

جديد



«Collection Pilote»

في الرياضيات

☆ مراجعة عامة

☆ تمارين وإصلاح

☆ فروض مراقبة و تأليضية

8

لتلاميذ السنة الثامنة

من التعليم الأساسي

مي ★ الهادي عبد لاوي



COLLEGE.MOURAJAA.COM

مطابق للبرامج الرسمية

طبعة منقحة

مقدمة

هذا الكتاب موجه إلى تلاميذ السنة الثامنة من التعليم الأساسي وهو يندرج ضمن سلسلة **Collection Pilote** وهو كتاب ثري يفيد التلميذ في مراجعة دروسه وتشخيص مكتسباته. وهو يتضمن ما يلي:

❖ مراجعة عامة للدروس.

❖ تمارين متنوعة تتلائم مع المستويات المختلفة للتلاميذ.

❖ فروض مراقبة وتأليفية.

نريد من هذا الكتاب إعداد التلميذ لمراجعة كاملة و شاملة لمختلف المفاهيم الواردة ببرنامج الرياضيات للسنة الثامنة من التعليم الأساسي والتأليف بينها وتهيئته لاجتياز أي اختبار أو المبياد بامتياز.

بذلك يكون هذا الكتاب أحسن إعداد للتلميذ لبقية الأقسام القادمة.

نأمل أن يكون هذا العمل خير سند للتلميذ والمدرّس، وهو ككل عمل قابل للمراجعة والتطوير. وفي الختام نشكر الأساتذة عبد الكريم الدرعي ومحمد بن عمار و ناجي مخلوفي على النقد والملاحظات.

الفهرس

الإصلاح	التمارين	
1	3	1- أنشطة في الحساب
7	7	2- مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية
9	10	3- الجمع و الطرح و الضرب في مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية
14	14	4- الأعداد الكسرية
17	17	5- الجمع والطرح في مجموع الأعداد الكسرية النسبية
25	21	6- الضرب والقسمة في مجموعة الأعداد الكسرية النسبية
30	25	7- القوى في مجموعة الأعداد الكسرية النسبية
37	29	8- المعادلات من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد
44	33	9- التناسب
48	36	10- أنشطة حول الإحصاء والاحتمالات
55	41	11- التناظر المركزي
59	46	12- الزوايا الحاصلة عن تقاطع مستقيمين متوازيين مع مستقيم
63	50	13- تقاييس المثلثات
69	56	14- رباعيات الأضلاع
72	61	15- الهرم والمخروط و الكرة
75	65	16- التوازي في الفضاء
79	72	17- الفروض

مراجعة عامة

- 1- أ- نعتبر a و b عددين صحيحين طبيعيين حيث $b \neq 0$
- القسمة الإقليدية للعدد a على العدد b تعني كتابة العدد a على شكل $a = b \times q + r$ حيث q و r عددان صحيحان طبيعيين و $r < q$. a يسمى المقسوم، b يسمى القاسم، q يسمى خارج القسمة، r يسمى الباقي.
 - يكون العدد b قاسما للعدد a إذا كان $r = 0$.
- ب- عدد أولي هو عدد صحيح طبيعي أكبر من 1 ولا يقبل القسمة إلا على 1 وعلى نفسه.
- 2- قابلية القسمة على: 4، 8، 25:
- أ) - يكون عدد (أكبر من 99) قابلا للقسمة على 4 إذا كان العدد المتكون من رقميه الأخيرين (رقم الآحاد ورقم العشرات) قابلا للقسمة على 4.
- باقي قسمة عدد على 4 هو نفس باقي قسمة العدد المتكون من رقميه الأخيرين على 4.
- ب- يكون عدد (أكبر من 99) قابلا للقسمة على 25 إذا كان العدد المتكون من رقميه الأخيرين (رقم الآحاد والعشرات) قابلا للقسمة على 25.
- باقي قسمة عدد على 25 هو نفس باقي قسمة العدد المتكون من رقميه الأخيرين على 25.
- ج- يكون عدد (أكبر من 999) قابلا للقسمة على 8 إذا كان العدد المتكون من أرقامه الثلاث الأخيرة (رقم الآحاد ورقم العشرات و رقم المئات) قابلا للقسمة على 8.
- باقي قسمة عدد على 8 هو نفس باقي قسمة العدد المتكون من أرقامه الثلاث الأخيرة على 8.

التمارين

تمرين عدد 01: أكمل تعميم الجدول التالي:

المقسوم	القاسم	خارج القسمة	الباقي
436		17	11
1756	13	135	
	45	99	33
6519	50		
17411		145	

تمرين عدد 02:

نعتبر a و q و r أعداد صحيحة طبيعية حيث $q \neq 0$ و $a = q \times 11 + r$.

- (1) قارن بين العددين q و r .
- (2) أثبت أن العدد $a - r$ مضاعفا للعدد q .

تمرين عدد 03:

أجب بـ " صواب " أو " خطأ ":

- (1) كل عدد صحيح طبيعي مخالف للصفر هو قاسم لنفسه ولصفر.
 - (2) كل عدد صحيح طبيعي هو مضاعف لنفسه و لو احد.
 - (3) العدد 1 هو أولي
 - (4) يكون عدد صحيح طبيعي أوليا إذا كان له قاسما واحدا.
 - (5) كل عدد أولي هو فردي.
 - (6) كل عدد صحيح طبيعي غير أولي يمكن تفكيكه إلى جداء عوامل أولية.
 - (7) نقبل، عدد صحيح طبيعي القسمة على 8 إذا كان مجموع أرقامه مضاعفا للعدد 8.
- يح طبيعي فردي هو أولي.

تمرين عدد 04 : (1) اذكر من بين الأعداد التالية تلك التي تقبل القسمة على 4:

3172 ، 0 ، 8749 ، 59908 ، 16591 .

(2) ما هو باقي قسمة كل عدد من الأعداد السابقة على 4 ؟

تمرين عدد 05 :

(1) اذكر من بين الأعداد التالية تلك التي تقبل القسمة على 25:

4975 ، 34545 ، 25976 ، 0 ، 83550 .

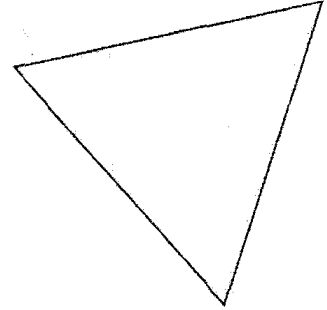
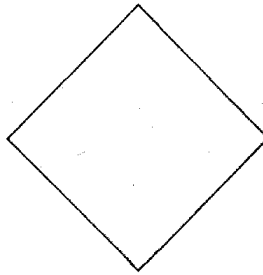
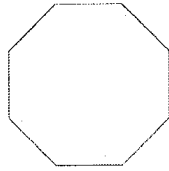
(2) ما هو باقي قسمة كل عدد من الأعداد السابقة على 25 ؟

تمرين عدد 06 :

(1) اذكر من بين الأعداد التالية تلك التي تقبل القسمة على 8 : 19720 ، 35891 ، 16104 ، 0 ، 419173 .

(2) ما هو باقي قسمة كل عدد من الأعداد السابقة على 8 ؟

تمرين عدد 07 الأشكال التالية لها نفس المحيط والأضلاع المناسبة لها أعداد صحيحة طبيعية



ثمانى أضلاع متقايس الأضلاع

معين

مثلث متقايس الأضلاع

ما هو العدد المناسب لمحيط الأشكال السابقة من بين الأعداد التالية مع تعليل الجواب.

{ 160 , 222 , 180 , 360 }

ملاحظة: لم يقع اعتماد نفس السلم في رسم هذه الأشكال.

تمرين عدد 08 : عوض في كل حالة الرمز * برقم ليكون العدد المتحصل عليه قابلا للقسمة على 4:

47*2 ، 1589* ، 743*0 ، 1796* ، 7945*6 .

تمرين عدد 09 : عوض في كل حالة الرمز * برقم ليكون العدد المتحصل عليه قابلا للقسمة على 25:

437* ، 971*0 ، 743*5 ، 3465* .

تمرين عدد 10 : ضع رقما مكان الحرف x لكي يصبح العدد قابلا للقسمة في نفس الوقت على 4 و 3 :

37x2 ، 509x4 ، 815x8 ، 536x .

تمرين عدد 11 : ضع رقما مكان كل نقطة لكي يصبح العدد قابلا للقسمة في نفس الوقت على 8 و 9 :

235•72 ، 781•0 ، 587•88 .

تمرين عدد 12 : ضع رقما مكان كل نقطة لكي يصبح العدد قابلا للقسمة في نفس الوقت على 25 و 3

427•0 ، 89•5 ، 372•0 ، 393•5 .

تمرين عدد 13 : نعتبر a عدد صحيح طبيعي مضاعفا للعدد 35 و b عدد صحيح طبيعي مضاعفا للعدد 21 .

(1) بين أن العدد a+b يقبل القسمة على 7 .

(2) بين أن العدد a×b يقبل القسمة على 15 .

تمرين عدد 14 :

(1) هل أن كل عدد قابل للقسمة على 4 و 5 في نفس الوقت يقبل القسمة على 20؟ علل جوابك .

، للقسمة على 4 و 6 يقبل القسمة على 24؟ أعط مثال يدعم جوابك .

تمرين عدد 15:

(1) فكك إلى جداء عوامل أولية الأعداد التالية: 48 ، 108 ، 300 .

(2) احسب المجموع $300+108+48$ ثم استنتج أن العدد 456 قابل للقسمة على $2^2 + 3^2 + 5^2$.

تمرين عدد 16: نعتبر a و n و p أعدادا صحيحة طبيعية حيث $p < n$. بين أن العدد a^{n-p} قاسما للعدد a^n .

تمرين عدد 17: نعتبر a عددا صحيحا طبيعيا. بين أن العدد $a^{2006} + a^{2007} + a^{2008}$ يقبل القسمة على العدد $a^2 + a + 1$.

تمرين عدد 18: (1) فكك إلى جداء عوامل أولية الأعداد التالية: 24 ، 54 ، 180 ، 336 .

(2) ابحث عن: ق.م.أ (336,180) ، ق.م.أ (100,54) ، م.م.أ (54,24) .

(3) اختزل إلى أقصى حد الأعداد الكسرية التالية: $\frac{54}{180}$ ، $\frac{180}{336}$.

(4) نعتبر $a=336$ و $b=24$. بدون إنجاز عملية قسمة، بين أن العدد $a-b$ يقبل القسمة على 13 وأن العدد $a+b$ يقبل القسمة على 15 .

تمرين 19: (1) أ) حدد ق.م.أ (252;396)

(ب) ما هي مجموعة القواسم المشتركة لـ 252 و 396

(2) لعامل قضيبان من الحديد طول الأول 252cm وطول الثاني 396cm . يريد أن يقسمهما إلى قطع متساوية الطول بحيث لا يزيد طول القطعة الواحدة على 20cm ولا يقل على 10cm .

(أ) ما هو أكبر طول ممكن لكل قطعة؟ وكم عددها؟

(ب) ما هو أصغر طول ممكن لكل قطعة؟ وكم عددها؟

تمرين عدد 20: نعتبر العدد $x78$ حيث x عدد صحيح طبيعي.

(1) ابحث عن باقي القسمة الإقليدية للعدد $x78$ على 25

(2) ابحث عن العدد x إذا علمت أن خارج القسمة الإقليدية للعدد $x78$ على 4 هو 2419 .

تمرين عدد 21: نعتبر العدد $y168$ حيث y عدد صحيح طبيعي.

(1) هل أن العدد $y168$ يقبل القسمة على 8 ؟

(2) ابحث عن العدد y إذا علمت أن خارج القسمة الإقليدية للعدد $y168$ على 25 هو 366 .

تمرين عدد 22:

(1) نعتبر a و b عددين صحيحين طبيعيين حيث b قاسم لـ a . ابحث عن:

ق.م.أ (b,a) ، م.م.أ (b,a) ، ق.م.أ (1,a) ، م.م.أ (0,b)

(2) نعتبر n و p عدنان صحيحين طبيعيين حيث $n=2p$ ابحث عن: ق.م.أ (p,n) ، م.م.أ (p,n)

تمرين عدد 23: نعتبر x و y عدنان صحيحان طبيعيين حيث $xy=3888$. ابحث عن:

م.م.أ (y,x) علما أن $18=$ ق.م.أ (y,x)

تمرين عدد 24: بمؤسسة إعدادية عدد التلاميذ بالسنة الثامنة محصور بين 300 و 400 . قام مدير المؤسسة في مرة

أولى بتوزيعهم بالتساوي على 12 قسم فكان الباقي 5 تلاميذ . فأعاد في مرة ثانية توزيعهم بنفس الطريقة على 15 قسم فكان الباقي كذلك 5 تلاميذ . ابحث عن عدد التلاميذ .

تمرين عدد 25: (1) أثبت أن $n^2 + 11n + 36 = (n+3)(n+8) + 12$ ، $n \in \mathbb{IN}$.

(2) ابحث عن الأعداد الطبيعية n ليكون $n+3$ قاسم لـ $n^2 + 11n + 36$

تمرين عدد 26

قام يوسف بقسمة العدد 2011 على عدد آخر فتحصل على باقي يساوي 1011
ماذا فعل؟ يوسف:

(أ) قام بقسمة العدد 2011 على 1200 ؛ (ب) قام بقسمة العدد 2011 على 1000 ؛ (ج) قام بقسمة العدد 2011 على 1100
(د) قام بقسمة العدد 2011 على 1010 ؛ (هـ) قام بخطأ

تمرين عدد 27:

أثبت أنه إذا كان باقي قسمة عدد طبيعي n على 3 يساوي 2 إذن 3 قاسم لـ $n(n+1)$.

أثبت أن 3 قاسم للعدد $(413003)^2 + 413003$

تمرين عدد 28:

ليكن P عددا طبيعيا . أثبت أن $p(p+1)$ زوجي.

ليكن n عدد طبيعيا فرديا أثبت أن 8 قاسم لـ $(n-1)(n+1)$.

تمرين عدد 29: ليكن d عدد طبيعيا قاسما لـ 6678 و d قاسم لـ 6669.

أثبت أن d قاسم لـ 9.

استنتج ق.م.أ (6678;6669).

تمرين عدد 30: بين أن العدد $2^{100} + 2^{101} + 2^{102} + 2^{103}$ قابل للقسمة على 15.

تمرين عدد 31:

أوجد العدد الصحيح الطبيعي المحصور بين 400 و 450 وباقي قسمته على 2 أو 3 أو 4 أو 5 يساوي 3.

تمرين عدد 32: قام أستاذ رياضة باختيار 30 تلميذ من السنة السابعة و 36 تلميذ من السنة الثامنة و 42 تلميذ من السنة التاسعة. أراد أن يكون منهم جميعا فرق لإقامة مباريات في كرة القدم بحيث كل فريق يشمل على نفس العدد من كل مستوى. (1) كم عدد الفرق؟

(2) كم هو عدد التلاميذ من نفس المستوى بكل فريق؟

تمرين 33: يمكن تبليط بيت مستطيلة الشكل بنوعين من الجليز شكل الواحدة من النوع الأول مربع ضلعه 30 cm

وشكل الواحدة من الثاني مربع ضلعه 25 cm.

دون اللجوء إلى أجزاء من أي نوع منهما، أوجد لعدي البيت إذا علمت أنهما محصوران بين 5 m و 8 m.

تمرين 34: منارة على شاطئ البحر تبعث إشارة حمراء

كل 10 ثوان وإشارة خضراء

كل 14 ثانية. بعثت الإشارتان في آن واحد على الساعة

السابعة مساء.

(1) بعد كم من الوقت تنبعث الإشارتان في آن واحد؟

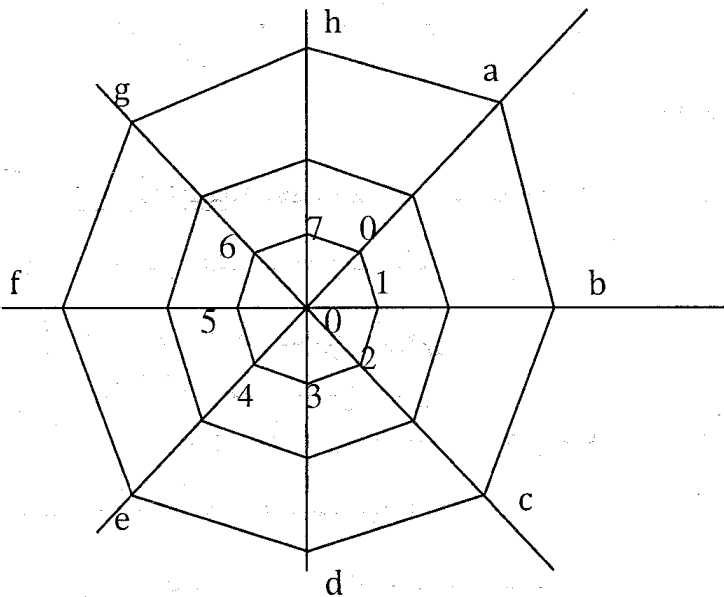
(2) كم من مرة تنبعث الإشارتان في آن واحد إلى حدود

الساعة الثامنة مساء و 3 دقائق؟

تمرين عدد 35: تأمل الشكل التالي ثم حدد نصف المستقيم

الذي يوجد عليه باقي القسمة لكل من الأعداد 13 ، 26 ،

33 ، 320 ، 406 ، 767 ، 1779 على 8



مراجعة عامة

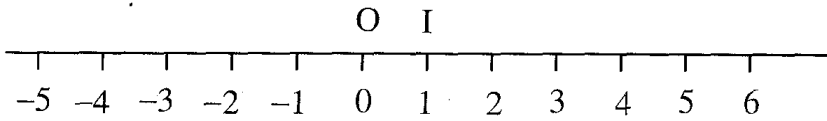
مراجعة عامة:

- (1) * $\mathbb{N} = \{ 0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots \}$ مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية.
- * $\mathbb{Z} = \{ 0, 1, -1, 2, -2, 3, -3, \dots \}$ مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية.
- * $\mathbb{Z}_+ = \{ 0, 1, 2, 3, 4, \dots \}$ مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية الموجبة.
- * $\mathbb{Z}_- = \{ 0, -1, -2, -3, -4, \dots \}$ مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية السالبة.
- * $\mathbb{Z}_+ = \mathbb{IN} ; \mathbb{Z}_+ \cap \mathbb{Z}_- = \{ 0 \} ; \mathbb{Z}_+ \cup \mathbb{Z}_- = \mathbb{Z}$

(2) لتدرج مستقيم بواسطة الأعداد الصحيحة النسبية.

نختار نقطتين مختلفين منه تمثلان على التوالي العددين 0 و 1 .

- النقطة O التي تمثل العدد 0 تسمى أصل التدرج.
- النقطة I التي تمثل العدد 1 تسمى النقطة الواحدة.
- البعد OI تسمى وحدة التدرج.

(3) ليك a عددا صحيحا نسبيا و M نقطةفاصلتها العدد a على مستقيم مدرج بالمعين (O, I) حيث $OI = 1 \text{ cm}$.القيمة المطلقة للعدد الصحيح النسبي a هي البعد OM ونرمز لها $|a|$.(4) إذا كان n عددا صحيحا طبيعيا فإن $|n| = |-n| = n$.

التمارين

تمرين 01- أجب بصواب أو بخطأ

- (أ) $\frac{-144}{3}$ هو عدد صحيح نسبي.
- (ب) $-\sqrt{9}$ هو عدد صحيح طبيعي.
- (ج) 14,23 هو عدد صحيح نسبي.
- (د) كل عدد صحيح طبيعي هو عدد صحيح نسبي.
- (هـ) $-\left|\frac{-15}{2}\right|$ هو عدد صحيح نسبي.
- سببي هو عدد طبيعي.

تمرين ع-02-دد: أتمم بأحد الرموز التالية : \in أو \notin أو \subset أو $\not\subset$ أو $=$:

$$-4,5 \dots \mathbb{Z}_- ; 4 \dots \mathbb{Z}_- ; \frac{-20}{4} \dots \mathbb{Z} ; 0 \dots \mathbb{Z}_+ ; \frac{-3}{2} \dots \mathbb{Z}$$

$$\{0 ; -1 ; 3\} \dots \mathbb{Z}_+ ; \mathbb{Z}_+ \dots \mathbb{N} ; \mathbb{Z}_- \dots \mathbb{Z} ; \mathbb{N} \dots \mathbb{Z}$$

$$\sqrt{81} \dots \mathbb{N} ; \left\{ \frac{15}{3} ; 0 ; -7 \right\} \dots \mathbb{N} ; \left\{ 1 ; \frac{13}{2} ; -5 \right\} \dots \mathbb{Z}$$

$$\left| -\frac{30}{5} \right| \dots \mathbb{Z}_- ; \left| \frac{-13}{5} \right| \dots \mathbb{Z}_+ ; -\sqrt{16} \dots \mathbb{Z}$$

تمرين ع-03-دد: اذكر الأعداد الصحيحة النسبية من بين الأعداد التالية :

$$\sqrt{25} ; -\sqrt{40} ; -\sqrt{64} ; -\left(-\frac{54}{3}\right) ; -\frac{100}{19} ; 36 ; -434 ; -\frac{48}{8} ; \frac{19}{3} ; 0 ; \left| -\frac{11}{2} \right| ; \left| -\frac{15}{3} \right|$$

تمرين ع-04-دد: جد القيمة المطلقة لكل عدد من الأعداد التالية :

$$0 ; -43 ; 363 ; |-49| ; -|-5| ; -\sqrt{25} ; \sqrt{81}$$

تمرين ع-05-دد: لنفرض المجموعة التالية: $A = \{0 ; 2 ; -2 ; 3 ; -3 ; -5 ; 6 ; -6 ; 8\}$

حدّد عناصر كل من المجموعات التالية :

(أ) B هي مجموعة الأعداد الموجبة والمنتمية إلى المجموعة A .

