5$  و  $b=2$  (ب)  $a=2$  و  $b=0$  (ج)  $a=4$  و  $b=5$

(2) مقاسات الأحذية التي يبيع بإحدى المغازات في يوم هي : 37 ، 36 ، 38 ، 39 ، 40 ، 41 ، 40 ، 41 ، 40 ، 39 ، 41 ،  
موسّط هذه السلسلة الإحصائية لمقاسات الأحذية هو :

(أ) 39 (ب) 39,5 (ج) 40

(3) يحتوي صندوق على 40 كرة كُتِبَ على كل منها ثمنها بالدينار كما بيّن الجدول التالي :

20	15	10	5	الثمن بالدينار
11	13	4	12	عدد الكرات

إذا اخترنا بصفة عشوائية كرة من بين هذه الكرات فإن احتمال أن لا يتجاوز ثمنها 12 دينارا هو :

(أ) 10 % (ب) 16 % (ج) 40 %

## التمرين الثاني : (3.5 نقاط)

نعتبر العددين الحقيقيين  $a = \frac{\sqrt{5}+1}{2}$  و  $b = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$

(1) (أ) أحسب  $a+b$

(ب) بيّن أن  $b$  مقلوب العدد  $a$ .

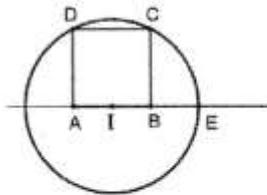
(2) (وحدة قيس الطول هي الصنتمتر).

ABCD مربع بحيث  $AB=1$  و I منتصف [AB].

الدائرة التي مركزها I و تمر من النقطة C تقطع نصف المستقيم (AB) في نقطة E.

(أ) أحسب البعد IC

(ب) بيّن أن  $AE = \frac{1+\sqrt{5}}{2}$  و  $BE = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$



**التمرين الثالث : ( 4.5 نقاط )**

نعتبر العبارة  $A = \frac{1}{3}(3x - 2) + 2x - \frac{7}{3}$  حيث  $x$  عدد حقيقي.

(1) أ) يبين أن  $A = 3x - 3$

(ب) حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحة  $3x - 3 \geq 0$

(2) لتكن العبارة  $B = x^2 - (1 + \sqrt{2})x + \sqrt{2}$  حيث  $x$  عدد حقيقي.

(أ) أحسب القيمة العددية للعبارة  $B$  في حالة  $x = \sqrt{2}$

(ب) يبين أن  $B = (x - 1)(x - \sqrt{2})$

(3) أ) يبين أن  $B - A = (x - 1)(x - \sqrt{2} - 3)$

(ب) أوجد الأعداد الحقيقية  $x$  بحيث  $A = B$

**التمرين الرابع : ( 5 نقاط )**

(وحدة قياس الطول هي الصنمتر)

$A$  و  $B$  نقطتان من المستوي حيث  $AB = 6$  و  $O$  منتصف قطعة المستقيم  $[AB]$ .

$C$  نقطة من المتوسط العمودي لقطعة المستقيم  $[AB]$  حيث  $OC = 3$ .

$D$  مناظرة  $A$  بالنسبة إلى النقطة  $C$  و  $G$  نقطة تقاطع المستقيمين  $(BC)$  و  $(OD)$ .

(1) يبين أن  $G$  مركز ثقل المثلث  $ABD$ .

(2) المستقيم  $(AG)$  يقطع  $[BD]$  في النقطة  $E$ .

(أ) يبين أن  $E$  منتصف  $[BD]$ .

(ب) يبين أن المستقيمين  $(AB)$  و  $(BD)$  متعامدان وأن  $BD = 6$ .

(ج) يبين أن  $AE = 3\sqrt{5}$  ثم أحسب  $AG$ .

(3) أ) يبين أن  $OEDC$  متوازي الأضلاع و استنتج أن  $(OG)$  حامل لإحدى موسّطات المثلث  $OEC$ .

(ب) يبين أن  $OECA$  متوازي الأضلاع. ماذا يمثل  $(EG)$  بالنسبة إلى المثلث  $OEC$  ؟

(ج) يبين أن  $G$  مركز ثقل المثلث  $OEC$ .

**التمرين الخامس : ( 4 نقاط )**

(وحدة قياس الطول هي الصنمتر)

يمثل الرسم المصاحب هرما  $SABCD$  حيث  $ABCD$  مربع و  $AB = 2\sqrt{2}$ .

المستقيم  $(SA)$  عمودي على المستقيمين  $(AB)$  و  $(AD)$  و  $SA = 2\sqrt{5}$ .

(1) أ) يبين أن المستقيم  $(SA)$  عمودي على المستوي  $(ABD)$ .

(ب) استنتج أن المثلث  $SAC$  قائم الزاوية.

(2) أ) أحسب البعد  $AC$ .

(ب) يبين أن  $SC = 6$ .

(3) لتكن  $E$  منتصف  $[SC]$ . أحسب البعد  $AE$ .