(ب) C هي مجموعة الأعداد السالبة والمنتمية إلى المجموعة A .

(ج) D هي مجموعة الأعداد x المنتمية إلى المجموعة A حيث $|x| = 3$.

(د) E هي مجموعة الأعداد x المنتمية إلى المجموعة A حيث $|x| = 5$.

(هـ) F هي مجموعة الأعداد x المنتمية إلى المجموعة A حيث $|x| = 7$.

(و) G هي مجموعة الأعداد x المنتمية إلى المجموعة A حيث $|x| < 5$.

تمرين ع-06-دد: جد إن أمكن ذلك في كل وضعية من الوضعيات التالية الأعداد الصحيحة النسبية x :

$$-11 ; |x| = 13 ; |x| = -|5| ; |x| = 0 ; |x| = 4 ; |x| = 1 ; |x| = |-3| ; |x| = -9 ; -|x|$$

تمرين ع-07-دد: جد المجموعات التالية

(أ) A هي مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية x بحيث $|x| = 13$.

(ب) B هي مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية x بحيث $|x| = x$.

(ج) C هي مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية x بحيث $|x| = -x$.

(د) D هي مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية x بحيث $|x| = -13$.

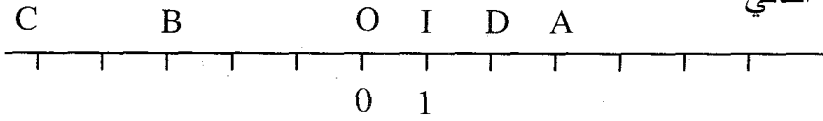
تمرين 08- نعتبر المجموعات التالية

$$G = \left\{ 0 ; -1 ; -\frac{15}{3} ; 4 \right\} ; F = \left\{ 0 ; -4 ; 1 ; -5 ; -\frac{15}{5} \right\} ; \left\{ 0 ; -3 ; \frac{15}{2} ; -\frac{12}{3} ; 1 \right\}$$

جد المجموعات التالية:

$$Z \cap E ; F \cap G ; E \cap F ; E \cup G ; E \cup F ; E \cap Z_- ; Z \cup F ; G \cap Z_+ ; N \cap F$$

تمرين 09- نعتبر المستقيم المدرج التالي

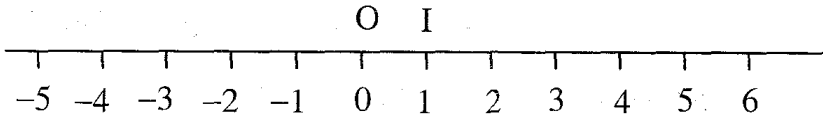


(1) ما هي فاصلة كل من النقاط A و B و C و D .

(2) عيّن النقطتين E و F التي فاصلتهما على التوالي (-2) و 4.

(3) عيّن النقطة M منتصف [OE] ثم حدّد فاصلتها.

تمرين 10- نعتبر المستقيم المدرج



التالي حيث $OI = 1 \text{ cm}$.

(1) عيّن النقطتين A و B التي فاصلتها

على التوالي 3 و (-2).

(2) احسب : OA و OB .

(3) عيّن النقطة M من [OA] حيث $OM = 4 \text{ cm}$. ما هي فاصلة M ؟

(4) عيّن النقطة N من (OI) حيث فاصلتها سالبة و $ON = 5 \text{ cm}$.

مراجعة عامة:

* مجموع عددين صحيحين نسبيين لهما نفس العلامة هو عدد صحيح نسبي قيمته المطلقة هي مجموع القيمتين المطلقتين للعددين و علامته هي علامة العددين

* مجموع عددين صحيحين نسبيين مختلفي العلامة هو عدد صحيح نسبي قيمته المطلقة هي الفرق بين أكبر و أصغر قيمة مطلقة للعددين و علامته هي علامة العدد الذي له أكبر قيمة مطلقة

* مهما يكن العدان النسبان a و b فإن: $a+b=b+a$

ونقول إن الجمع في \mathbb{Z} هي عملية تبديلية

* مهما تكن الأعداد الصحيحة النسبية a و b و c فإن: $(a+b)+c=a+(b+c)$

ونقول إن الجمع في \mathbb{Z} هي عملية تجميعية

* لايتغير مجموع عدة أعداد صحيحة نسبية بتغيير ترتيب حدوده لاو بتعويض أحد حدوده بمجموع يساويه

* طرح عدد صحيح نسبي يعني إضافة مقابله أي $a-b = a+(-b)$ حيث a و b عدان صحيحان نسبان

* مهما يكن العدان النسبان a و b فإن: $(a=b)$ يعني $(a-b=0)$

* عند حذف الأقواس المسبوقة بعلامة (+) لا تتغير العلامات الموجودة داخل الأقواس بينما تتغير كل هذه العلامات عندما تكون الأقواس مسبوقة بعلامة (-)

* مهما يكن العدان الصحيحان النسبان a و b فإن: $(a \leq b)$ يعني $(a-b \leq 0)$ و $(a < b)$ يعني $(a-b < 0)$

* جداء عددين صحيحين نسبيين مختلفي العلامة هو عدد صحيح نسبي سالب قيمته المطلقة هي

جداء القيمتين المطلقتين لهذين العددين

* جداء عددين صحيحين نسبيين لهما نفس العلامة هو عدد صحيح نسبي موجب قيمته المطلقة هي

جداء القيمتين المطلقتين لهذين العددين

* في جداء لا تحذف الأقواس لعدد سالب إلا إذا كان هو عامله الأول

* مهما يكن العدان النسبان a و b فإن: $a \times b = b \times a$

ونقول إن الضرب في \mathbb{Z} هي عملية تبديلية

* مهما تكن الأعداد الصحيحة النسبية a و b و c فإن: $(a \times b) \times c = a \times (b \times c)$

ونقول إن الضرب في \mathbb{Z} هي عملية تجميعية

* مهما تكن الأعداد الصحيحة النسبية a و b و c فإن: $a \times (b+c) = a \times b + a \times c$

ونقول إن الضرب في \mathbb{Z} هي عملية توزيعية على الجمع

* مهما تكن الأعداد الصحيحة النسبية a و b و c فإن: $a \times (b-c) = a \times b - a \times c$

ونقول إن الضرب في \mathbb{Z} هي عملية توزيعية على الطرح

* لايتغير جداء عدة أعداد صحيحة نسبية بتغيير ترتيب عوامله و بتعويض بعض من عوامله

التمارين

تمرين عدد 01: احسب:

$$(-20)+(-3) ; 343+(+15) ; (-92)+223 ; (-50)-(+49)$$

$$(-237)+(+14) ; (-30)-(-54) ; (+88)-(+22) ; (-29)+(-11)$$

تمرين عدد 02: احسب

$$(-4)+19+(-33) ; (-17)-(-20)+34 ; (+12)+(+120)+(+13)$$

$$(+18)+(-20)+(-15) ; (-144)-(+173)-15$$

$$(-18)-(+19)+(-30)-12 ; 39+(-50)-45-39$$

تمرين عدد 03: احسب :

$$12-(23-45+3)-(-12+47) ; -[-(32-85)+56]-(56-69)$$

$$-(-58)+[-63+14-(35-24)] ; [19-21-(-24)]-[-(-26)+18]$$

$$(-89-21-4)-[-43-(-5)]-(63-47) ; 0-56-[0-(25-39)]+[1-(-26)]$$

تمرين عدد 04:

$$(أ) احسب: $123+456$ و $123-456$$$

(ب) احسب بدون إنجاز أية عملية:

$$(123+892)-(456+892) ; (123-252)+(456+252) ; (123-632)-(456-632)$$

$$(123+236)+(456-236) ; [(123-472)+(456+472)]+[(123-669)-(456-669)]$$

تمرين عدد 05:

$$a و b هما عددان صحيحان نسبيان يحققان $a-b=-12$$$

احسب:

$$a-(3+b) ; 12-(b-4)+a ; a-1-(b-6) ; -(b-5)-(-a+8)$$

$$b-(9+a) ; -(a-8)-(1-b) ; (7+b)+(3-a)-1$$

تمرين عدد 06:

$$احسب $|a-b|$ و $|a|$ و $|b|$ و $|a|-|b|$ و $|a|-|b|$ في كل من الحالات التالية:$$

$$(أ) $a=2$ و $b=9$ ؛ (ب) $a=-5$ و $b=-7$ ؛ (ج) $a=-11$ و $b=12$ ؛ (د) $a=b=-1$ ؛ (هـ) $a=-b=-3$$$

تمرين عدد 07:

$$جد العدد الصحيح النسبي x في كل من الحالات التالية:$$

$$-14+x=15 ; -x+11=0 ; 5-(2-x)=1 ; (-x-8)-9=0 ; 7+[(-6)-x]=-4$$

تمرين عدد 08:

احسب الجداءات التالية:

$$(-8) \times 9 ; (-5) \times (-3) ; (-6) \times (-9) \times 7 ; (-10) \times (-1) \times (-3) ; (-11) \times (-4) \times (-2) \times (-5)$$

$$(-7) \times 10 \times (-3) \times 6 \times (-5) ; (-77) \times 140 \times (-341) \times 0 \times (-558)$$

تمرين عدد 09:

أعط علامة كل عدد من الأعداد التالية دون حسابها:

$$A = (-17) \times (-89) \times (-49) \times (-57) ; B = (-15) \times (-99) \times (-409) \times 36$$

$$C = (-47) \times (-109) \times 39 \times (-17) \times (-97) ; D = (-457) \times (-29) \times (-39) \times (-127) \times (-90)$$

تمرين عدد 10:

احسب: $ab + 3a - 2b$ و $a(-2b + 5a)$ و $a(1-b) - b(1-a)$ في كل من الحالات التالية:

(أ) $a = -2$ و $b = 0$ ؛ (ب) $a = -3$ و $b = -1$ ؛ (ج) $a = 4$ و $b = 1$ ؛ (د) $a = b = 0$ ؛ (هـ) $a = -b = 1$

تمرين عدد 11:

اكتب في صيغة جذاء العبارات التالية حيث a و b عدنان صحيحان نسبيا:

$$14a + 7 ; -5b + 10 ; -18a - 24 ; ab + 2a ; -3b + 9ab ; -15ab - 5a ; 4 - 8a + 6b ; 3ab - a$$

تمرين عدد 12:

اختصر العبارات التالية حيث x و y عدنان صحيحان نسبيا :

$$x + 2y + 5x - y ; -4y + 2x + 3y - 7x ; -x - y - 8x - 6y ; 17x - y - 19x - y ; -20y - 18x + x + 5y - 12x$$

تمرين عدد 13:

بعد نشوب حريق بإحدى المباني، كان رجل المطافئ في منتصف السلم فصعد 7 درجات، ازداد اللهب فانخفض 5 درجات ثم خفت اللهب فصعد الدرجات التسعة المتبقية ودخل المنزل. كم من درجة يحتوي هذا السلم علما وأنه عدد فردي؟

تمرين عدد 14:

لاحظت مرام أن ساعتها تتأخر 14 ثانية في كل ساعة، عدلتها يوم الأحد في منتصف النهار إلى ماذا تشير ساعة مرام يوم الثلاثاء على الساعة الرابعة مساء.

تمرين عدد 15:

انشر ثم اختصر العبارات التالية حيث a و b عدنان صحيحان نسبيا:

$$3(a+b) + 2(3a+2b) ; -2(a-b) + 5(-a+b) ; 4(-2a+3b) - (a-2b) ; -8a - 7(a-2b) - 2(3a+b)$$

تمرين عدد 16:

اختصر العبارة: $|a| - |b| - |a-b|$ وذلك في كل من الحالات التالية:

(أ) $a \leq b$ و $b \in \mathbb{Z}_+$ و $a \in \mathbb{Z}_+$

(ب) $a \geq b$ و $b \in \mathbb{Z}_-$ و $a \in \mathbb{Z}_-$

(ج) $b \in \mathbb{Z}_-$ و $a \in \mathbb{Z}_+$

(د) a مقابل b

تمرين عدد 17:

نعتبر العبارتين: $A = -2(a-b) + 3(b-2a) + 3a$ و $B = 3(-2a+b) - 2(b-a) + 3(3a-2b)$

حيث a و b عدنان صحيحان نسبيا

(1) أثبت أن $A = 5b - 5a$ و $B = 5a - 5b$

(2) احسب A و B في كل من الحالتين :

(أ) $a = -3$ و $b = -1$

(ب) $a = b$

(3) فكك إلى جذاء عوامل A و B

(4) أثبت أن A و B متقابلان

تمرين عدد 18:

نعتبر العبارتين: $X = -2(-2x + y) - 3(x - 2y)$ و $Y = 4(x - 3y) - 3(x - 5y)$

حيث x و y عددان صحيحان نسبيين

(1) انشر ثم إختصر العبارتين X و Y

(2) احسب العبارتين X و Y في كل من الحالتين :

(أ) $x = -1$ و $y = 0$

(ب) $x = y = -2$

(3) قارن العبارتين X و Y في كل حالة :

(أ) $y \in \mathbb{Z}_+$ ؛ (ب) $y \in \mathbb{Z}_-$ ؛ (ج) $y = 0$

تمرين عدد 19:

لتكن العبارتين: $A = 3ab - 2a(b - 2) + b(3 - a)$ و $B = -2b(-2 + a) - 3a(b - 1) + 5ab$

حيث a و b عددان صحيحان نسبيين

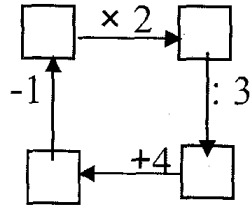
(1) أثبت أن $A = 4a + 3b$ و $B = 4b + 3a$

(2) احسب A و B في كل من الحالتين :

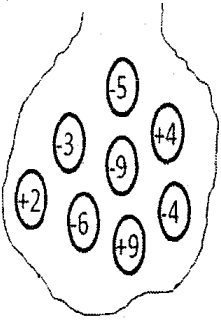
(أ) $a = -1$ و $b = -2$

(ب) $a = 0$ و $b = -3$

(3) قارن العبارتين A و B في كل حالة: (أ) $a \geq b$ ؛ (ب) $a \leq b$ ؛ (ج) $a = b$



تمرين عدد 20: ضع العدد المناسب في كل مربع

**تمرين عدد 21:**

تتمثل الصورة المقابلة في كيس يحوي على 8 أقراص حيث يحمل كل منها عددا

صحيحا نسبيا

- قام يوسف بسحب 4 أقراص من الكيس بصفة عشوائية ثم قام بجمع الأعداد

المتحصّل عليها

أ-

ماهي النتيجة المتحصّل عليها علما أن الأقراص التي تم سحبها تحمل الأعداد (-5 ; +4 ; -6 ; -9)؟

ب- علما أن النتيجة المتحصّل عليها هي 0 فماهي الأقراص التي تم سحبها ؟

ج- علما أن النتيجة المتحصّل عليها هي (-12) ومن بين الأقراص التي تم سحبها (6) و (2)

فماهما القرصان الآخران الذان تم سحبهما ؟

مراجعة عامة

(1) الأعداد العشرية النسبية:

أ- كل عدد عشري نسبي يتكون من جزء صحيح و جزء عشري ، مثال: 17.93 هو عدد عشري 17 يسمى الجزء الصحيح لهذا العدد و 93 يسمى الجزء العشري له

- الكتابة $\frac{1739}{10^2}$ أو $\frac{1739}{100}$ هي كتابة للعدد العشري 17.93 على صورة $\frac{a}{10^n}$ حيث $a=1793$ و $n=2$

- كل عدد عشري نسبي يمكن كتابته على صورة $\frac{a}{10^n}$ حيث a عدد صحيح نسبي و n عدد صحيح طبيعي

ب- لتكن $\frac{a}{b}$ كتابة مختزلة إلى أقصى حد لعدد كسري نسبي يكون هذا العدد الكسري النسبي عددا عشريا نسبيا إذا كانت

القواسم الأولية للمقام هي 2 أو 5 أو 5 و 2

(2) رموز و مصطلحات:

أ- نرمز بـ :

\mathbb{N} : لمجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية

\mathbb{Z} : لمجموعة الأعداد الصحيحة النسبية ، \mathbb{Q} : لمجموعة الأعداد الكسرية النسبية ،
 \mathbb{Z}_+ : لمجموعة الأعداد الصحيحة النسبية الموجبة ، \mathbb{Q}_+ : لمجموعة الأعداد الكسرية النسبية الموجبة ،
 \mathbb{Z}_- : لمجموعة الأعداد الصحيحة النسبية السالبة ، \mathbb{Q}_- : لمجموعة الأعداد الكسرية النسبية السالبة ،
 \mathbb{ID} : لمجموعة الأعداد العشرية النسبية الموجبة ، \mathbb{ID}_+ : لمجموعة الأعداد العشرية النسبية الموجبة ،
 \mathbb{Q}_+ : لمجموعة الأعداد الكسرية النسبية الموجبة ، \mathbb{Q}_- : لمجموعة الأعداد الكسرية النسبية السالبة ،
 \mathbb{Q}^* : لمجموعة الأعداد الكسرية النسبية المخالفة لصفر

ب- لتكن A و B مجموعتان :

• $A \subset B$ يعني كل عنصر من المجموعة A هو أيضا عنصر من المجموعة B و تقرأ " A محتواة في B "

• $B \not\subset A$ يعني يوجد على الأقل عنصر من المجموعة A لا ينتمي إلى المجموعة B و تقرأ " A غير محتواة في B "

• $B \cap A$ يعني تقاطع المجموعتين A و B و هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى المجموعة A و إلى المجموعة B

• $A \cup B$ يعني اتحاد المجموعتين A و B هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى المجموعة A أو إلى

المجموعة B

أمثلة : $\mathbb{Z} \subset \mathbb{ID}$ ؛ $\mathbb{N} \subset \mathbb{Q}$ ؛ $\mathbb{N} \subset \mathbb{ID}$ ؛ $\mathbb{ID} \not\subset \mathbb{Z}$ ؛ $\mathbb{Q} \not\subset \mathbb{ID}$ ؛ $\mathbb{Z} \cap \mathbb{ID} = \mathbb{Z}$ ؛ $\mathbb{Z}_+ \cap \mathbb{Q} = \mathbb{Z}_+$ ؛ $\mathbb{Q}_- \cup \mathbb{Q}_+ = \mathbb{Q}$

(3) مقابل عدد كسري نسبي :

مقابل العدد الكسري النسبي الموجب $\frac{a}{b}$ هو العدد الكسري السالب $-\frac{a}{b}$ ، $-\frac{a}{b} = \frac{-a}{b} = -\frac{a}{b}$ ،

مقابل العدد الكسري السالب $-\frac{a}{b}$ هو العدد الكسري الموجب $\frac{a}{b}$

(4) مقارنة الأعداد الكسرية النسبية:

أ- إذا كان $\frac{a}{b}$ عددا كسريا موجبا فإن : $\frac{a}{b} > 1$ يعني $a > b$ ، $\frac{a}{b} < 1$ يعني $a < b$ ، $\frac{a}{b} = 1$ يعني $a = b$

ب- إذا كان $\frac{a}{b}$ و $\frac{c}{l}$ عدنان كسريان موجبان فإن : $\frac{a}{b} > \frac{c}{l}$ يعني $a > c$ ، $\frac{a}{b} < \frac{c}{l}$ يعني $b < c$

ج- مهما كانت الأعداد الصحيحة الطبيعية a و b و c و d حيث $b \neq 0$ و $d \neq 0$ فإن :

$$-\frac{a}{b} < -\frac{c}{d} \quad \text{يعني} \quad \frac{a}{b} > \frac{c}{d}, \quad -\frac{c}{d} < 0 < \frac{c}{d}$$

(5) القيمة المطلقة لعدد كسري نسبي :

نرمز بـ $\left| \frac{a}{b} \right|$ للقيمة المطلقة للعدد الكسري النسبي $\frac{a}{b}$ ، إذا كان $\frac{a}{b}$ عددا كسريا موجبا

إذا كن $\frac{a}{b}$ عددا كسريا سالبا $\left| \frac{a}{b} \right| = -\frac{a}{b}$

التمارين

تمرين عدد 1: أكمل تعميم الجدول التالي

العدد	الجزء العشري	الجزء الصحيح	كتابته على صورة $\frac{a}{10^n}$
75,43			
	0	19	
			$\frac{1943}{10^3}$

تمرين عدد 2: اكتب الأعداد التالية على صورة $\frac{a}{10^n}$ حيث $a \in \mathbb{Z}$ و $n \in \mathbb{N}$

$$0.037 ; -51.49 ; 15 + \frac{83}{10^2} ; -4 - \frac{9}{10^3} ; -1 + \frac{59}{100}$$

تمرين عدد 3: أعط القيمة التقريبية برقمين بعد الفاصل لكل من الأعداد التالية

$$12 + \frac{91}{10^4} ; \frac{1549}{10^3} ; 4.934 ; 20.057 ; 32.0099$$

تمرين عدد 4: استخراج الأعداد العشرية و اكتبها على صورة $\frac{a}{10^n}$ حيث $a \in \mathbb{Z}$ و $n \in \mathbb{N}$

$$\frac{917}{20} ; \frac{207}{45} ; -\frac{11}{2} ; \frac{9}{5}$$

تمرين عدد 5: قارن في كل حالة : أ/ $\frac{4}{7}$ و $\frac{3}{7}$ ب/ $\frac{9}{11}$ و $\frac{9}{10}$ ج/ $\frac{4}{5}$ و $\frac{7}{6}$

$$د/ $\frac{4}{9}$ و $-\frac{3}{8}$ ه/ $-\frac{9}{7}$ و $-\frac{10}{7}$ و/ $-\frac{8}{5}$ و $-\frac{7}{4}$$$

تمرين عدد 6: أوجد القيمة المطلقة لكل عدد من الأعداد التالية : $\frac{8}{9}$; $-\frac{7}{10}$; $-(-5)$; $-\frac{6}{-11}$

$$\frac{15}{-14} ; 0 ; \frac{3}{4} - x \text{ حيث } x \in \mathbb{Q} \text{ و } x < \frac{3}{4} ; \frac{5}{8} - a \text{ حيث } a \in \mathbb{Q} \text{ و } a > \frac{5}{8}$$

$$-(b - \frac{4}{-}) \text{ حيث } b \in \mathbb{Q} \text{ و } b < \frac{4}{9} ; \text{مقابل } (y - \frac{1}{3}) \text{ حيث } a \in \mathbb{Q} \text{ و } y < \frac{1}{3}$$

تمرين عدد7: أجب بصواب أو خطأ

- (1) كل عدد صحيح طبيعي هو عدد عشري ، (2) كل عدد صحيح نسبي هو عدد كسري نسبي
 (3) كل عدد كسري نسبي هو عدد عشري نسبي ، (4) مقابل مقابل العدد الكسري النسبي $\frac{a}{b}$ هو $\frac{a}{b}$
 (5) إذا كان $|x| = x$ فإن $x \in \mathbb{Q}$ ، (6) إذا كان $|x| = -x$ فإن $x \in \mathbb{Q}$
 (7) إذا كان $|x| = |y|$ فإن $x = y$ ، (8) إذا كان $a \in \mathbb{Q}$; $b \in \mathbb{Q}$; $c \in \mathbb{Q}^*$ فإن $-\frac{a}{c} < -\frac{b}{c}$

تمرين عدد 8 ابحث عن المجموعات التالية

$$C = \left\{ x; x \in \mathbb{Q}_+ \text{ و } |x| = \frac{5}{7} \right\} ; B = \left\{ x; x \in \mathbb{Q}; |x| = \frac{1}{2} \right\} ; A = \left\{ x; x \in \mathbb{Q} \text{ و } |x| = \frac{3}{2} \right\}$$

$$F = \{x; x \in \mathbb{Q} \text{ و } |x| = x\} ; E = \{x; x \in \mathbb{Q} \text{ و } |x| = -x\} ; D = \{x; x \in \mathbb{Q} \text{ و } |x| = -3\}$$

تمرين عدد9: نعتبر المجموعة: $A = \left\{ -\frac{5}{2}; \frac{75}{125}; -\frac{3}{5}; \frac{21}{280}; \frac{99}{33}; -1; 0; \frac{5}{2}; 1 \right\}$

1/ رتب تصاعديا عناصر المجموعة A

2/ حدد عناصر المجموعات التالية

أ/ B هي مجموعة الأعداد العشرية المنتمة إلى المجموعة A

ب/ C هي مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية المنتمة إلى المجموعة A

ج/ E هي مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية المنتمة إلى المجموعة A

3) استنتج عناصر المجموعات التالية: $D \cap \mathbb{N}$; $A \cap \mathbb{Z}$; $A \cap \mathbb{Q}$; $A \cap \mathbb{D}$

4) حدد المجموعات التالية: أ) E هي مجموعة الأعداد x المنتمة إلى A بحيث $|x| = 1$

ب/ F هي مجموعة الأعداد x المنتمة إلى A بحيث $|x| = \frac{3}{5}$

ج/ H هي مجموعة الأعداد x المنتمة إلى A بحيث $-\frac{3}{2} < x < \frac{3}{2}$

تمرين عدد10: حدد المجموعات التالية:

A مجموعة الأعداد x حيث $x \in \mathbb{Z}$ و $-\frac{11}{5} < x < \frac{13}{4}$; B مجموعة الأعداد x حيث $x \in \mathbb{Z}$ و $x > -\frac{17}{4}$

C مجموعة الأعداد x حيث $x \in \mathbb{Q}$ و $|x| = \frac{4}{3}$; D مجموعة الأعداد x حيث $x \in \mathbb{Z}$ و $|x| < \frac{5}{2}$

E مجموعة الأعداد x حيث $x \in \mathbb{N}$ و $|x| = 3$; F مجموعة الأعداد x حيث $x \in \mathbb{D}$ و $|x| = \frac{11}{3}$

تمرين عدد 11: ارسم معينا (O;I;J) في المستوى ثم عين النقطتين $A\left(\frac{3}{2}; -\frac{7}{4}\right)$; $B\left(-\frac{5}{4}; \frac{5}{2}\right)$

2) ماهي إحداثيات النقطة A' منظرية النقطة A بالنسبة للمحور (OI).

3) ماهي إحداثيات النقطة B' منظرية النقطة B بالنسبة للمحور (OJ).

4) حدد فاصلة النقاط المنتمة للمستقيم (AA').

5) حدد ترتيبية النقاط المنتمة للمستقيم (BB').

H نقطة تقاطع المستقيمين (AA') و (BB').

مراجعة عامة

- عملية الجمع في مجموعة الأعداد الكسرية النسبية \mathbb{Q} هي عملية تبديلية وجمعية أي :

مهما كانت الأعداد الكسرية النسبية a و b و c فإن $a + b = b + a$ و $a + (b + c) = (a + b) + c$

$$(2) \text{ إذا كان } \frac{a}{d} \text{ و } \frac{b}{d} \text{ عددين كسريين نسبين فإن : } \frac{a}{d} + \frac{b}{d} = \frac{a+b}{d} \quad ; \quad \frac{a}{d} + \left(-\frac{a}{d}\right) = \frac{a}{d} - \frac{a}{d} = 0$$

$$(3) \text{ إذا كان } \frac{a}{b} \text{ و } \frac{c}{d} \text{ عددين كسريين نسبين فإن : } \frac{a}{b} + \frac{c}{d} = 0 \text{ يعني } \frac{a}{b} = -\frac{c}{d} \quad ; \quad \frac{a}{b} - \frac{c}{d} = \frac{a}{b} + \left(-\frac{c}{d}\right)$$

$$\frac{a}{b} - \left(-\frac{c}{d}\right) = \frac{a}{b} + \frac{c}{d} \quad ; \quad \frac{a}{b} > \frac{c}{d} \text{ يعني } \frac{a}{b} - \frac{c}{d} > 0 \quad ; \quad \frac{a}{b} < \frac{c}{d} \text{ يعني } \frac{a}{b} - \frac{c}{d} < 0$$

(4) إذا كانت M و N نقطتين من مستقيم مدرّج فاصلاتهما على الترتيب عددان كسريان m و n فإن البعد MN يساوي

$$|n - m| \text{ أي } |n - m| = MN$$

التمارين

تمرين عدد 01: احسب :

$$\left(\frac{-19}{20}\right) + \left(\frac{-5}{4}\right) \quad ; \quad \frac{9}{15} + \left(\frac{-7}{5}\right) \quad ; \quad \frac{-3}{7} + \frac{8}{14} \quad ; \quad \frac{3}{4} + \frac{5}{2} \quad ; \quad \left(\frac{-5}{9}\right) + \frac{5}{3} + \left(\frac{-4}{9}\right)$$

$$\frac{3}{40} + \left(\frac{-4}{5}\right) + \frac{7}{8} \quad ; \quad \frac{11}{4} + \frac{9}{2} + \frac{15}{8} \quad ; \quad \left(\frac{-2}{7}\right) + \left(\frac{-8}{14}\right) + \left(\frac{-9}{21}\right)$$

تمرين عدد 02: احسب :

$$\left(\frac{-43}{36}\right) - \left(\frac{-23}{12}\right) \quad ; \quad \frac{35}{20} - \left(\frac{-5}{8}\right) \quad ; \quad \left(\frac{-1}{14}\right) - \frac{11}{2} \quad ; \quad \frac{15}{11} - \frac{9}{4} \quad ; \quad \frac{28}{21} - \left(\frac{-5}{2}\right) - \frac{31}{6}$$

$$\left(\frac{-25}{45}\right) - \frac{1}{3} - \frac{7}{9} \quad ; \quad \frac{13}{4} - \frac{17}{2} - \frac{19}{8} \quad ; \quad \left(\frac{-7}{4}\right) - \left(\frac{-2}{5}\right) - \left(\frac{-3}{20}\right)$$

تمرين عدد 03: اختر الجواب الصحيح من بين الأجوبة a, b, c

$$(1) \quad \left(\frac{17}{8} - \frac{16}{5}\right) - \left(\frac{1}{8} + \frac{4}{5}\right) \text{ يساوي : } \quad \text{a) } -2 \quad ; \quad \text{b) } 2 \quad ; \quad \text{c) } \frac{4}{40}$$

$$(2) \quad x \in \mathbb{Q}^* \text{ و } x+1 \in \mathbb{Q}^* \text{ فإن } \frac{1}{x} - \frac{1}{x+1} \text{ يساوي : } \quad \text{a) } \frac{1}{x(x+1)} \quad ; \quad \text{b) } -1 \quad ; \quad \text{c) } 1$$

$$(3) \quad \frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \frac{1}{4 \times 5} + \frac{1}{5 \times 6} + \frac{1}{6 \times 7} + \frac{1}{7 \times 8} + \frac{1}{8 \times 9} \text{ يساوي : } \quad \text{a) } -\frac{1}{144} \quad ; \quad \text{b) } \frac{8}{9} \quad ; \quad \text{c) } \frac{1}{2}$$

$$(4) \text{ إذا كان } a \in \mathbb{Q} \text{ و } a \text{ أكبر من مقابله } (-a) \text{ فإن } a \text{ ينتمي إلى : } \quad \text{a) } \mathbb{Q} \quad ; \quad \text{b) } \mathbb{Q}_- \quad ; \quad \text{c) } \mathbb{Q}_+$$

احسب العبارات التالية :

تمرين عدد 04:

$$Y = \left(\frac{25}{13} + \frac{51}{17}\right) - \left(\frac{70}{26} + \frac{51}{17}\right) \quad ; \quad X = \left(\frac{14}{9} - \frac{13}{19}\right) + \left(\frac{5}{3} + \frac{13}{19}\right)$$

$$T = \frac{-37}{24} - \left(\frac{11}{24} + \frac{16}{13}\right) \quad ; \quad Z = \left(\frac{28}{15} - \frac{73}{34}\right) - \left(\frac{12}{5} - \frac{73}{34}\right) \quad ; \quad W = -\frac{43}{18} - \left(\frac{11}{18} - \frac{23}{19}\right)$$

تمرين عدد 5: اختصر العبارات التالية حيث: $a \in \mathbb{Q}$ و $b \in \mathbb{Q}$.

$$Z = -\frac{2}{3}b + \frac{3}{2}a - \frac{3}{5}b - \frac{7}{4}a + b + a. \quad , \quad Y = \frac{5}{2}a - \frac{4}{5}b + \frac{3}{4}a + 2b \quad , \quad X = 3a + 5b - 2a + 3b + a - b$$

$$T = \frac{1}{2}a - \frac{5}{3}b - \frac{4}{7}a + \frac{5}{9}b - a - b.$$

تمرين عدد 6 ليكن a و b عددين كسريين نسبيين حيث $a - b = -\frac{7}{2}$. احسب :

$$F = \left(a - \frac{11}{8}\right) + \left(\frac{3}{2} - b\right) ; \quad E = a + \frac{9}{4} - b ; \quad H = \left(b - \frac{9}{8}\right) - \left(a - \frac{5}{16}\right) ; \quad G = a - \left(\frac{13}{20} + b\right) - \frac{31}{4}$$

تمرين عدد 7: احسب العبارة: $B = |a+b| - |a-b| + ||a| - |b||$ في كل من الحالات التالية :

$$a = \frac{1}{2} \text{ و } b = \frac{5}{8} \text{ (أ) ; } a = -\frac{3}{7} \text{ و } b = \frac{11}{14} \text{ (ب) ; } a = \frac{13}{8} \text{ و } b = -\frac{9}{32} \text{ (ج) ; } a = -\frac{2}{3} \text{ و } b = -\frac{1}{6} \text{ (د)}$$

تمرين عدد 8: جد العدد الكسري النسبي x في كل حالة :

$$\left(x + \frac{2}{9}\right) - \frac{1}{3} = \frac{13}{27} ; \quad x - \frac{11}{5} = -\frac{7}{3} ; \quad x + \frac{5}{2} = \frac{4}{3}$$

$$\frac{1}{2} - \left[\frac{7}{6} - \left(x - \frac{2}{3}\right)\right] = 0 ; \quad \frac{7}{2} - \left(\frac{17}{8} - x\right) = \frac{1}{16} ; \quad \frac{23}{15} - \left(x + \frac{1}{5}\right) = -\frac{8}{3}$$

تمرين عدد 9: جد x في كل من الحالات التالية:

$$\begin{aligned} |x - \frac{7}{5}| = \frac{3}{10} & ; \quad |x + \frac{5}{3}| = \frac{7}{3} & ; \quad |x + \frac{1}{2}| = 0 & ; \quad |x| = \frac{5}{2} \\ \frac{9}{10} - |x + \frac{1}{5}| = \frac{1}{20} & ; \quad \frac{1}{6} + |x - \frac{4}{5}| = \frac{4}{3} & ; \quad -\frac{7}{15} + |x| = -\frac{1}{30} & ; \quad -\frac{5}{7} + |x| = 0 \end{aligned}$$

تمرين عدد 10: ليكن a و b عددين كسريين حيث $a - b = -\frac{4}{3}$. قارن x و y في كل حالة :

$$Y = \frac{11}{3} - a \text{ و } X = \frac{7}{12} - b \text{ (ب) ; } Y = b + \frac{4}{3} \text{ و } X = a + \frac{5}{6} \text{ (أ)}$$

$$Y = \frac{8}{5} - b \text{ و } X = -\frac{17}{15} - a \text{ (د) ; } Y = \frac{13}{6} + a \text{ و } X = \frac{1}{2} + b \text{ (ج)}$$

تمرين عدد 11: ليكن a و b و c أعداد كسرية نسبية حيث $a - b < 0$

(1) اختصر العبارتين A و B

$$B = -(a - b) - (-a + c + b) + b ; \quad A = (a - c) - [-(b - c)] - b + c$$

(2) احسب: $A - B$ ، استنتج مقارنة A و B

تمرين عدد 12: لتكن العبارة F التالية حيث $x \in \mathbb{Q}$ ، $y \in \mathbb{Q}$ ،

$$F = (x - y) - \left(\frac{7}{5} + |y|\right) - \frac{2}{15}$$

(1) احسب العبارة F إذا كان $x = -\frac{4}{3}$ و $y = \frac{2}{5}$

(2) اختصر العبارة F إذا كان $y \in \mathbb{Q}_-$

$$F = -\frac{11}{2} \text{ و } y \in \mathbb{Q}_-$$

تمرين عدد13: أعطيت أبرار ثلاث ساعات لإنجاز بحث. استغرق إنجاز الوثائق ربع الوقت واستغرق تنظيم المعطيات ثلثي الوقت واستغرقت كتابة البحث على الحاسوب واستخراجها سدس الوقت. هل تجاوزت أبرار الوقت المحدد لها. علل جوابك.

تمرين عدد14: نعتبر المستقيم المدرج التالي :

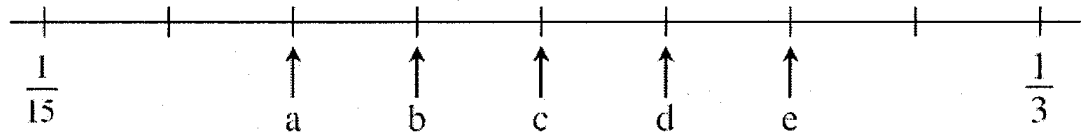
1 عيّن النقاط A و B و C و D و E التي فاصلاتها على التوالي $\frac{4}{5}$ و $-\frac{11}{5}$ و 3,4 و -4,2 و $-\frac{7}{5}$

(2 احسب الأبعاد AB و BC و DC و ED و AE .

(3 ما هي فاصلة النقطة M المنتمية إلى (OI) حيث $BM = \frac{12}{5}$ (أذكر كل الحالات)

(4 ما هي فاصلة النقطة N المنتمية إلى (OI) حيث $EN = \frac{9}{5}$ (أذكر كل الحالات)

تمرين عدد15: نعتبر المستقيم المدرج التالي :



أين يوجد العدد الكسري $\frac{1}{6}$ ؟

(أ a ; ب b ; ج c ; د d ; هـ e)

تمرين عدد16:

(1 ليكن x عددا كسريا ; بين أن $\frac{1}{x+1} - \frac{1}{x+2} = \frac{1}{(x+1)(x+2)}$

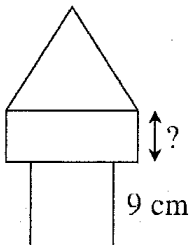
(2 احسب العبارة $A = \frac{1}{100 \times 101} + \frac{1}{101 \times 102} + \frac{1}{102 \times 103} + \frac{1}{103 \times 104} + \frac{1}{104 \times 105} + \frac{1}{105 \times 106} + \frac{1}{106 \times 107}$

(3 احسب العبارة $B = \frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \dots + \frac{1}{97 \times 98} + \frac{1}{98 \times 99}$

تمرين عدد 17

الشكل المقابل يتكون من مثلث متقايس الأضلاع و مستطيل مربع ضلعه 9cm؛ هذه الأشكال لها نفس المحيط إذن البعد الممثل بنقطة الإستفهام هو:

(أ 4cm ؛ ب 5cm ؛ ج 6cm ؛ د 7cm ؛ هـ 8cm)



تمرين عدد18

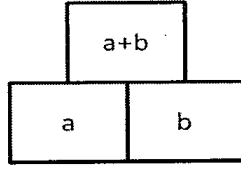
يملك فادي مبلغا من المال أعط ثلثه إلى يوسف ثم خمسة إلى مرام ثم رבעه إلى أبرار

1- ماهو العدد الكسري الذي يمثل المبلغ الباقي؟

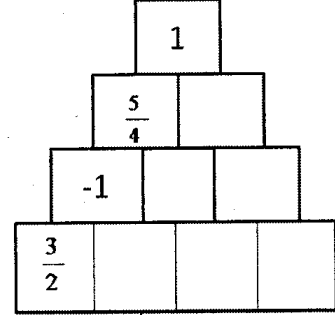
2- أراد فادي شراء لعبة فوجد ثمنها يساوي ربع ماكان يملكه

بينة؟ علل جوابك

تمرين عدد 19 :



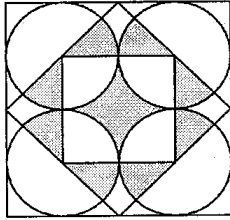
أكمل تعميم الهرم مع إحترام التمثيل التالي :



تمرين عدد 20

العدد الكسري الذي يمثل المساحة الملونة في الشكل المقابل هو:

أ) $\frac{1}{3}$ ؛ ب) $\frac{1}{4}$ ؛ ج) $\frac{3}{4}$ ؛ د) $\frac{5}{12}$ ؛ هـ) $\frac{3}{16}$



مراجعة عامة:

(1) إذا كان $\frac{a}{b}$ و $\frac{c}{d}$ عددين كسريين نسبيين فإن $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$ ؛ $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ يعني $a \times d = b \times c$ (جاء الطرفين يساوي

جاء الوسيطين) ؛ $0 \times \frac{a}{b} = \frac{a}{b} \times 0 = 0$ ؛ $1 \times \frac{a}{b} = \frac{a}{b} \times 1 = \frac{a}{b}$ ؛ $(-1) \times \frac{a}{b} = \frac{a}{b} \times (-1) = \frac{-a}{b}$ ؛

(2) الضرب في المجموعة \mathbb{Q} هي عملية :

* تبديلية : $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{c}{d} \times \frac{a}{b} = \frac{a \times c}{b \times d}$ ؛ * تجميعية : $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} \times \frac{e}{f} = \frac{a}{b} \times \left(\frac{c}{d} \times \frac{e}{f} \right) = \left(\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} \right) \times \frac{e}{f}$ ؛

* توزيعية على الجمع : $\frac{a}{b} \times \left(\frac{c}{d} + \frac{e}{f} \right) = \frac{a}{b} \times \frac{c}{d} + \frac{a}{b} \times \frac{e}{f}$ ؛

* توزيعية على الطرح : $\frac{a}{b} \times \left(\frac{c}{d} - \frac{e}{f} \right) = \frac{a}{b} \times \frac{c}{d} - \frac{a}{b} \times \frac{e}{f}$ ؛ حيث $\frac{a}{b}$ و $\frac{c}{d}$ و $\frac{e}{f}$ أعداد كسرية نسبية .

(3) ليكن $\frac{a}{b}$ عددا كسريا مخالفا للصفر

* مقلوب العدد $\frac{a}{b}$ هو العدد $\frac{b}{a}$ و نرسم له بـ $\frac{1}{\frac{a}{b}} = \frac{b}{a}$ ، * عدنان مقلوبان هما عدنان جاءهما يساوي 1 ؛ $\frac{a}{b} \times \frac{b}{a} = 1$ ؛

(4) إذا كان $\frac{a}{b}$ و $\frac{c}{d}$ عددين كسريين نسبيين و $\frac{c}{d} \neq 0$ فإن خارج قسمة العدد $\frac{a}{b}$ على العدد $\frac{c}{d}$ هو جاء العدد $\frac{a}{b}$ في

مقلوب العدد $\frac{c}{d}$ و نرسم له بـ : $\frac{a}{b} : \frac{c}{d}$ أو $\frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$ ، $\frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$ ؛

التمارين

تمرين عدد 01: اختر الجواب الصحيح من بين الأجوبة a, b, c

(1) $\left(\frac{-17}{300} \right) \times \left(\frac{-150}{34} \right)$ يساوي a) $\frac{-1}{4}$ ؛ b) $\frac{1}{4}$ ؛ c) $\frac{1}{2}$

(2) $\left(1 + \frac{1}{196} \right) \left(1 + \frac{1}{197} \right) \left(1 + \frac{1}{198} \right) \left(1 + \frac{1}{199} \right) \left(1 + \frac{1}{200} \right)$ يساوي : a) $\frac{201}{196}$ ؛ b) $\frac{1}{196}$ ؛ c) $\frac{1}{200}$

(3) $x \in \mathbb{Q}^*$ و $y \in \mathbb{Q}^*$ و x مقلوب y فإن $\frac{x+2}{x+3}$ يساوي : a) $\frac{1+2y}{1+3y}$ ؛ b) $\frac{2}{3}$ ؛ c) 1

تمرين عدد 02: احسب : $\frac{4}{7} \times \frac{5}{3} \times \frac{14}{2}$ ؛ $\frac{15}{4} \times \left(\frac{-19}{13} \right) \times \frac{4}{15}$ ؛ $\left(\frac{-21}{8} \right) \times \left(\frac{-2}{7} \right) \times \frac{4}{3}$

$\left(\frac{-1}{12} \right) \times \left(\frac{-24}{17} \right) \times (-34)$ ؛ $\left(\frac{-33}{5} \right) \times \left(\frac{10}{11} \right) \times \left(\frac{-7}{6} \right)$ ؛ $\frac{23}{5} \times \left(\frac{-3}{5} \right) \times (-6)$

تمرين عدد 03: احسب بأبسط طريقة

$$\left(\frac{-13}{4}\right) \times \left[\left(\frac{-4}{13}\right) - \frac{8}{39}\right] ; \left(-\frac{3}{5}\right) \times \left[\frac{35}{9} + \left(\frac{-5}{3}\right)\right] ; \left(\frac{-15}{8}\right) \times 11 - \left(\frac{-15}{8}\right) \times 21$$

$$\left(\frac{-19}{7}\right) \times 19 + \left(\frac{-19}{7}\right) \times (-9) ; \left(\frac{-13}{21}\right) \times \left(\frac{-14}{7}\right) + \left(\frac{-13}{21}\right) \times \frac{4}{7} ; \left(\frac{-1}{3}\right) \times \left[\left(\frac{-3}{7}\right) - 6\right]$$

تمرين عدد 04: احسب

$$\frac{-25}{\frac{3}{15}} \times \left(-\frac{9}{5}\right) ; \left(\frac{-7}{3}\right) \times \frac{6}{\frac{7}{2}} ; \frac{3}{5} \times \frac{4}{3} ; \frac{-3}{21} \times \frac{7}{-2} ; \frac{11}{8} \times \frac{8}{\frac{33}{2}} ; \left(-\frac{1}{3}\right) \times \frac{-6}{\frac{5}{-15}} ; \frac{5}{7} \times \frac{-14}{-4} ; \frac{-3}{4} \times \frac{15}{\frac{5}{3}}$$

تمرين عدد 05: احسب

$$A = \frac{-\frac{3}{4} + \frac{5}{2}}{\frac{6}{5} - \frac{1}{10}} ; B = \frac{\left(\frac{-6}{23}\right) \times \left(\frac{-17}{9}\right)}{-\frac{1}{6} - \frac{7}{2}} ; C = \frac{\frac{4}{33} - \frac{5}{11}}{\frac{-4}{7} \times \frac{1}{3}}$$

$$D = \frac{-\frac{5}{2} + \frac{3}{4} - \frac{1}{8}}{\frac{2}{3} \times \frac{5}{4} - \frac{11}{6}} ; E = \frac{-\frac{3}{2} + \frac{5}{2} - \frac{1}{2}}{\frac{4}{7} + \frac{2}{-8} - \frac{1}{2}} ; F = \frac{\frac{1}{3} - \frac{5}{6} - \frac{1 - \frac{1}{2}}{(-2) \times \frac{1}{5}} - \frac{3}{10}}{-2 + \frac{4}{5}}$$

تمرين عدد 06: لتكن العبارتين التاليتين E و F حيث x و y و z أعداد كسرية نسبية.

$$F = \frac{10y(x-z) - 15(x-z)}{(x+y)(2y-3)(x-z)} ; E = \frac{3(x+y) - 2z(x+y)}{5(3-2z)}$$

(1) اختصر E و F .

(2) أثبت أن E مقلوب F

تمرين عدد 07: بين أن العدد (a - b) هو مقلوب العدد $\frac{a+b}{a^2-b^2}$ حيث $a \neq b$

تمرين عدد 08: انشر ثم اختصر

$$A = 2x\left(\frac{1}{2}y - z\right) - y\left(x + \frac{2}{3}\right) + 2xz ; B = -y\left(\frac{5}{3} + x\right) + z(x - y) - x(z - y) + zy$$

$$D = \frac{-7}{5}x(y - z) + xy\left(\frac{7}{5} + z\right) - xyz ; C = \left(x + \frac{4}{3}\right)\left(y - \frac{1}{2}\right) - x\left(y - \frac{1}{2}\right) + \frac{2}{3}$$

تمرين عدد 09: اكتب في صيغة جداء: $Y = \frac{3}{2}(a+1) - b(a+1)$; $X = -\frac{1}{2}ab + 2b$

$$Z = (b-1)(a+1) + (b-1)(1-a) - b(b-1) ; T = \frac{-5}{3}a + ab + b\left(\frac{-5}{3} + b\right)$$

تمرين عدد 10: جد العدد الكسري النسبي x في كل

$$\text{حالة } \frac{x+3}{5} = \frac{1}{5} ; \frac{-x+1}{19} = \frac{-5}{19} ; \frac{x-4}{3} = \frac{1}{2} ; \frac{1-x}{6} = \frac{-2}{5}$$

$$\frac{-x-\frac{1}{2}}{7} = \frac{1}{3} ; \frac{-2}{5}(x+1) - \frac{3}{2} = \frac{9}{4} ; \frac{-5}{3} + \frac{x-5}{4} = -\frac{1}{6}$$

تمرين عدد 11: $x \in \mathbb{Q}^*$ و $y \in \mathbb{Q}^*$ و $\frac{x}{y} = \frac{4}{3}$ احسب العبارة $A = \frac{5x+8y}{3x-2y}$

تمرين عدد 12: (1) ليكن x عدد صحيح طبيعي أثبت أن $\frac{x+1}{x+2} = 1 - \frac{1}{x+2}$

(2) احسب العبارة $P = \left(1 - \frac{1}{2}\right) \left(1 - \frac{1}{3}\right) \left(1 - \frac{1}{4}\right) \left(1 - \frac{1}{5}\right) \left(1 - \frac{1}{6}\right) \left(1 - \frac{1}{7}\right) \left(1 - \frac{1}{8}\right) \left(1 - \frac{1}{9}\right) \left(1 - \frac{1}{10}\right)$

(3) احسب العبارة $Q = \left(1 - \frac{1}{2}\right) \left(1 - \frac{1}{3}\right) \left(1 - \frac{1}{4}\right) \dots \left(1 - \frac{1}{8000}\right) \left(1 - \frac{1}{8001}\right)$

تمرين عدد 13: اختصر العبارات التالية حيث a و b و c أعداد كسرية نسبية مخالفة للصفر.

$$A = \frac{(-2) \times a \times \left(\frac{-4}{3}\right) \times b \times c}{a \times \left(-\frac{1}{3}\right) \times b \times (-4)} ; B = \frac{\frac{5}{7} \times b \times \left(-\frac{4}{9}\right) \times c}{\frac{4}{9} \times b \times a \times \left(-\frac{1}{5}\right) \times c} ; C = \frac{\frac{1}{2} \times b \times c + \frac{1}{2} \times b \times a}{-\frac{1}{2} \times (a+c)} ; D = \frac{-3 \times a \times b - 6 \times b \times c}{2 \times b \times (a+2c)}$$

تمرين عدد 14: x و y عددين كسريين $x \neq 0$ و $y \neq 0$

(أ) بيّن أن $\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$ هو مقلوب $\frac{xy}{x+y}$. (ب) بيّن أن $\frac{1}{2}x \cdot \left(\frac{1}{3y}\right)$ هو مقلوب $\frac{6y}{x}$. (ج) بيّن أن $-\frac{2}{3}x \cdot \left(\frac{5}{y}\right)$ هو مقلوب $\frac{-3y}{10x}$

تمرين عدد 15: أكمل المربع السحري التالي علما أن جداء كل سطر وجداء كل عمود وجداء القطرين متساوية.

		$\frac{3}{10}$
	$\frac{3}{4}$	
$\frac{15}{8}$		$\frac{1}{15}$

تمرين عدد 16: إذا كان الجزء المضيء من القمر اليوم يساوي أربعة أسباعه ففي أي يوم قمري نحن إذا علمت أن في شهر قمري به 28 يوم؟ (أذكر كل الاحتمالات).

تمرين عدد 17:

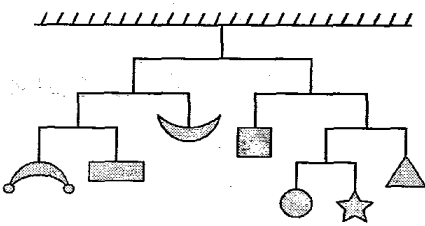
الشكل المقابل يمثل جسم في حالة توازن

حيث مجموع الأوزان يساوي 224g

ما هو وزن النجمة؟ (علما أن وزن كل من الخيط والحامل ليس

له تأثير على مجموع الأوزان)

(أ) 6g ؛ (ب) 7g ؛ (ج) 12g ؛ (د) 14g ؛ (هـ) 18g



تمرين عدد18:

نادي ترفيهي به 700منخرط موزعين كالتالي:ثلاثة أخماسهم يمارس المسرح ،ربعهم يمارس الرياضة ،الباقي يمارس الموسيقى
-ثلاثي الذين يمارسون المسرح هم ذكور ،أربع أسباع الدين يمارسون الرياضة هم إناث ،خمس الدين يمارسون الموسيقى هم إناث
-ماهو عددالإناث بهذا النادي؟

تمرين عدد19:

أرض مستطيلة الشكل بعديها 846m و 212m قام صاحبها ببيع ثلثها وقام بتهيئة الباقي على النحو التالي:
-ثلاثة أسباع خصصت للمرات
-الخمس خصص لبناء مستودع
-الباقي خصص للزراعة
-علما أن سبعة أعشار المساحة المخصصة للزراعة تم زرعها قمح
أحسب المساحة المخصصة لزراعة القمح

مراجعة عامة

- 1- **التعريف:** إذا كان a عددا كسريا و n عددا صحيحا طبيعيا أكبر من 1 فإن الكتابة a^n ترمز لجزاء n أعداد مساوية للعدد a . (جزاء n أعداد مساوية لـ a) $a^n = a \times a \times \dots \times a$ الكتابة a^n تسمى قوة للعدد a والعدد n يسمى دليل هذه القوة.
- * إذا كان $n = 1$ فإن $a^1 = a$ ، * إذا كان $a \neq 0$ و $n = 0$ فإن $a^0 = 1$ ، * إذا كان $n \neq 0$ فإن $0^n = 0$
- 2- **الخصائص:**

$$* \text{ ليكن } a \in \mathbb{Q}^* \text{ و } n \in \mathbb{Z} \text{ و } m \in \mathbb{Z} \text{ فإن: } a^n \cdot a^m = a^{n+m} ; (a^n)^m = a^{n \times m} ; \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

$$* \text{ ليكن } a \in \mathbb{Q}^* \text{ و } b \in \mathbb{Q}^* \text{ و } n \in \mathbb{Z} \text{ فإن: } a^n \cdot b^n = (ab)^n ; \left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$

$$* \text{ ليكن } a \in \mathbb{Q}^* \text{ و } n \in \mathbb{N} \text{ فإن: الكتابة } a^{-n} \text{ ترمز لمقلوب العدد } a^n : a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

3- **الجذر التربيعي:**

- إذا كان عدد كسري a مربعا كاملا فإن الجذر التربيعي له هو العدد الكسري الموجب b حيث يكون $a = b^2$ و نرمز له بـ $\sqrt{a} = b$. يعني $b^2 = a$

4- **علامة القوة:**

- * قوة عدد كسري نسبي موجب تكون دائما موجبة
- * قوة عدد كسري نسبي سالب تكون موجبة إذا كان دليها زوجيا و تكون سالبة إذا كان دليها فرديا.
- 5- **القوة للعدد 10:** إذا كان n عددا صحيحا طبيعيا فإن العدد 10^{-n} هو مقلوب العدد 10^n ،

$$10^{-2} = \frac{1}{10^2} = \frac{1}{100} = 0,01 ; 10^{-n} = \frac{1}{10^n}$$

- * الكتابة العلمية لعدد عشري هي كتابته على صورة $a \times 10^n$ حيث n عدد صحيح نسبي و a عدد عشري ذو رقم واحد قبل الفاصل و هذا الرقم مخالف للصفر .

التمارين

تمرين عدد 01: احسب:

$$\left(\frac{-313}{147}\right)^0 ; \left(\frac{-141}{523}\right)^1 ; (-1)^{32} ; (-1)^{21} ; \left(-\frac{1}{3}\right)^3 ; \left(-\frac{3}{2}\right)^2$$

$$(-1)^{15} \times (-15,24)^0 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^4 ; \left(\frac{5}{2}\right)^2 \times (-1)^{10} \times \left(\frac{-93}{5}\right)^0 ; 0^{98}$$

تمرين عدد 02: اكتب في شكل قوة لعدد كسري نسبي:

$$\left(-\frac{1}{7}\right)^2 ; \left(\frac{5}{2}\right)^3 \times \left(\frac{-2}{3}\right)^3 ; \left(-\frac{3}{4}\right)^5 \times \left(\frac{-3}{4}\right)^7 ; \frac{\left(\frac{-4}{9}\right)^3}{\left(\frac{-4}{9}\right)^9} ; \frac{\left(-\frac{1}{3}\right)^5}{\left(\frac{3}{7}\right)^5} ; \frac{\left(\frac{-2}{11}\right)^{13}}{\left(\frac{-2}{11}\right)^9}$$

تمرين عدد 03: اختر الجواب الصحيح من بين الأجوبة a , b , c
(1) ثلث 3^{65} هو : c) 1^{65} ; b) 3^{64} ; a) 3^{62}

(2) $\left(-\frac{1}{4}\right)^5$ يساوي : c) $-\frac{1}{4^5}$; b) $\frac{1}{45}$; a) $\frac{1}{2^{10}}$

(3) $8^6 + 8^4$ يساوي : c) $2^{12} \times 65$; b) 2^{36} ; a) 2^{24}

(4) حجم مكعب بالمتري المكعب يساوي $3^{-6} \times 7^3 \times 15^{12}$ إذن قيس طول حرفه بحساب المتري هو :

a) 39375 ; b) 315 ; c) 216

تمرين عدد 04: اكتب في صيغة قوة

$$\left[\left(\frac{9}{2}\right)^{-4}\right]^{-5} ; \left[\left(\frac{-5}{7}\right)^2\right]^{-3} ; \left(\frac{8}{3}\right)^{-11} \times \left(\frac{-8}{3}\right)^6 ; \left(\frac{-3}{11}\right)^{-4} \times \left(\frac{-3}{11}\right)^{-7}$$

$$\frac{\left(\frac{-11}{6}\right)^{-1}}{\left(\frac{-11}{6}\right)^{-10}} ; \frac{\left(\frac{-1}{5}\right)^6}{\left(\frac{-1}{5}\right)^{-7}} ; \frac{\left(\frac{8}{13}\right)^{-2}}{\left(\frac{8}{13}\right)^5}$$

تمرين عدد 05: احسب بأيسر الطرق :

$$\left[(-1,25)^{-11}\right]^0 \times (-1)^{49} ; \left(\frac{-19}{3}\right)^{91} \times \left(\frac{-19}{3}\right)^{-91} ; \left(\frac{-3}{17}\right)^{-35} \times \left(\frac{-17}{3}\right)^{-35} ; \left(\frac{-2}{3}\right)^{41} \times \left(\frac{-3}{2}\right)^{41}$$

$$\left[(-1)^{37} + (-1)^{20}\right] \times (-19,75)^{19} ; \left(\frac{-15}{11}\right)^{13} \times \left(\frac{11}{15}\right)^{21} \times \left(\frac{15}{11}\right)^8$$

تمرين عدد 06: اختصر العبارات التالية حيث $x \in \mathbb{Q}^*$ و $y \in \mathbb{Q}^*$

$$B = (-x^3 y^5) \times (xy)^{-4} \times (-xy) ; A = [-2x^2 y^3]^2 \times 3xy^5$$

$$D = \left(\frac{-5}{2} x^6 y^8\right)^{-2} \times (-xy^3)^2 ; C = \frac{-3}{5} x^7 y^{-5} \times \left(\frac{1}{2} x^{-3} y\right)^2 \times (-y^4)$$

تمرين عدد 07: اختصر العبارات التالية حيث $a \in \mathbb{Q}^*$ و $b \in \mathbb{Q}^*$

$$X = \frac{(2a)^3 \times b^5 \times a^4}{4a^5 \times (2b)^3} ; y = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times [a^2 b]^5}{a^{11} \times \left(\frac{2}{3} b\right)^4} ; T = \frac{-\frac{1}{3} a^2 \cdot b^{-5} \times \left(\frac{1}{3} ab^{-2}\right)^{-4}}{\frac{-1}{27} (a^{-1} b^{-2})^{-3}} ; Z = \frac{\left(\frac{-a}{2}\right)^7 \times (ba^{-2})^3}{\frac{1}{4} \times (ab^{-1})^2}$$

تمرين عدد 08: أعط الكتابة العلمية لكل عدد من الأعداد التالية :

$$0,0000912 \times 10^{13} ; 125,781 \times 10^8 ; 3456,783 ; (0,0012)^3 ; (0,045)^5 ; 0,015493 \times 10^{-9} ; (0,00023 \times 10^{-3})^4$$

تمرين عدد 09: احسب الجذور التربيعية التالية

$$\sqrt{0,25} ; \sqrt{0,10} ; \sqrt{\frac{49}{121}} ; \sqrt{\frac{1}{36}} ; \sqrt{\frac{64}{9}} ; \sqrt{\left(\frac{19}{13}\right)^0} ; \sqrt{\left(\frac{3}{4}\right)^{10}} ; \sqrt{1^{101}} ; \sqrt{36}$$

تمرين عدد 10: احسب بأبسط طريقة

$$\frac{\left(-\frac{5}{2}\right)^7 \times (-2)^5 \times \left(-\frac{1}{7}\right)^{12}}{\left(-\frac{1}{7}\right)^{11} \times (-2)^4 \times \left(\frac{-5}{2}\right)^6} ; \frac{\left(\frac{-1}{2}\right)^9 \times \left(\frac{-5}{11}\right)^{12} \times \left(\frac{-7}{2}\right)^{-8}}{\left(\frac{5}{11}\right)^{12} \times \left(-\frac{1}{3}\right)^9 \times \left(\frac{-7}{3}\right)^{-8}} ; \frac{3^5 \times (2^3 + 3^3)}{6^3 + 9^3} ; \frac{\left(-\frac{1}{2}\right)^{-3} \times \left[\left(-\frac{1}{3}\right)^2 + \left(-\frac{1}{3}\right)^2 + \left(-\frac{1}{3}\right)^2\right]}{9 \times \left(\frac{-2}{3}\right)^3}$$

تمرين عدد 11 احسب :

$$\frac{3 \times \sqrt{49} - 1}{3 \times \sqrt{36} + 2} ; \frac{\sqrt{64} + 1}{1 + \sqrt{4}} ; \frac{\sqrt{9} \times \sqrt{4}}{\sqrt{25}} ; \frac{-2\sqrt{100} + \sqrt{81}}{-\sqrt{\frac{121}{25}}} ; -\frac{\sqrt{\frac{1}{4}}}{\sqrt{\frac{16}{121}}} \times \sqrt{\frac{1}{9}}$$

تمرين عدد 12: ليكن $x \in \mathbb{Q}^*$ و $y \in \mathbb{Q}^*$ و $n \in \mathbb{Z}$ و العبارتين: $H = -\frac{1}{2}x^{n-2}y^n$ و $N = -2x^{2-n}y^{-n}$

(1) احسب العبارتين H و N في كل حالة من الحالات التالية:

(أ) $x=3$ و $y=1$ و $n=0$ ؛ (ب) $x=-3$ و $y=2$ و $n=2$ (ج) $x=-1$ و $y=-2$ و $n=1$ ؛ (د) $x=\frac{1}{2}$ و $y=-\frac{1}{3}$ و $n=-1$ (2) اختصر العبارة $H \times N$ تمرين عدد 13: أثبت أن: 12 قاسم لـ $2^{2008} - 4^{1003}$

تمرين عدد 14:

(1) أكمل الجدول التالي:

العدد	2^1	2^2	2^3	2^4	2^5	2^6	2^7	2^8	2^9	2^{10}	2^{11}	2^{12}
رقم أحاده												

(2) ما هو رقم أحاد كل من الأعداد التالية: 2^{220} ؛ 2^{401} ؛ $2^{227} + 2^{404}$

تمرين عدد 15: أكمل المربع السحري التالي بالقوى اللازمة بحيث يكون جذاء كل الأعمدة والأقطار والأسطر متساوية.

8^{-4}		8^0
	8^{-1}	
		8^2

تمرين عدد 16: إذا علمت أن المسافة بين كوكبي زحل والأرض تساوي 1270

مليون كيلومتر. أكتب هذه المسافة كتابة علمية بالكيلومتر ثم بالمتري.

تمرين عدد 17: تمثل كتلة الفيروس بالنسبة للرجل ما تمثله كتلة هذا الرجل بالنسبة لكتلة الأرض. إذا علمت أن كتلة الرجل هي 85Kg وكتلة الأرض تقدر بـ 6×10^{21} T (طن). ما هي كتلة الفيروس بالكيلوغرام؟ أعط الكتابة العلمية لهذه الكتلة بالكيلوغرام ثم أعط قيمة تقديرية لها.تمرين عدد 18: (1) انشر واختصر العبارة: $(a+1)(a-1) - a^2$ حيث $a \in \mathbb{R}$.(2) استنتج $10^8 - 9999 \times 10001$.(3) ما هو خارج القسمة الاقليدية وباقيها للعدد 10^8 على $10^4 - 1$.تمرين عدد 19: العدد الصحيح الطبيعي n حيث $9^n + 9^n + 9^n = 3^{1011}$

تمرين عدد 20: نعتبر العبارة H في حيث $x \in \mathbb{Q}$ و $y \in \mathbb{Q}$: $H = (x-y) \times (x+y)$

أ- بين أن $H = X^2 - y^2$

ب- احسب H في حالة $x = -2$ و $y = -\frac{1}{2}x$

ج- إذ كان $H=0$ بين أن $x=y$ أو $x=-y$

تمرين عدد 21 فكك إلى جذاء عوامل العبارات التالية حيث $x \in \mathbb{Q}$ و $y \in \mathbb{Q}$

$$E = 2x^3 - 4x^2y^2 + xy ; F = 2xy + 6x^2y^2 - 4x^3y^2.$$

$$G = \frac{3}{2}x^4y^5 - \frac{9}{2}x^2y^3 + \frac{15}{2}x^3y^7 ; H = x^2(x^3 + y^2) - y^2(x^3 + y^2) - x^3(x^2 - y^2).$$

تمرين عدد 22: انشر و اختصر العبارات التالية حيث $x \in \mathbb{Q}$

$$(x-1)(x^3 + x^2 + x + 1), (x-1)(x^2 + x + 1), (x-1)(x+1)$$

$$(x-1)(x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)$$

ما هو تخمينك بالنسبة لـ: $(x-1)(x^{n-1} + x^{n-2} + x^{n-3} + \dots + x^2 + x + 1)$ حيث $n \in \mathbb{N}$

تمرين عدد 23: لتكن العبارة التالية: $B = \frac{\frac{x}{2} + \frac{x}{3}}{\frac{5}{x}} + \frac{5x^2}{6} - 4$ حيث $x \in \mathbb{Q}^*$

1- بين أن: $B = x^2 - 4$

2- احسب العبارة B في حالة $x = 0$ و في حالة $x = -2$

3- جد x في حالة $B = 21$

تمرين عدد 24: لتكن العبارة التالية $E = \left(\frac{x^2}{x-1}\right)^{n-2} \times \left(\frac{x-1}{3}\right)^n \times \left(\frac{x^2}{x-1}\right)^2$ حيث $x \neq 1$ و $n \in \mathbb{N}$

1- بين أن: $E = \frac{x^{2n}}{3^n}$

2- احسب E في حالة $x = 1$ و في حالة $x = -1$ و في حالة $x = 0$

3- جد x في حالة $E = 3$ و $n = 1$

تمرين عدد 25:

(1) ليكن n عددا صحيحا طبيعيا انشر ثم اختزل العبارة $A = (n^2 + n + 1)(n^2 - n + 1)$

(2) احسب A في حالة $n = 10$ ثم في حالة $n = 10^2$

(3) بالاستعمال الأسئلة السابقة، بين أن 10101 قابل للقسمة على 111

(4) أ- أثبت أن 100010001 قابل للقسمة على 10101

ب- أثبت أن 100010001 قاسم لـ 10000000100000001

تمرين عدد 26:

(1) ليكن P عددا صحيحا طبيعيا انشر ثم اختزل العبارة $X = (1 + P)(1 - p + p^2 - p^3 + p^4 + p^6)$

(2) جد رقم الأحاد و العشرات للعدد $1 + 99^7$

(3) ما هو باقي القسمة الإقليدية للعدد 8^7 على 9

جد الصحيح الطبيعي n حيث $16^n + 16^n + 16^n + 16^n = 4^{1011}$

مراجعة عامة

1- ليكن a و b عددين كسريين نسبيين معلومين حيث $a \neq 0$ كل مساواة تؤول كتابتها إلى الشكل $ax = b$ تسمى معادلة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد هو x .

* حل معادلة ما في المجموعة \mathbb{Q} يستوجب البحث عن مجموع الأعداد الكسرية التي تحقق هذه المعادلة .

* كل عدد يحقق المعادلة يسمى حلا لهذه المعادلة

2- كل مسألة ما يستوجب :

* قراءة نص المسألة

* ضبط المجهول بعد التمعن في معطيات المسألة

* كتابة معادلة تعبر عن علاقة المجهول بمعطيات المسألة

* البحث عن المجهول بحل المعادلة

* التحقق من النتائج المتحصل عليها و ملائمتها مع المعطيات

(3) ليكن $a \in \mathbb{Q}$ و $b \in \mathbb{Q}$ و $x \in \mathbb{Q}$.

* $x + a = b$ يعني $x = b - a$

* $a = b$ يعني $a + x = b + x$

* لتكن $a \in \mathbb{Q}^*$ و $b \in \mathbb{Q}$ و $x \in \mathbb{Q}$: $ax = b$ يعني $x = \frac{b}{a}$

التمارين

تمرين عدد 01: حل في \mathbb{Q} المعادلات التالية :

$$x + \frac{5}{3} = \frac{1}{2} ; \quad 2x + 3 = 1 ; \quad x + 3 = 2 ; \quad 2x = 3$$

$$\frac{-4}{5}x - \frac{11}{2} = 0 ; \quad -\frac{8}{3}x + 1 = \frac{1}{9} ; \quad \frac{7}{2}x - 2 = -1 ; \quad \frac{9}{4} - 2x = 1$$

تمرين عدد 02: حل في \mathbb{IN} المعادلات التالية

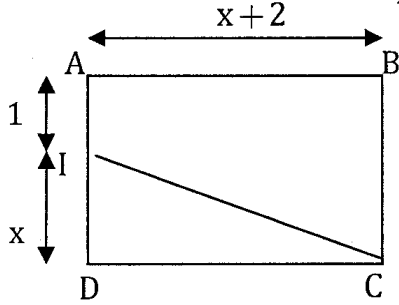
$$\frac{3}{2}x - 1 = \frac{3}{4}x - 3 ; \quad 2 - x = 13 ; \quad 3x + 1 = 7 ; \quad x - 5 = 2$$

$$\frac{2x + 3}{2} - \frac{3x + 2}{3} = \frac{5}{12}x ; \quad \frac{5}{3}(x - 3) - \frac{3}{2}(x + 1) = 1$$

تمرين عدد 03: حل في \mathbb{ID} المعادلات التالية :

$$4\left(x - \frac{1}{4}\right) - \left(2x - \frac{1}{4}\right) = 1 \quad ; \quad 3x + 14 = 4 \quad ; \quad x - 2,3 = 8$$

$$\frac{x+3}{2} - \frac{2x+1}{3} = \frac{1}{7} \quad ; \quad \frac{1}{3}x - \frac{1}{4} = 0 \quad ; \quad 5x - 2 = 7$$



تعتبر الشكل المقابل ABCD مستطيل بحيث $AI = 1$ ، $ID = x$ و $AB = x + 2$.
جد x بحيث مساحة المثلث CID تساوي سدس مساحة المستطيل ABCD .

تمرين عدد 04:

تمرين عدد 05:

حل في \mathbb{Q} المعادلات التالية :

$$\frac{2x-5}{7} = \frac{-2}{3} \quad ; \quad \frac{x-3}{5} = -\frac{7}{4} \quad ; \quad \frac{x+2}{3} = \frac{1}{2} \quad ; \quad \frac{x-1}{2} = 3$$

$$\frac{3x+1}{8} = -\frac{2x-3}{2} \quad ; \quad -\frac{x-2}{3} = -\frac{x+4}{3} \quad ; \quad \frac{4x+6}{2} = \frac{6x+9}{3}$$

حل في \mathbb{Q} المعادلات التالية : **تمرين عدد 06**

$$\frac{x+2}{2} - \frac{x-2}{4} = 2 \quad ; \quad \frac{x-1}{2} + \frac{x-3}{3} = \frac{x+1}{6} \quad ; \quad \frac{5}{2}(x-2) - \frac{1}{3}(x+1) = x+3$$

$$\frac{2x-3}{2} - \frac{3x+2}{5} = \frac{4x-1}{10} \quad ; \quad 3(x-1) - 2\left(\frac{x-2}{4}\right) = 2 \quad ; \quad (2x+2) - \frac{x+5}{3} = \frac{5x+1}{3}$$

تمرين عدد 07: ابحث عن العدد الكسري النسبي y في كل من الحالات التالية :

$$(أ) \quad (x=1) \quad \text{حلا للمعادلة} \quad \frac{1-y}{2}x + \frac{2+y}{4} = 2xy$$

$$(ب) \quad (x=-1) \quad \text{حلا للمعادلة} \quad \frac{y-2}{3}x + \frac{yx+1}{6} = y+x$$

$$(ج) \quad (x=0) \quad \text{حلا للمعادلة} \quad -\frac{yx}{5} - \frac{1}{3} - \frac{5y-3}{2}x = \frac{x}{3} - \frac{y}{2}$$

تمرين عدد 08: نعتبر العبارة A حيث $x \in \mathbb{Q}$; $A = (3x-2)^2 - (3x+3)^2 - 2(x-1)$

$$1- \text{بين أن } A = -32x - 3$$

$$2- \text{حل في } \mathbb{Q} \text{ المعادلة } A = -2x$$

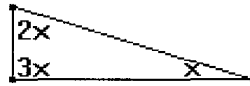
تمرين عدد 09: نعتبر العبارة B حيث $x \in \mathbb{Q}$; $B = (5x-2)(6x-5) - (5x-2)(3x+3)$

$$1- \text{بين أن } B = (5x-2)(3x-8)$$

$$2- \text{حل في } \mathbb{Q} \text{ المعادلتين : } 3x-8=0 \text{ و } 5x-2=0$$

$$3- \text{استنتج مجموعة حلول المعادلة } B = 0$$

تمرين عدد 10:



نعتبر الشكل المقابل . ابحث عن x

تمرين عدد 11: ما هو العدد الكسري الذي إذا طرحنا منه ثلث نصفه ثم خمس سدسه تحصلنا على سدس؟

تمرين عدد 12: ابحث عن ستة أعداد صحيحة طبيعية متتالية بحيث يكون مجموعها 477 .

تمرين عدد 13: اشترت مرام حاسوباً محمولاً و دفعت ثمنه على ثلاثة أقساط .

- القسط الأول : دفعت ربع المبلغ

- القسط الثاني : دفعت ثلاثة أخماس المبلغ

- القسط الثالث : دفعت 300 دينار

ما هو ثمن الحاسوب؟

تمرين عدد 14: توقفت حافلة ركاب بخمسة محطات في كل محطة ينزل من الحافلة نصف ركابها و في المحطة

النهائية نزل من الحافلة راكبان . ما هو عدد ركاب الحافلة عند انطلاقها.

تمرين عدد 15: ثلاثة ورثة تقاسموا تركة أبيهم على النحو التالي :

- نصيب الثاني $\frac{5}{6}$ نصيب الأول زائد 150 د ، نصيب الثالث $\frac{2}{5}$ نصيب الأول ناقص 80 د

إذا علمت أن نصيب الثاني يفوق نصيب الثالث بـ 500 د . حدد نصيب كل وريث ثم قيمة التركة.

تمرين عدد 16: اشترى أحمد قطعة أرض مساحتها 2500 m^2 في نهاية العام الأول ارتفع ثمنها بـ 10% و في نهاية

العام الثاني ارتفع ثمنها بـ 12% (بالنسبة للثمن في نهاية العام الأول) إذا علمت أن ثمن الأرض في نهاية العام الثاني

123200 دينار . فبكم اشترى أحمد المتر المربع من الأرض ؟

تمرين عدد 17: ليكن ABCD مربع ضلعه 4 cm

$AL = AI = BK = BH = GC = FC = DE = JD = x$

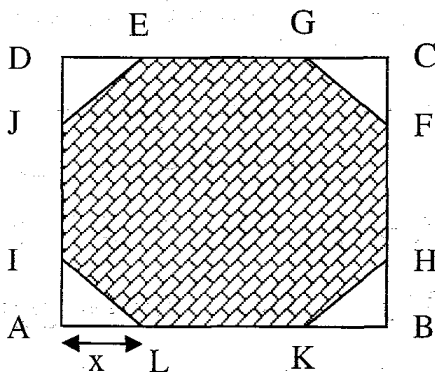
(1) ابحث عن المساحة الملونة بقيمة x

(2) ابحث عن x بحيث تساوي المساحة الملونة 14 cm^2

تمرين عدد 18:

لرجل مبلغ من المال أنفق ثلثه في المغازة الأولى وربع ما بقي له في المغازة الثانية

وخمس ما تبقى في المغازة الثالثة وبقي له 80 د . كم كان لديه من المال؟



تمرين عدد 19: تمثل القاعدة التالية العلاقة بين كتلة الإنسان النظرية وقيس طوله النظري $p = (x-100) - \left(\frac{x-150}{a}\right)$ ،

x هو قيس الطول بالصنتمتر و a يساوي 2 إذا كان هذا الإنسان انثى و 4 إذا كان ذكرا و p هو كتلة بالكيلوغرام.

(1) أوجد الكتلة النظرية للنساء اللاتي قيس طولهن 1,7m

(2) أوجد الكتلة النظرية للرجال الذين قيس طولهم 1,85m

(3) ما هو قيس الطول النظري لرجل كتلته 80kg ؟

(4) ما هو قيس الطول النظري لامرأة كتلتها 60kg

تمرين عدد 20: أكمل المستطيل التالي بحيث يكون مجموع الأعداد في كل سطر مساويا لمجموع الأعداد في كل عمود وفي القطرين.

$x-1$	$x+13$		$x+2$
		$x+5$	
$x+6$	$x+7$	$x+9$	$x+3$
	$x+1$	x	

تمرين عدد 21: نعتبر العبارة E حيث $x \in \mathbb{Q}$ ، $E = (x+2)(x-2) - 5$

1- بين أن : $E = x^2 - 9$

(2) حل في \mathbb{Q} المعادلة $E = 0$

تمرين عدد 22: ما هو العدد الكسري الذي إذا أضفنا إليه نصفه ثم ثلثه ثم ربعه تحصلنا على واحد ؟

تمرين عدد 23: ابحث عن خمسة أعداد صحيحة طبيعية زوجية متتالية بحيث يكون مجموعها 410 .

تمرين عدد 24: يملك عمر مبلغا من المال أعطى ربعه إلى صديقه سامي و ثلثه إلى صديقه ريم و بقي معه 3.500د

ابحث عن المبلغ الذي يملكه عمر.

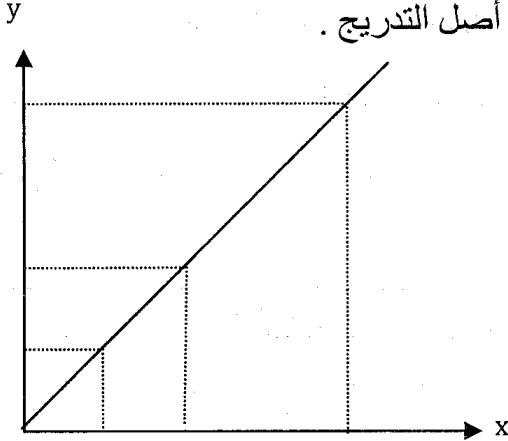
مراجعة عامة

* يكون متغيران x و y متناسبين عكسيا إذا كان جذاؤهما ثابت أي $xy = a$ حيث a عدد معلوم؛ a يسمي "العامل التناسبي".

* يكون متغيران x و y متناسبين طردا (أو في علاقة تناسب طردي) إذا كان حاصل قسمة أحدهما على الآخر ثابتا أي $\frac{y}{x} = a$ حيث a عدد معلوم. a يسمي "العامل التناسبي".

ملاحظة:

تمثل علاقة تناسب طردي بين متغيرين بنقاط على استقامة واحدة مع أصل التدرج.



التمارين

تمرين عدد 01: سيارة تستهلك 4ℓ من البنزين في 80 Km
(1) أكمل الجدول التالي

المسافة (Km)	80	140
كمية البنزين (ℓ)	4	45

(2) أوجد العامل التناسبي للجدول

تمرين عدد 02: أجب بصواب أو خطأ

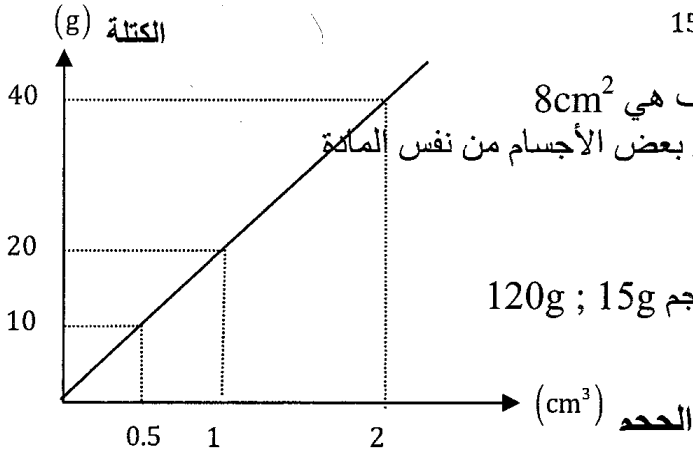
(1) العددين $-\frac{3}{4}$ و $\frac{1}{15}$ متناسبان طردا مع -8 و 80

(2) إذا علمت أن 400ml من مواد تنظيف كافية لتنظيف 20cm^2 من الجليز إذن
(أ) كمية المواد اللازمة لتنظيف 15m^2 من الجليز هي 150ml

(ب) مساحة الجليز التي يمكن تنظيفها بـ 1.6ℓ من مواد التنظيف هي 8cm^2

تمرين عدد 03: الرسم المقابل تمثيل لرسم بياني للعلاقة بين حجم بعض الأجسام من نفس المادة وكتلتها

استنتج من التمثيل كتلة 1.5cm^3 ; 3cm^3 ; 1000 cm^3 و حجم 15g ; 120g



تمرين عدد 04:

ابحث عن العددين x و y وليكون الجدول التالي: جدول تناسب طردي

y	2	x
5	3	$3+x$

تمرين عدد 05: أوجد العددين x و y بحيث $2x$ و $x+1$ و $2y+3$ متناسبة طردا مع 5 و 3 و 4

تمرين عدد 06: أب له 4 أبناء أعمارهم على التوالي 6 و 9 و 12 سنة و 15 سنة وزع عليهم مبلغا قدره 21 دينار كم نصيب كل ابن إذا علمت أن نصيب كل ابن متناسب طردا مع عمره.

تمرين عدد 07:

لنعتبر عددين صحيحين طبيعيين مخالفين للصفر a و b متناسبان طردا مع 7 و 8 بحيث a مكرر لـ 7

(1) أثبت أن b قاسم لـ 8

(2) أثبت أن $\frac{a+b}{15} \in \mathbb{N}$

(3) جد a و b في حالة أن $a+b = 2055$

(4) اختزل إذن إلى أقصى حد $\frac{959}{1096}$

تمرين عدد 08:

(1) احسب أقيسة زوايا مثلث علما أنها متناسبة طردا مع 2 و 3 و 5

(2) ماهي طبيعة هذا المثلث؟

تمرين عدد 09:

(1) حول الكتابات التالية إلى نسب مائوية $\frac{4}{5}$; $\frac{7}{25}$; $\frac{1}{2}$; $\frac{8}{10}$

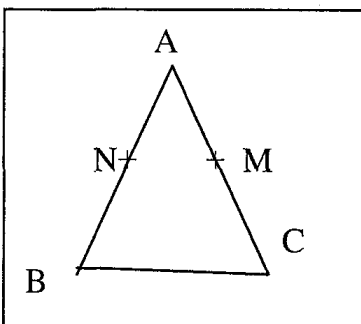
(2) حول الكتابات التالية إلى أعداد كسرية 45% ; 22%

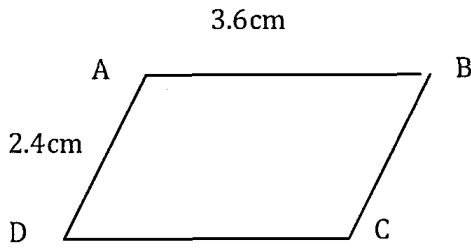
تمرين عدد 10:

نعتبر الشكل المقابل حيث المثلثان ABC و AMN متشابهان

بحيث $BC = 2.4 \text{ Cm}$; $3AM = AC$; $3AN = AB$

احسب MN





تمرين عدد 11: ABCD متوازي أضلاع

ارسم رباعي EFGH متشابهاً له بحيث $\frac{AB}{EF} = \frac{3}{2}$

تمرين عدد 12: أكمل الجدول التالي بحيث تكون أعداد السطر الأول متناسبة عكسياً

مع أعداد السطر الثاني و x عدد كسري مخالف لصفر

$\frac{5}{x}$	x	$-\frac{5}{3}$
$\frac{2}{3}x$		

تمرين عدد 13: أوجد عددين a و b متناسبين عكسياً مع 3 و -4 و $a + b = 2$

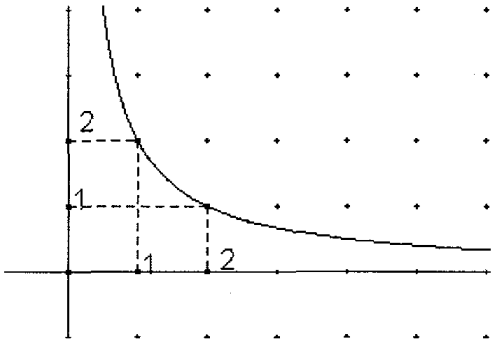
تمرين عدد 14: يمثل الرسم المقابل تمثيل بياني لعلاقة تناسب بين متغيرين

(1) حدد إن كان التناسب طردياً أو عكسياً؟

(2) أوجد العامل التناسبي لهذه العلاقة

(3) أكمل بحيث تكون النقاط $A\left(\frac{1}{3}; \dots\right)$ ؛ $B(10; \dots)$ و $C(\dots; 50)$

على التمثيل البياني



مراجعة عامة

السلسلة الإحصائية المنقطعة:

- 1- مدى سلسلة إحصائية منقطعة هو الفرق بين أصغر قيمة و أكبر قيمة فيها
- 2- المنوال في سلسلة إحصائية منقطعة هو القيمة أو القيم ذات التكرار الأكبر
- 3- المعدل الحسابي لسلسلة إحصائية منقطعة هو ناتج قسمة مجموع جذاءات كل قيمة و التكرار الموافق لها على التكرار الجملي لهذه السلسلة
- 4- لإيجاد موّسط سلسلة إحصائية منقطعة ذات ميزة كمية ؛ نرتب قيمها تصاعديًا أو تنازليًا و يكون الموّسط هو:

-القيمة التي ترتيبها $\frac{N+1}{2}$ إذا كان N عددا فرديًا

-المعدّل الحسابي للقيمتين اللتين ترتيبهما $\frac{N}{2} + 1$ و $\frac{N}{2}$ إذا كان N عددا زوجيًا

السلسلة الإحصائية المسترسلة:

- 1- مدى سلسلة إحصائية مسترسلة هو الفرق بين الطرف الأصغر في الفئة الأولى و الطرف الأكبر في الفئة الأخيرة
- 2- إذا كانت كل الفئات متساوية المدى فإن المنوال (أو الفئة المنوال) هي كل فئة لها التكرار الأكبر
- 3- مركز الفئة هو المعدل الحسابي لطرفيها
- 4- المعدل الحسابي لسلسلة إحصائية مسترسلة هو ناتج قسمة مجموع جذاءات كل مركز فئة و التكرار الموافق لها على التكرار الجملي لهذه السلسلة

التمارين

تمرين عدد 01: تمثل قائمة الأعداد الآتية أعداد الفرض العادي في مادة الرياضيات بالنسبة إلى قسم يعدّ 20 تلميذا.

11 ; 12 ; 10 ; 17 ; 9 ; 15 ; 16 ; 20 ; 9 ; 5 ; 18 ; 9 ; 8 ; 15 ; 4 ; 8 ; 12 ; 8 ; 15 ; 8

ابحث عن موّسط هذه السلسلة الإحصائية و منوالها و مداها.

تمرين عدد 02: تمثل قائمة الأعداد الآتية معدل 11 تلميذا في مادة العربية:

8 ; 13 ; 8 ; 12 ; 8 ; 13 ; 12 ; 11 ; 10 ; 15 ; 15 ; 15 ما هو موّسط هذه السلسلة الإحصائية، منوالها ومداها ؟

تمرين عدد 03:

رمينا 20 مرّة نردًا أوجهه مرقمة من 1 إلى 6 و سجّلنا رقم الوجه العلوي بعد كل رمية فتحصلنا على الجدول التالي:

رقم الوجه العلوي	1	2	3	4	5	6
التكرار	4	3	3	6	2	2

(1) أعط منوال ومدى هذه السلسلة.

(2) مثل هذا الجدول بمخطّط العصيّات

(3) ما هو موّسط هذه السلسلة ؟

لمئوية لظهور رقم 4 على الوجه العلوي ؟ (5)؛ حدّد المعدل الحسابي لهذه السلسلة

تمرين عدد 04: يمثل الجدول أسفله الأجر لـ 50 عامل بشركة بالدينار

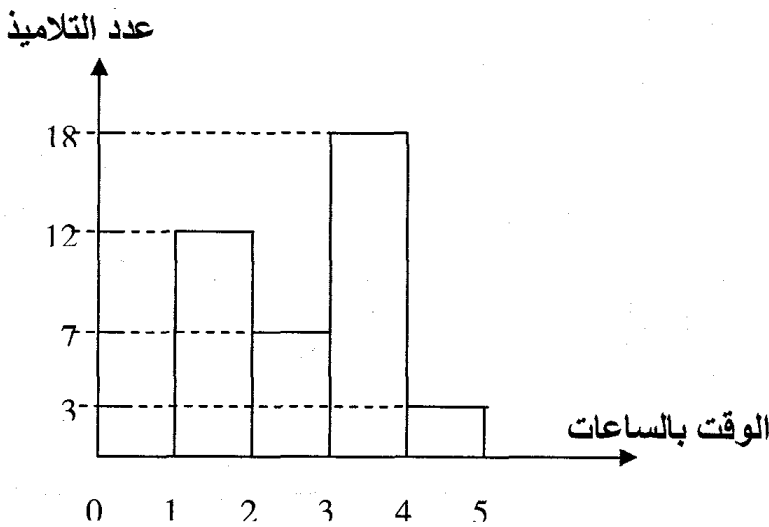
الأجر	من 300 الى أقل من 320	من 320 الى أقل من 340	من 340 الى أقل من 360	من 360 الى أقل من 380
مركز الفئة				
عدد العمال	18	10	12	10
التواترات بالنسبة المئوية				

- (1) أكمل الجدول
 - (2) ما هو منوال و مدى هذه السلسلة ؟
 - (3) مثل هذا الجدول بمخطط المستطيلات
 - (4) ارسم مضع التكرارات على المخطط
 - (5) احسب معدل أجر العمال
 - (6) نختار عاملا بصفة عشوائية، ما هو احتمال أن يكون أجره أكبر أو يساوي لـ 340 دينار
- تمرين عدد 05: يمثل الجدول المقابل معلومات عن المحصول الزراعي لفلاح خلال الموسم 2007-2008

نوع المحصول	الكمية بالقطار
شعير	810
قمح	1200
فول	600
ذرة	390

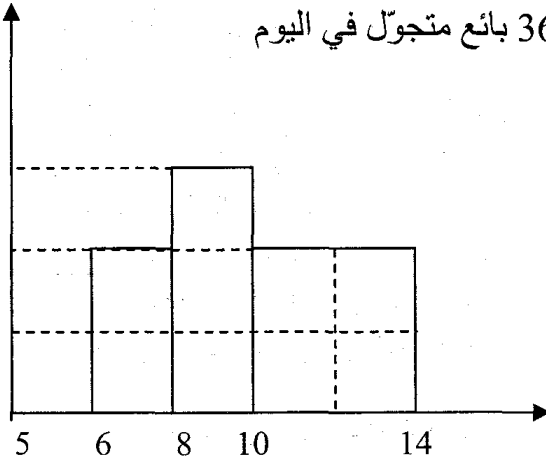
- (1) احسب النسبة المئوية لكل نوع من المحصول
- (2) مثل الجدول السابق بمخطط القطاع الدائري

تمرين عدد 06: يمثل المخطط المقابل عدد الساعات التي يقضيها أطفال أمام التلفاز كل يوم أحد



- (1) ما هو نوع هذا المخطط؟
- (2) ماهي طبيعة المتغير الإحصائي المدروس ؟
- (3) ما هو التكرار الجملي لهذه السلسلة؟
- (4) ماهي المدة الزمنية التي تقضيها أكبر عدد من الأطفال أمام التلفزة ؟ ماذا يمثل؟
- (5) نظم هذه المعطيات في جدول إحصائي ميز فيه التواترات بالنسبة المئوية
- (6) ماهي النسبة المئوية للأطفال الذين يقضون أقل من 3 ساعات أمام التلفزة؟
- (7) احسب معدل هذه السلسلة الإحصائية؟

تمرين عدد 07: يمثل المخطط المقابل توزيع المسافة بالكم التي يقضيها 36 بائع متجول في اليوم ابحث عن A ، B و C في الجدول التالي؟



المسافة بالكم	من 6 إلى أقل	من 8 إلى أقل	من 10 إلى أقل
عدد الأشخاص	8 من	10 من	أقل من 14
	A	B	C

تمرين عدد 08:

تعتبر المعطيات التالية تتعلق بالمسافة بالكيلومتر لكل سيارة من جملة 40 سيارة إسعاف خلال أسبوع

215 , 235 , 220 , 240 , 225 , 235 , 230 , 215 , 220 , 225 , 215 , 230 , 230 , 220 , 225 , 230 , 235 , 240 , 215 , 220 , 230 , 235 , 220 , 215 , 240 , 220 , 230 , 215 , 220 , 235 , 240 , 230 , 220 , 215 , 230 , 220 , 240 , 240 , 235 , 220

(1) أ) نظم هذه المعطيات في جدول إحصائي بسيط

(ب) حدّد منوال و متوسط هذه السلسلة الإحصائية

(ج) احسب المعدل الحسابي لهذه السلسلة الإحصائية

(2) أ) كوّن جدولا إحصائيا ذا أصناف مداها 10 و أحسب التكرارات الموافقة لكل صنف

(ب) مثل التكرارات بمخطط إحصائي مناسب

تمرين عدد 09: باستعمال الأرقام 1 ، 2 ، 3 ، 4 :

(1) بكم من طريقة يمكنك تكوين عدد ذي رقمين مختلفين

(2) بكم من طريقة يمكنك تكوين عدد ذي رقمين مختلفين أو متساويين

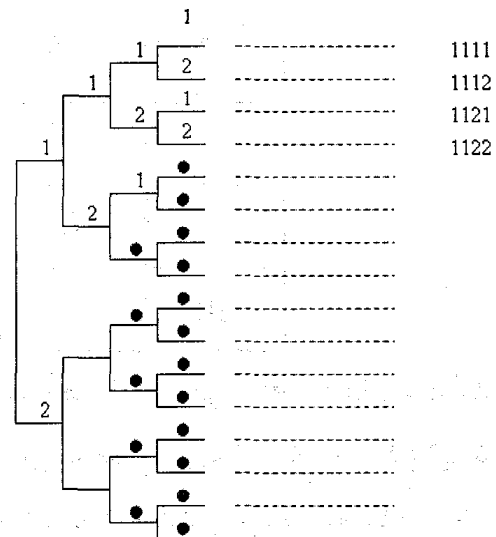
تمرين عدد 10: باستعمال الرقمين 1 و 2 أرادت مرام تكوين رقم سرّي يتكون من 4 أرقام

(1) أكمل شجرة الاختيار التالية

(2) ماهو عدد الحالات الممكنة؟

(3) عبّر بعدد كسري ثم نسبة مائوية عن احتمال الحدث A : "الحصول على عدد سرّي يتكون من نفس الأرقام"

العدد السري:

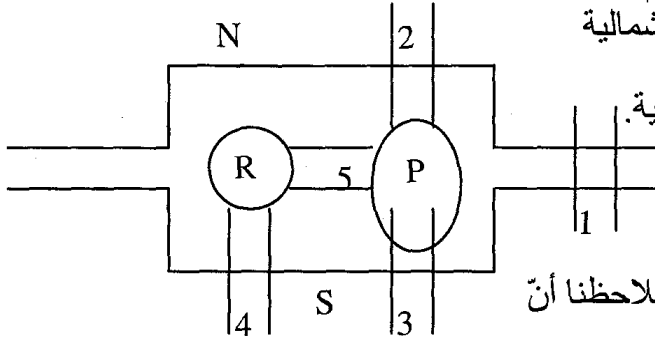


تمرين عدد 11: توجد ثلاث كويرات مرقمة (1)، (2) و (3) هذه الكويرات موزعة عشوائيا في خانتين a و b (طاقة استيعاب كل خانة ثلاثة كويرات). حدّد عدد الحالات الممكنة لوضع هذه الكويرات.

تمرين عدد 12: صالح وعلي و سالمة يريدون الجلوس على بنك ذي 3 مقاعد (1) ما هو عدد إمكانيات الجلوس؟

(2) ما هو احتمال جلوس سالمة بين الرجلين؟ ما هو احتمال جلوس الرجلين جنبا إلى جنب؟

تمرين عدد 13: في مدينة يشقها نهر، توجد 5 مسالك تمكّن من المرور بين الضفة الشمالية (N)، الضفة الجنوبية (S)، جزيرة العبور (P) و جزيرة الاستراحة (R) كما يبينه الرسم المقابل. كلّ مسلك لا يستعمل إلا مرة واحدة. (1) كم من مسلك ينطلق من الضفة الشمالية و يعود إلى الضفة الشمالية



(2) كم من مسلك ينطلق من الضفة الجنوبية و يعود إلى الضفة الجنوبية.

تمرين عدد 14:

قمنا بإحصائيات في شركة تحتوي على 40 إطارا و 120 عامل، فلاحظنا أنّ

• 60 % من الإطارات يتكلمون الانجليزية

• 30 % من العملة لا يتكلمون الانجليزية

أتمم الجدول التالي :

العدد الجملي	العملة	الإطارات	
			يتكلمون الانجليزية
			لا يتكلمون الانجليزية

تمرين 15: اشترت مرام علبة تحتوي على قطع من البسكويت مختلفة الأشكال وعلى كل قطعة صورة حسب ما يبين الجدول التالي:

الشكل	الصورة	عصفور	نجمة	زهرة	جامع	سمكة
قرص دائري		14	10			
مثلث				16	8	
مربع				12		20

وجدت مرام ثقبان بالعلبة وأن قطعة منها سقطت في الطريق. ما هو احتمال أن تكون القطعة التي سقطت من العلبة:

- (1) لها شكل قرص دائري ؛ (2) مرسوم عليها عصفور ؛ (3) مرسوم عليها زهرة ؛ (4) لها شكل مثلث ؛
؛ (6) مرسوم عليها سيارة ، (7) لها شكل مثلث و مرسوم عليها زهرة.

تمرين عدد 16: في مسابقة تلفزيونية اقترح المنشط 5 أسئلة منها 3 في الأدب و 2 في الرياضة يختار المشارك

سؤالين بصفة عشوائية للإجابة عنها

(1) ما هو عدد إمكانيات السؤالين؟

(2) ما هو احتمال أن يكون السؤالان في الأدب؟

(3) ما هو احتمال أن يكون السؤالان في الرياضة؟

(4) ما هو احتمال أن يكون السؤالان أحدهما في الرياضة و الآخر في الأدب؟

تمرين عدد 17: من جملة تلاميذ قسم A : 16 يدرسون الأنكليزية، 13 الإسبانية، 13 الألمانية، 4 الأنكليزية و الألمانية

5 الأنكليزية و الإسبانية و 3 يدرسون الثلاث لغات . ما هو عدد تلاميذ هذا القسم؟

تمرين عدد 18: لنعتبر نردين متجانسين A و B أوجهها مرقمة من 1 إلى 6 تتمثل اللعبة في رمي النردين الى أعلى

و بعد سقوطهما نسجل الرقم a الموجود على الوجه العلوي للنرد A و الرقم b الموجود على النرد B ثم نجمع بعد ذلك

$$S=a+b$$

(1) باستعمال جدول ابحث عن عدد جميع الحالات الممكنة

(2) ما هو عدد الحالات التي نحصل فيها على $S=7$

(3) عتبر بعدد كسري عن احتمال الحدث : "الحصول على $S=10$ "

تمرين 19: تحتوي علبة الدومينو على 28 قطعة كل منها منقسمة إلى نصفين على كل نصف عدد من النقاط من 0 إلى

6. دون النظر إلى وجهها المنقط نقوم بسحب قطعة.

(1) ما هو احتمال سحب قطعة مجموع نقاطها يساوي صفرا؟

(2) ما هو احتمال سحب قطعة مجموع نقاطها فرديا؟

(3) ما هو احتمال سحب قطعة نقاط نصفها متساوية؟

(4) ما هو احتمال سحب قطعة نصفها غير منقط والنصف الآخر به عدد زوجي من النقاط؟

(5) ما هو احتمال سحب قطعة جذا عدد نقاط نصفها فرديا؟

تمرين عدد 20: نعتبر نردا غير متجانس له وجهان يحملان رقم 2 و وجهان يحملان رقم 4 و وجهان يحملان رقم 6.

رمينا هذا النرد 24 مرة، إذا علمت أن احتمال ظهور أي وجه متناسب مع الرقم الموجود عليه.

(1) لنعتبر الجدول التالي

ابحث عن a و b و c

رقم الوجه	2	4	6
عدد المرات	a	b	c
التواترات	$\frac{a}{24}$	$\frac{b}{24}$	$\frac{c}{24}$

تمرين عدد 21: نريد تكوين عدد بأربعة أرقام مختلفة

باستعمال الأرقام 1، 2، 3، 4.

ما هو العدد الكسري الذي يمثل احتمال الحصول على عدد رقم أحاده 3؟

تمرين عدد 22: يمثل الجدول التالي إنتاج تونس من زيت الزيتون بين 1998 و 2004

السنة	1998	1999	2000	2001	2002	2003	2004
زيت الزيتون (بالألف طن)	95	180	25	115	30	70	280

(1) مثل هذا الجدول بمخطط العصيات

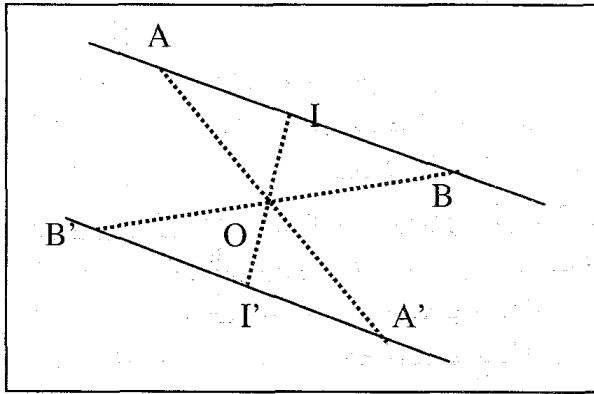
(2) أعط منوال هذه السلسلة.

(3) أعط مدى هذه السلسلة.

(4) ابي لهذه السلسلة الإحصائية .

مراجعة عامة

- (1) لتكن O نقطة من المستوى و M نقطة مختلفة عن O
- تكون النقطة M' منظرًا للنقطة M بالنسبة للنقطة O إذا كانت O منتصف قطعة المستقيم $[MM']$
 - منظر النقطة O بالنسبة إلى O هي النقطة O نفسها
 - النقطة O تسمى مركز التناظر
- (2) منظر قطعة مستقيم $[AB]$ بالنسبة إلى النقطة O هي قطعة المستقيم $[A'B']$ حيث تكون A' منظرًا لـ A و B' منظرًا لـ B بالنسبة إلى O
- منظر النقطة I منتصف $[AB]$ بالنسبة إلى O هي النقطة I' منتصف $[A'B']$
 - التناظر المركزي يحافظ على البعد $AB = A'B'$
 - التناظر المركزي يحافظ على المنتصف
 - منظر المستقيم (AB) بالنسبة إلى النقطة O هو المستقيم $(A'B')$
 - المستقيم (AB) و منظره $(A'B')$ بالنسبة للنقطة O هما متوازيان $(AB) \parallel (A'B')$
 - إذا كان مستقيم Δ يمر من النقطة O فإن منظر Δ بالنسبة إلى O هو المستقيم Δ نفسه



- (3) التناظر المركزي يحافظ على استقامة النقاط: مناظرات ثلاث نقاط على استقامة واحدة بالنسبة إلى النقطة O هي ثلاث نقاط على استقامة واحدة
- (4) منظر زاوية \hat{BAC} بالنسبة إلى نقطة O هي الزاوية $\hat{B'A'C'}$ حيث يكون نصف المستقيم $(A'B')$ منظرًا لنصف المستقيم (AB) بالنسبة للنقطة O
- و نصف المستقيم $(A'C')$ منظرًا لنصف المستقيم (AC) بالنسبة للنقطة O
 - التناظر المركزي يحافظ على أقيسة الزوايا $\hat{BAC} = \hat{B'A'C'}$
- (5) منظر دائرة مركزها I بالنسبة إلى النقطة O هي الدائرة المقايسة لها و التي مركزها النقطة I' منظرًا لـ I بالنسبة إلى O
- (6) إذا كان (O, I, J) معينًا في المستوى حيث (OI) و (OJ) متعامدان و إذا كان الزوج الكسري (x, y) إحداثيات النقطة M فإن:
- منظر النقطة M بالنسبة إلى محور الفاصلات (OI) هي النقطة M' إحداثياتها $(x, -y)$
 - منظر النقطة M بالنسبة إلى محور الترتيبات (OJ) هي النقطة M'' إحداثياتها $(-x, y)$
 - منظر النقطة M بالنسبة إلى أصل المعين O هي النقطة M''' إحداثياتها $(-x, -y)$

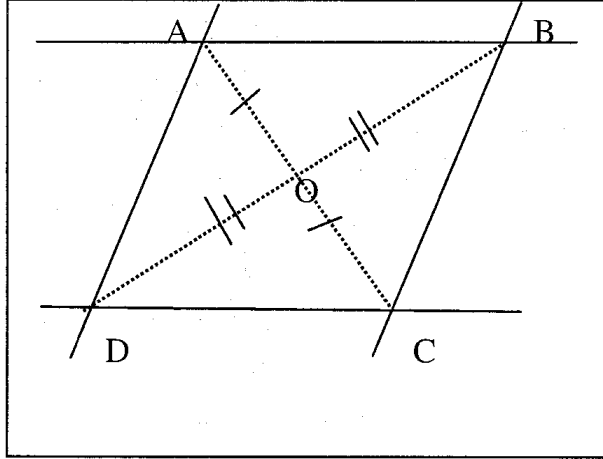
التمارين

تمرين عدد 01: أجب بـ "صواب" أو "خطأ"

- (أ) إذا كان $OA = OB$ فإن O منتصف $[AB]$
- (ب) إذا كان O منتصف $[AB]$ فإن A و B متناظران بالنسبة إلى O
- (ج) M فإن M' تنتمي إلى محور تناظر النقطتين A و B

- (د) إذا كان $AB=A'B'$ و O منتصف $[AA']$ فإن القطعة $[A'B']$ مناظرة القطعة $[AB]$ بالنسبة إلى النقطة O
 (هـ) إذا كان $B\hat{O}A = C\hat{O}D$ فإن الزاوية $B\hat{O}A$ مناظرة الزاوية $C\hat{O}D$ بالنسبة إلى النقطة O
 (و) إذا كان A و B متناظرين بالنسبة إلى مستقيم Δ فإن كل نقطة من Δ لها نفس البعد عن النقطتين A و B
 (ي) إذا كان $x\hat{O}y$ و $z\hat{O}t$ زاويتان متقابلتان بالرأس فإنهما متناظرتان بالنسبة إلى النقطة O

تمرين عدد 02: تأمل الشكل التالي حيث



$OA=OC$ و $OB=OD$

- (1) ماهي مناظرة النقطة B بالنسبة إلى O ؟
- (2) ماهي مناظرة النقطة O بالنسبة إلى O ؟
- (3) ماهي مناظرة قطعة المستقيم $[AB]$ بالنسبة إلى O ؟
- (4) قارن البعدين AB و DC
- (5) ماهو مناظر المستقيم (BD) بالنسبة إلى O ؟
- (6) ماهي مناظرة الزاوية $A\hat{B}D$ بالنسبة إلى O ؟
- (7) قارن $B\hat{D}C$ و $A\hat{B}O$

تمرين عدد 03:

- (1) ارسم مثلث ABC قائم الزاوية في A ، ثم عين النقطة I منتصف $[BC]$

- (2) ابن النقطة D مناظرة A بالنسبة إلى I
- (3) ماهي مناظرة النقطة B بالنسبة إلى I ؟
- (4) أثبت أن $BD = AC$
- (5) أثبت أن $(BD) \perp (DC)$

تمرين عدد 04:

- (1) ارسم قطعة مستقيم $[BC]$ ثم ابن موسطها العمودي Δ يقطعها في النقطة I
- (2) عين نقطة A على Δ حيث $I \neq A$ ماهو نوع المثلث ABC ؟
- (3) ابن النقاط C' و B' و I' مناظرات النقاط C و B و I على التوالي بالنسبة إلى النقطة A
- (4) أثبت أن النقاط C' و B' و I' على استقامة واحدة
- (5) أثبت أن I' منتصف $[B'C']$
- (6) أثبت أن المستقيم Δ يمثل الموسط العمودي لقطعة المستقيم $[B'C']$

تمرين عدد 05:

- (1) ارسم مستقيما Δ و عين نقطة B لا تنتمي له
- (2) ابن النقطة C مناظرة B بالنسبة إلى Δ
- (3) أ) عين نقطة A من المستقيم Δ لا تنتمي إلى (BC)
 ب) مانوع المثلث ABC ؟
- (4) أ) عين النقطة I منتصف $[AB]$
 ب) ابن النقطة J مناظرة I بالنسبة إلى Δ
- (ج) برهن على أن النقطة J منتصف القطعة $[AC]$
- (5) المستقيم (CI) يقطع المستقيم Δ في النقطة K
 أثبت أن النقاط K و B و J على استقامة واحدة
- (6) أ) ابن النقطة C' مناظرة C بالنسبة إلى I
 $AC' = I$

(ج) أثبت أن $\widehat{IC'A} = \widehat{ICB}$.

تمرين عدد 06:

- (1) ابن مثلثا ABC بحيث $AB=3\text{cm}$ و $AC=5\text{cm}$ و $BC=6\text{cm}$
- (2) ابن الوسط العمودي Δ لقطعة المستقيم [BC] حيث Δ يقطع [BC] في I و [AC] في J
- (3) أ) ابن النقطة E مناظرة A بالنسبة إلى Δ .
ب) أثبت أن $EC=3\text{cm}$
ج) أثبت أن $\widehat{BAI} = \widehat{IEC}$.
د) أثبت أن النقاط B و J و E على استقامة واحدة.
- (4) أ) ابن النقطة F مناظرة A بالنسبة إلى I
ب) أثبت أن $(CF) \parallel (AB)$.
ج) أثبت أن $CF = AB$.
د) أثبت أن $\widehat{BAI} = \widehat{IFC}$
5) أ) أثبت أن $\widehat{IFC} = \widehat{IEC}$
ب) مانوع المثلث ECF ؟
ج) استنتج أن $\widehat{CFE} = \widehat{FEC}$.

تمرين عدد 07:

- (1) ارسم دائرة Γ مركزها O و قطرها [AB]
- (2) ابن المستقيمين Δ و Δ' المماسين للدائرة Γ في النقطتين A و B على التوالي
- (3) ماهي الوضعية النسبية للمستقيمين Δ و Δ' ؟
- (4) أثبت أن المستقيمين Δ و Δ' متناظران بالنسبة إلى O
- (5) أ) عين نقطة C على Δ مخالفة للنقطة A ثم ابن النقطة D مناظرة C بالنسبة إلى O
ب) أثبت أن $BD = AC$.
ج) أثبت أن $\widehat{ODB} = \widehat{OCA}$
6) أ) ابن النقطة O' مناظرة O بالنسبة إلى A .
ب) ماهي طبيعة المثلث OCO' ؟
ج) ماهي مناظرة الدائرة Γ بالنسبة إلى A ؟
د) ماهي الوضعية النسبية للدائرة Γ و مناظرتها بالنسبة إلى A ؟
- تمرين عدد 08:** ارسم دائرتين Γ و Γ' و Γ مركزهما I و Γ' على التوالي لهما نفس الشعاع و متقاطعتين في النقطتين A و B

- (2) ماهو نوع كل من المثلثين IAI' و IBI' ؟
- (3) أثبت أن الدائرتين Γ و Γ' متناظرتين بالنسبة إلى المستقيم (AB)
- (4) المستقيم (AB) يقطع القطعة [II'] في O
- أ) ارسم المستقيم Δ المار من I و الموازي للمستقيم (AB) يقطع الدائرة Γ في النقطتين J و K
- ب) ابن النقطتين J' و K' مناظرتي النقطتين J و K بالنسبة إلى O
- ج) أثبت أن النقاط I' و J' و K' على استقامة واحدة
- د) أثبت أن $(J'K') \parallel (AB)$.
- ه) أثبت أن $\widehat{I'JO} = \widehat{IJO}$

تمرين عدد 09:

- (1) ارسم مثلثا ABC ثم عين النقطتين I و J منتصفتي [AC] و [AB] على التوالي
 (2) ا) ابن النقطة B' منظرية B بالنسبة إلى I ثم ابن النقطة C' منظرية C بالنسبة إلى J
 ب) أثبت أن النقاط A و B' و C' على استقامة واحدة
 ج) أثبت أن A منتصف [B'C']
 د) أثبت أن $\widehat{AC'C} = \widehat{BCC'}$ و $\widehat{CBB'} = \widehat{ABB'}$

تمرين عدد 10:

- (1) ارسم مثلث ABC حيث $BC = 5\text{cm}$ و $\widehat{ABC} = 50^\circ$

- (2) لتكن I منتصف القطعة [AB]
 ا) ابن النقطة C' منظرية C بالنسبة إلى I
 ب) أثبت أن $AC' = 5\text{cm}$ و أن $(BC) \parallel (AC')$
 ج) أثبت أن $\widehat{BAC'} = 50^\circ$
 (3) ابن النقطتين E و F منظرتي النقطتين B و C بالنسبة إلى A
 (4) أثبت أن $EF = AC'$ و أن $(EF) \parallel (AC')$
 (5) أثبت أن $\widehat{C'AB} = \widehat{FEA}$

تمرين عدد 11:

- (1) ارسم معيناً (O, I, J) في المستوى حيث $OI = OJ$ و $(OJ) \perp (OI)$
 (2) حدد إحداثيات النقاط O و I و J
 (3) ا) عين النقطتين A(2;3) و B(-3;4)
 ب) حدد إحداثيات كل من النقطتين A' و B' منظرتي A و B بالنسبة إلى المحور (OI)
 ج) حدد إحداثيات كل من النقطتين C و D منظرتي A و B بالنسبة إلى المحور (OJ)
 د) حدد إحداثيات كل من النقطتين E و F منظرتي A و B بالنسبة إلى النقطة O
 (4) أثبت أن $EF = AB$ و أن $(EF) \parallel (AB)$
 (5) ماهي طبيعة الرباعي ABEF ؟

تمرين عدد 12:

- (1) ارسم معيناً (O, I, J) في المستوى حيث $OI = OJ$ و $(OJ) \perp (OI)$
 (2) عين النقاط A(3; 1) و B(-3;1) و C(3;-1) و D(-3;-1) و E(4;4)
 (3) حدد منظرية النقطة A بالنسبة إلى المحور (OI) و المحور (OJ) و النقطة O
 (4) ماهي مجموعة النقاط M(x;y) حيث $x=3$ و $y \in \mathbb{Q}$ ؟
 (5) ماهي مجموعة النقاط N(x;y) حيث $x \in \mathbb{Q}$ و $y=-1$ ؟
 (6) ماهي مجموعة النقاط P(x;y) حيث $x=y$ ؟
 (7) حدد إحداثيات K نقطة تقاطع المجموعتين N(x;y) و P(x;y)

تمرين عدد 13:

- (1) ارسم مثلثا ABC متقايس الضلعين قمته الرئيسية A
 (2) ابن النقطتين B' و C' منظرتي النقطتين B و C بالنسبة إلى A
 (3) أثبت أن $B'C' = BC$
 (4) أثبت أن $\widehat{ABC'} = \widehat{ABC}$
 P و N مناظرات النقاط B و A و B' و A' على التوالي بالنسبة إلى النقطة C

6) بين أن النقاط P و N و M على استقامة واحدة

7) أثبت أن N منتصف [MP]

8) أثبت أن $CM = B'C'$

تمرين عدد 14:

1) ارسم دائرة Γ مركزها O وشعاعها $OA = 3\text{cm}$

2) ابن المستقيم Δ المماس للدائرة Γ في A ثم عين نقطة B على Δ حيث $AB = 2\text{cm}$

3) أ) ابن النقطتين O' و B' مناظرتي O و B بالنسبة إلى A

ب) أثبت أن $(OB) \parallel (O'B')$ وأن $OB = O'B'$

ج- ما هي مناظرة الدائرة Γ بالنسبة إلى A

4) أ) ابن النقاط I و J و K مناظرات النقاط A و B و B' على التوالي بالنسبة إلى النقطة O'

ب) أثبت أن النقاط I و J و K على استقامة واحدة

ج) أثبت أن $KJ = 4\text{cm}$. د) أثبت أن المستقيم (KJ) مماس لدائرة Γ بالنسبة إلى A في النقطة I

تمرين عدد 15: ليكن معين (O,I,J) في المستوى حيث $(OJ) \perp (OI)$ و $OI = OJ$

لتكن H مجموعة النقاط $M(x;y)$ حيث $x = 3$ و $2 \leq y \leq 6$

1) مثل المجموعة H في المعين (O,I,J)

2) مثل المجموعتين H_1 و H_2 مناظرتي المجموعة H بالنسبة إلى كل من المحور (OI) و المحور (OJ) على التوالي

3) نعتبر النقطتين A و B طرفي المجموعة H

حدد إحداثيات كل من النقطتين A_1 و B_1 طرفي المجموعة H_1 ثم حدد إحداثيات كل من النقطتين A_2 و B_2 طرفي

المجموعة H

تمرين عدد 16: 1) أ) ابن مثلث EFG حيث $EG = 5\text{cm}$ و $\hat{FEG} = 60^\circ$ و $\hat{EGF} = 45^\circ$

ب) عين النقطة I منتصف [EF] ثم ابن النقطة G' مناظرة G بالنسبة إلى I

ج) بين أن $FG' = 5\text{cm}$

2) أ) عين النقطة J منتصف [FG] ثم ابن النقطة E' مناظرة E بالنسبة إلى J

ب) بين أن $FE' = FG'$

3) أثبت أن النقطتين E' و G' متناظرتان بالنسبة إلى F

4) ما هي مناظرة الزاوية \hat{FGE} بالنسبة إلى I. استنتج قيسها

تمرين عدد 17:

1) ارسم مثلثا EFG قائما في E حيث $\hat{EFG} = 40^\circ$ و $FG = 5\text{cm}$

ب) احسب \hat{EGF}

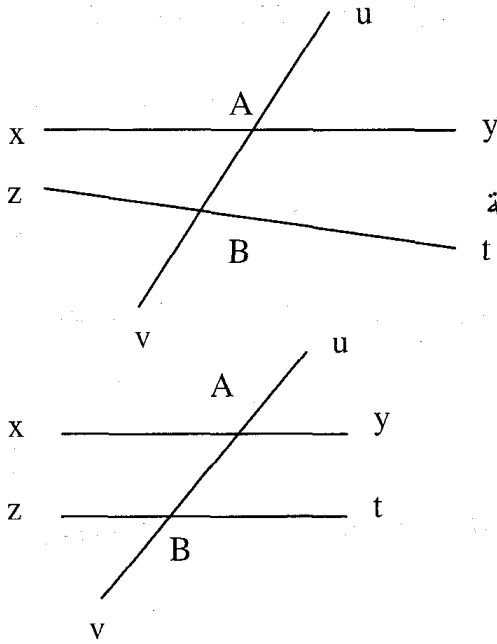
2) أ) عين النقطة A على [FG] حيث $GA = 2\text{cm}$ وارسم النقطة I المستقط العمودي لـ A على (EG)

ب) بين أن $(AI) \parallel (EF)$. ج- أثبت أن $\hat{IAG} = 40^\circ$

3) ابن النقطة B مناظرة G بالنسبة إلى I والنقطة D مناظرة A بالنسبة إلى I

ج- استنتج أن $\hat{DBI} = 50^\circ$. د) استنتج أن $(BD) \parallel (AI)$

مراجعة عامة



(1) - الزاويتان $u\hat{B}t$ و $x\hat{A}v$ هما زاويتان متبادلتان داخليا

- الزاويتان $u\hat{A}y$ و $u\hat{B}t$ هما زاويتان متماثلتان

- الزاويتان $u\hat{B}t$ و $v\hat{A}y$ هما زاويتان داخلتان من نفس الجهة

(2) إذا كان المستقيمان (xy) و (zt) متوازيين فإن :

- كل زاويتين متبادلتان داخليا متقايستان $u\hat{B}t = x\hat{A}v$

- كل زاويتين متماثلتان متقايستان $U\hat{B}T = U\hat{A}Y$

- كل زاويتين داخلتان من نفس الجهة متكاملتان

$$U\hat{B}T + Y\hat{A}V = 180^\circ$$

(3) - مستقيمان و قاطع لهما يكونان زاويتين متبادلتين داخليا متقايستين هما مستقيمان متوازيان

- مستقيمان و قاطع لهما يكونان زاويتين متماثلتين متقايستين هما مستقيمان متوازيان

(4) - مجموع زوايا مثلث يساوي 180°

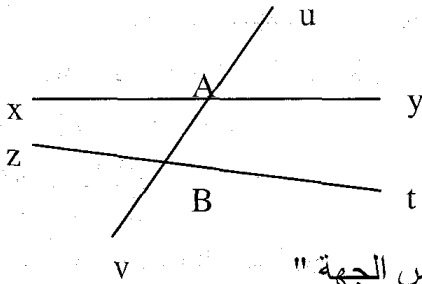
- مجموع أقيسة زوايا رباعي محدب يساوي 360°

التمارين

تمرين عدد 01:

تأمل الرسم التالي حيث (xy) و (zt) مستقيمين

و (uv) مستقيم قاطع لهما في النقطتين A و B

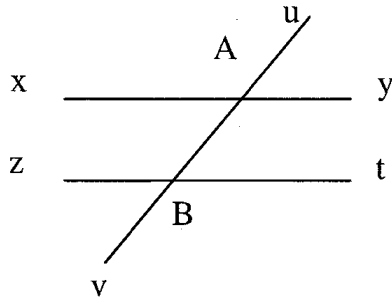


(1) أكمل الفراغات بما يناسب: "متبادلتان داخليا / متماثلتان / داخلتان من نفس الجهة"

..... $U\hat{B}T$ و $U\hat{A}Y$ هما زاويتان

..... $U\hat{B}T$ و $x\hat{A}v$ هما زاويتان

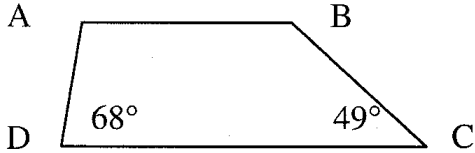
..... $U\hat{B}T$ و $Y\hat{A}V$ هما زاويتان



(2) نعتبر المستقيمين (xy) و (zt) متوازيين
أ) قارن كل من الزاويتين \widehat{uAy} و \widehat{UBT} ثم الزاويتين \widehat{XAv} و \widehat{UBT}

ب) إذا كان $\widehat{UBT} = 58^\circ$ احسب \widehat{yAv} ; \widehat{xAv} ; \widehat{uAy}

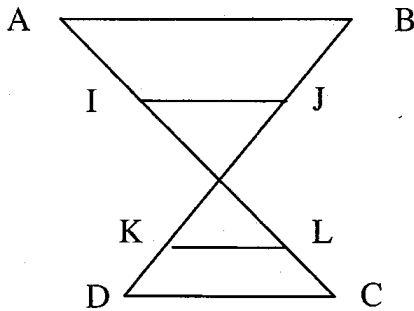
تمرين عدد 02:



تأمل الرسم التالي حيث ABCD شبه منحرف و $\widehat{ADC} = 68^\circ$ و $\widehat{DCB} = 49^\circ$.

احسب \widehat{DAB} و \widehat{ABC}

تمرين عدد 03:

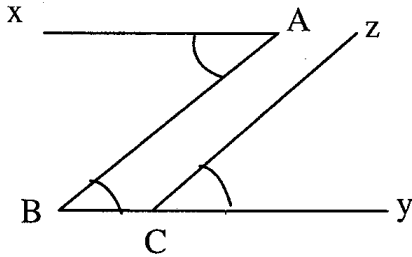


تأمل الرسم التالي حيث $(DC) \parallel (KL) \parallel (IJ) \parallel (AB)$

و $OD = OC$ و $\widehat{ODC} = 63^\circ$

احسب: \widehat{OKL} ; \widehat{IJB} ; \widehat{ABJ} ; \widehat{AOB}

تمرين عدد 04:



تأمل الرسم التالي حيث $\widehat{xAB} = \widehat{ABy} = \widehat{zCy}$
أثبت أن $(By) \parallel (Ax)$ و أن $(AB) \parallel (Cz)$

تمرين عدد 05:

ارسم زاوية $[ox ; oy]$ حيث $\widehat{xOy} = 75^\circ$ ثم عين نقطة A على (ox)

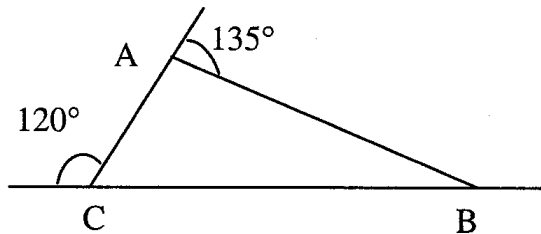
ارسم نصف المستقيم $[Az)$ من جهة (oy) حيث $\widehat{oAz} = 105^\circ$

أثبت أن $(oy) \parallel (Az)$

تمرين عدد 06:

تأمل الرسم التالي

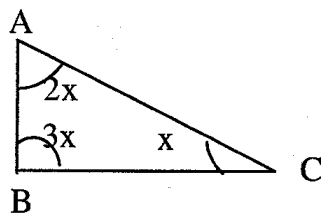
احسب أقيسة زوايا المثلث ABC



تمرين عدد 07:

تأمل الرسم التالي

أثبت أن المثلث ABC قائم الزاوية



تمرين عدد 08:

(1) ارسم مثلث ABC متقايس الضلعين قمته الرئيسية A ثم ابن المستقيم Δ المار من A و الموازي للمستقيم (BC)
 (2) ا ابن (Bx) و [Cy] منصفى الزاويتين $\hat{A}BC$ و $\hat{A}CB$ على التوالي حيث [Bx] يقطع Δ في نقطة I و [Cy] يقطع Δ في نقطة J

(ب) أثبت أن $\hat{A}IB = \hat{C}BI$ و $\hat{A}JC = \hat{J}CB$
 (3) المستقيمين (CJ) و (BI) يتقاطعان في النقطة K
 أثبت أن المثلث KIJ متقايس الضلعين

تمرين عدد 09:

(1) ارسم مثلث ABC قائم الزاوية في A حيث $\hat{A}BC = 54^\circ$ احسب $\hat{A}CB$
 (2) ا ابن Δ المستقيم المار من C و العمودي على (AC)
 (ب) أثبت أن $(AB) \parallel \Delta$
 (3) عين نقطة E على المستقيم Δ من جهة B
 أثبت أن $\hat{A}BC = \hat{B}CE$ و $\hat{B}AE = \hat{A}EC$
 (4) ا ابن المستقيم Δ' الموازي للمستقيم (BC) و المار من A حيث يقطع المستقيم Δ في النقطة K
 (ب) عين نقطة F على المستقيم Δ' من جهة B أثبت أن $\hat{B}AF = \hat{B}CE$
 (5) احسب أقيسة زوايا المثلث ACK

تمرين عدد 10:

(1) ارسم مثلث ABC متقايس الضلعين قمته الرئيسية A حيث $\hat{A}BC = 70^\circ$ احسب $\hat{B}AC$
 (2) الإرتفاع الصادر من A يقطع (BC) في النقطة H
 (أ) أثبت أن [AH] هو منصف الزاوية $\hat{C}AB$
 (ب) استنتج $\hat{H}AB$; $\hat{C}AH$
 (3) المستقيم الموازي لـ (AC) و المار من B يقطع المستقيم (AH) في النقطة K
 (أ) أثبت أن $\hat{A}KB = \hat{C}AK$; $\hat{A}CB = \hat{C}BK$
 (ب) أثبت أن المثلث ABK متقايس الضلعين

تمرين عدد 11:

(1) ا ارسم مثلث ABC حيث $\hat{B}AC = 50^\circ$; $\hat{A}BC = 65^\circ$ ، احسب $\hat{A}CB$
 (ب) أثبت أن $AB = AC$
 (2) ا عين نقطة I على القطعة [AC] ثم ابن المستقيم Δ المار من I و العمودي على المستقيم (BC) حيث Δ يقطع [BC] في J
 و يقطع (AB) في K
 (ب) احسب $\hat{J}IC$ ثم استنتج $\hat{A}IK$
 (ج) احسب \hat{AKI}
 (3) ا ابن النقطة E مناظرة النقطة I بالنسبة إلى النقطة J
 (ب) أثبت أن المثلث ICE متقايس الضلعين
 (ج) أثبت أن $\hat{B}KE = \hat{C}EK$
 (د) أثبت أن $(CE) \parallel (AB)$

تمرين عدد 12:

(1) أ) ارسم دائرة Γ مركزها O و قطرها [AB] ثم ابن المستقيمين Δ و Δ' المماسين للدائرة Γ في النقطتين A و B على التوالي

(ب) أثبت أن $\Delta' \parallel \Delta$

(2) أ) عين نقطة C من Δ' حيث $OB = OC$ المستقيم (OC) يقطع Δ في E

(ب) أثبت أن $\widehat{OEA} = \widehat{OCB} = 45^\circ$

(3) أ) ابن النقطتين F و G مناظرتي E و O على التوالي بالنسبة إلى A

(ب) أثبت أن $\widehat{GFE} = \widehat{OEF}$

(ج) أثبت أن $(OE) \parallel (GF)$

تمرين عدد 13:

(1) ارسم مستطيلا ABCD ثم عين النقطتين M و N على [AB] و [DC] على التوالي حيث $\widehat{DNM} = 120^\circ$ احسب \widehat{AMN}

(2) المستقيم (MN) يقطع المستقيمين (BC) و (AD) في النقطتين I و J على التوالي أثبت أن

$$\widehat{IMB} = \widehat{MNC} \quad ; \quad \widehat{BIM} = \widehat{DJN}$$

(3) أ) ابن النقطتين P و K حيث P مناظرة M بالنسبة إلى B و K مناظرة N بالنسبة إلى D

(ب) ما نوع كل من المثلثين \widehat{IPM} ; \widehat{JKN} ؟

(ج) أثبت أن $\widehat{IMP} = \widehat{IPM} = \widehat{JNK} = \widehat{NKJ}$

(د) استنتج أن $\widehat{PIM} = \widehat{KJN}$

(هـ) أثبت أن $(KJ) \parallel (IP)$

تمرين عدد 14:

(1) أ) ارسم شبه منحرف ABCD قاعدته [AB] و [CD]

حيث $\widehat{BCD} = 60^\circ$ ثم ابن المستقيم Δ المتوسط العمودي للقطعة [AB]

(ب) أثبت أن Δ عمودي على المستقيم (CD)

(2) المستقيم Δ يقطع [AB] و [CD] في النقطتين I و J على التوالي ، احسب \widehat{ABC}

(3) المستقيم Δ يقطع المستقيم (BC) في النقطة K

(أ) احسب \widehat{KAB}

(ب) ما نوع المثلث \widehat{ABK} ؟

تمرين عدد 15: (1) أ) ارسم مثلث ABC متقايس الضلعين قمته الرئيسية A حيث $\widehat{ABC} = 74^\circ$

(ب) احسب \widehat{BAC}

(2) أ) لتكن النقطة I منتصف [AB] ابن المستقيم المار من I الموازي للمستقيم (BC) و يقطع [AC] في النقطة J

(ب) أثبت أن $\widehat{AIJ} = \widehat{AJI} = 74^\circ$

(ج) ما نوع المثلث \widehat{AIJ} ؟

(د) أثبت أن J منتصف [AC]

(3) أ) ابن النقطتين K و L حيث K مناظرة J بالنسبة إلى I و L مناظرة I بالنسبة إلى J

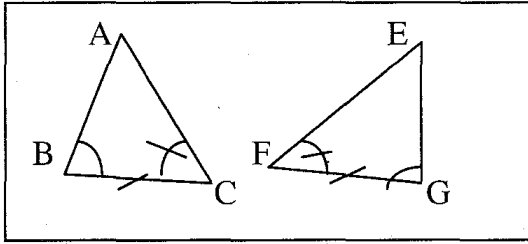
(ب) أثبت أن $\widehat{AKB} = \widehat{AJK}$; $\widehat{ILC} = \widehat{AIL}$

(ج) أثبت أن $(KB) \parallel (AC)$ و أن $(LC) \parallel (AB)$

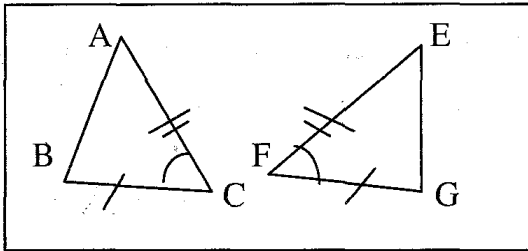
و (LC) يتقاطعان في النقطة E أثبت أن $EK = EL$

مراجعة عامة

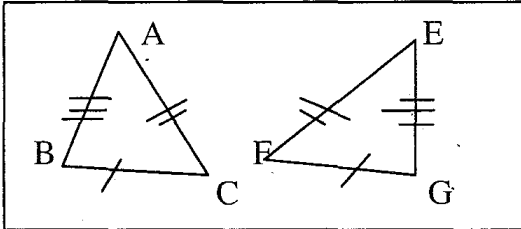
مثلثان متقايسان هما مثلثان أضلاعهما متقايسة
مثنى مثنى و زواياهما متقايسة مثنى مثنى



الحالة الأولى: يتقايس مثلثان إذا قايس ضلع
و الزاويتان المجاورتان له في أحدهما ضلعا
و الزاويتين المجاورتين له في الثاني

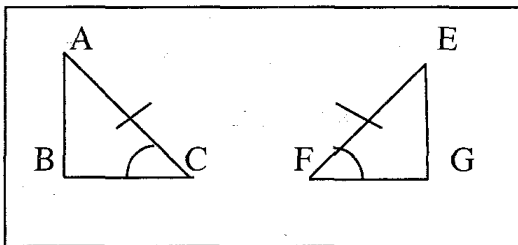


الحالة الثانية: يتقايس مثلثان إذا قايس ضلعان
و الزاوية المحصورة بينهما في أحدهما ضلعين
و الزاوية المحصورة بينهما في الثاني

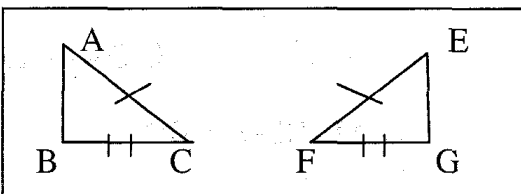


الحالة الثالثة: يتقايس مثلثان إذا قايست الأضلاع
الثلاثة في أحدهما الأضلاع الثلاثة في الثاني

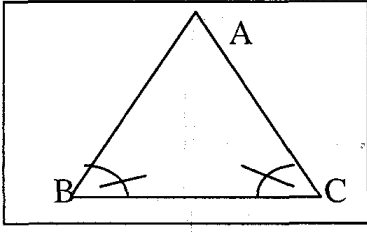
تقايس المثلثات القائمة:



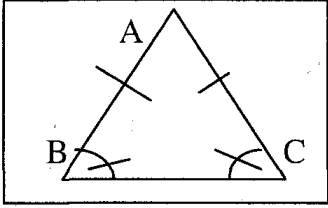
الحالة الأولى: يتقايس مثلثان قائمان إذا قايس الوتر
و زاوية حادة في أحدهما الوتر و زاوية حادة في الثاني



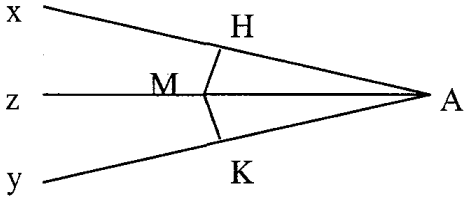
الحالة الثانية: يتقايس مثلثان قائمان إذا قايس الوتر
و ضلع قائم في أحدهما الوتر و ضلع قائم في الثاني



• زاويتا القاعدة في مثلث متقايس الضلعين متقايستان



• إذا تقايست زاويتان في مثلث فإن هذا المثلث متقايس الضلعين



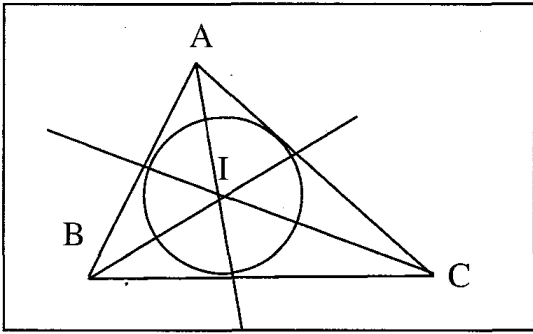
• تبعد كل نقطة من منصف زاوية نفس البعد عن ضلعي تلك الزاوية

• إذا كانت نقطة متساوية البعد عن ضلعي زاوية فهي تنتمي

إلى منصف تلك الزاوية

• تتقاطع منصفات زوايا المثلث في نقطة مشتركة هي

مركز الدائرة المحاطة بالمثلث



التمارين

تمرين عدد 01:

لاحظ الرسم التالي حيث $(BD) \parallel (AC)$ و I منتصف [AB]

(1) بين أن المثلثين AIC و BID متقايسان

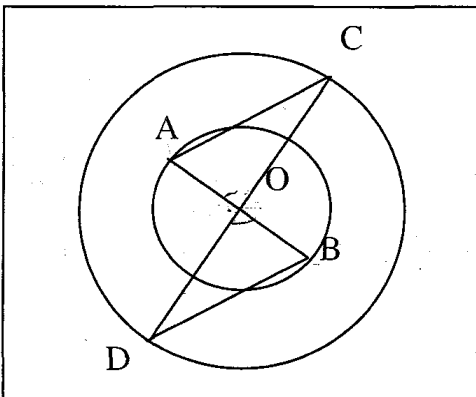
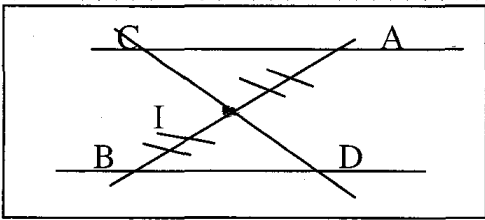
(2) استنتج أن $BD = AC$ و I منتصف [DC]

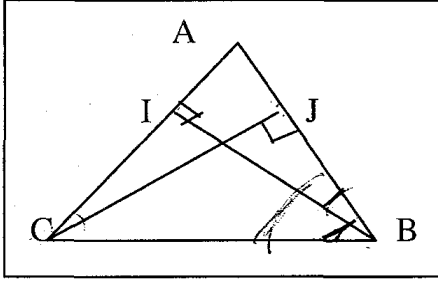
تمرين عدد 02:

لاحظ الرسم التالي

(1) بين أن المثلثين OAC و OBD متقايسان

(2) استنتج أن $BD = AC$ و $\hat{A}CO = \hat{B}DO$





تمرين عدد 03:

تأمل الرسم التالي حيث $AB = AC$

(1) بين أن المثلثين BCI و BJC متقايسين

(2) استنتج أن $AI = AJ$ و $IB = JC$

تمرين عدد 04:

(1) ارسم دائرة Γ مركزها O وليكن $[AA']$ و $[BB']$ قطران لهذه الدائرة

(2) أ) أثبت تقاييس المثلثين OAB و $OA'B'$

ب) استنتج أن $AB = A'B'$ و $\widehat{OAB} = \widehat{OA'B'}$

(3) منصف الزاوية \widehat{OAB} يقطع $[OB]$ في I و منصف الزاوية $\widehat{OA'B'}$ يقطع $[OB']$ في J

أ) قارن المثلثين IAB و $JA'B'$

ب) استنتج أن $IA = JA'$ و $\widehat{AIB} = \widehat{A'JB'}$

تمرين عدد 05:

(1) ليكن ABC مثلثا و I منتصف $[AB]$

ابن المستقيم Δ المار من I و الموازي لـ (BC) و يقطع (AC) في J ثم المستقيم Δ' المار من J و الموازي لـ (AB) و يقطع (BC) في K

(2) أ) مانوع الرباعي $IJKB$ ؟ استنتج أن $IJ = BC$ و $IB = JK$

ب) أثبت أن $\widehat{IBK} = \widehat{AIJ}$

ج) أثبت أن المثلثين AIJ و IBK متقايسين

(3) أ) بين أن $\widehat{IBK} = \widehat{JKC}$ و استنتج أن $\widehat{AIJ} = \widehat{JKC}$

ب) بين أن المثلثين AIJ و JKC متقايسين

ج) استنتج أن J منتصف $[AC]$

تمرين عدد 06:

(1) ليكن ABC مثلث حيث $AB = AC$

ابن $[Bx]$ و $[Cy]$ يتقاطعان في K و $[AC]$ يقطع $[AB]$ في J و $[AB]$ يقطع $[AC]$ في I ثم ابن $[Cy]$ منصف الزاوية \widehat{ACB} و يقطع $[AB]$ في J .

(2) أ) بين أن المثلثين AIB و AJC متقايسين

ب) استنتج أن $BI = CJ$

(3) أ) بين أن المثلثين IBC و JCB متقايسين

ب) استنتج أن $IC = JB$ و $\widehat{CJB} = \widehat{BIC}$

(4) أ) قارن المثلثين KJB و KIC

ب) قارن KB و KC ثم استنتج أن (AK) المتوسط العمودي لـ $[BC]$

تمرين عدد 07:

- (1) ارسم زاوية منفرجة $[OX; OY]$ و منصفها $[OZ]$
 لتكن O دائرة مركزها O هذه الدائرة تقطع $[OX]$ في A وتقطع $[OY]$ في B وتقطع $[OZ]$ في D
 (2) أ) ما نوع المثلث OAD ؟
 ب) استنتج أن $\widehat{ODA} = \widehat{OAD}$
 (3) أ) أثبت تقاييس المثلثين OAD و OBD
 ب) استنتج أن $AD = BD$ و $\widehat{ODA} = \widehat{OBD}$
 (4) أ) ارسم الإرتفاع $[AE]$ الصادر من A في المثلث OAD والارتفاع $[DF]$ الصادر من D في المثلث OBD
 ب) بين أن المثلثين ADE و FDB متقايسين
 (5) المستقيم المار من E والموازي لـ (OY) يقطع $[OX]$ في M . بين أن المثلث OME متقايس الضلعين قمته الرئيسية M

تمرين عدد 08:

- (1) ليكن ABC مثلث متقايس الضلعين قمته الرئيسية A و I منتصف $[BC]$
 ابن المستقيم Δ المار من I و العمودي على $[AB]$ في J و المستقيم Δ' المار من I و العمودي على $[AC]$ في K
 (2) أ) بين أن المثلثين IJB و IKC متقايسين
 ب) استنتج أن $IJ = IK$ و $\widehat{KIC} = \widehat{JIB}$
 (3) أ) بين أن المثلثين AIJ و AIK متقايسين
 ب) استنتج أن $\widehat{AIK} = \widehat{AIJ}$
 (4) ارسم المستقيم العمودي على (AI) في A حيث يقطع (IJ) في M و (IK) في N
 أ) بين أن المثلثين AIM و AIN متقايسين
 ب) استنتج أن A منتصف $[MN]$

تمرين عدد 09:

- (1) ارسم زاوية حادة $[OX; OY]$ ثم عين نقطة A من $[OX]$ مخالفة لـ O ونقطة B من $[OY]$ بحيث $OA = OB$
 ابن المستقيم Δ المار من A و العمودي على $[OY]$ في C و المستقيم Δ' المار من B و العمودي على $[OX]$ في D ، Δ و Δ' ينقاطعان في نقطة I
 (2) أ) أثبت تقاييس المثلثين OAC و OBD
 ب) استنتج أن $OC = OD$
 (3) أ) أثبت تقاييس المثلثين OIC و OID
 ب) استنتج أن $[OI]$ منصف الزاوية XOY

تمرين عدد 10:

- ليكن ABC مثلث . ارسم المستقيم Δ المار من A و الموازي لـ (BC) ثم عين نقطة M من Δ من جهة C حيث $AM = BC$. ارسم المستقيم المار من M و الموازي لـ (AC) و يقطع (AB) في N
 (2) أ) بين أن $\widehat{MAN} = \widehat{ABC}$
 ب) أثبت أن $\widehat{BCA} = \widehat{CAM} = \widehat{AMN}$
 ج) أثبت تقاييس المثلثين ABC و AMN
 واستنتج أن $AN = AB$ و $\widehat{MNA} = \widehat{BAC}$
 (3) أ) ابن $[AT]$ منصف الزاوية \widehat{BAC} و يقطع (BC) في I ثم $[AY]$ منصف الزاوية \widehat{MNA} و يقطع (AM) في J
 ب) أثبت تقاييس المثلثين AIB و NJA

تمرين عدد 11:

نعتبر EFG مثلث حيث $EF = 3\text{cm}$ و $EG = 7\text{cm}$ و $FG = 8\text{cm}$ و لتكن I منتصف $[FG]$ و $[EX]$ منتصف الزاوية \widehat{FEG} . ارسـم المستقيم Δ المار من I و العمودي على $[EX]$. يقـطـع (EF) في H و (EG) في K و (EX) في J

(2) أ) أثبت تقايس المثلثين EJK و EJH

ب) استنتج أن EJK متقايس الضلعين

(3) ارسـم المستقيم Δ' المار من F و الموازي لـ (EG) . Δ' يقـطـع (HK) في L

أ) أثبت أن $\widehat{HKE} = \widehat{FLH}$

ب) بين أن المثلث HFL متقايس الضلعين

(4) أ) أثبت أن $\widehat{KGI} = \widehat{IFL}$

ب) أثبت تقايس المثلثين KIG و FIL

ج) استنتج أن $GK = FH$

تمرين عدد 12: نعتبر EFG مثلثا متقايس الضلعين قمته الرئيسية E

(1) أ) ارسـم الارتفاعين $[FF']$ و $[GG']$ الموافقين للضلعين $[EG]$ و $[EF]$ على التوالي

ب) بين أن المثلثين EFF' و EGG' متقايسيان

ج) استنتج أن $FF' = GG'$

د) اثبت أن المثلث $EF'G'$ متقايس الضلعين

(2) لتكن H المركز القائم للمثلث EFG

أ) قارن المثلثين EHF' و EHG'

ب) استنتج أن (EH) هو المتوسط العمودي لـ $[F'G']$

ج) أثبت أن $(FG) \parallel (F'G')$

تمرين عدد 13:

لاحظ الرسم التالي حيث $AB = AC$ و $AI = AJ$

(1) بين أن المثلثين AIC و AJB متقايسان

(2) استنتج أن $\widehat{AIC} = \widehat{AJB}$ و $JB = IC$

تمرين عدد 14:

(1) ارسـم دائرتين \mathcal{C} و \mathcal{C}' مركزيهما I و J على التوالي و متقاطعتين في النقطتين A و B

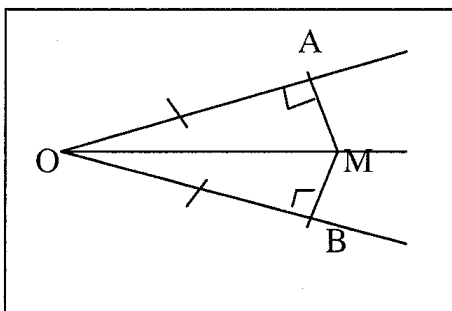
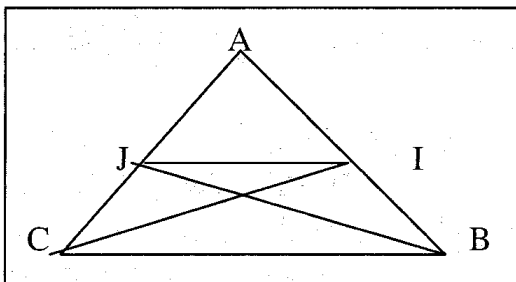
(2) بين أن المثلثين AIJ و BIJ متقايسين

(3) استنتج أن $[IJ]$ منتصف الزاوية \widehat{AIB}

تمرين عدد 15: لاحظ الرسم التالي حيث $OA = OB$

(1) بين أن المثلثين OAM و OBM متقايسين

نصف الزاوية \widehat{AOB}



تمرين عدد 16:

(1) ارسم مستقيمين Δ و Δ' متقاطعين في نقطة O ثم عين النقطتين A و B على Δ حيث $OA = OB$ والنقطتين C و D على Δ' حيث

$$OC = OD$$

(2) أثبت تقاييس المثلثين OAC و OBD

(ب) استنتج أن $BD = AC$ و $\widehat{OBD} = \widehat{OAC}$ و $\widehat{ODB} = \widehat{OCA}$

(3) المستقيم المار من O يقطع [AC] في I و [BD] في J

(أ) أثبت تقاييس المثلثين OAI و OBJ

(ب) استنتج أن $OI = OJ$ و $\widehat{OJB} = \widehat{OIA}$

تمرين عدد 17:

نعتبر مثلثا EFG متقايس الضلعين قمته الرئيسية E

(1) ابن [FX] منصف الزاوية \widehat{EFG} و [GY] منصف الزاوية \widehat{EGF} حيث يتقاطعان في النقطة O

(2) بين أن المثلث OFG متقايس الضلعين

(3) برهن أن النقطتين G و F متناظرتان بالنسبة إلى المستقيم (OE)

(4) [FX] يقطع [EG] في النقطة A و [GY] يقطع [EF] في النقطة B

(أ) أثبت تقاييس المثلثين FBG و FAG

(ب) استنتج أن المثلث BOA متقايس الضلعين

تمرين عدد 18:

(1) ابن مثلثا ABC قائم الزاوية في A بحيث $\widehat{ABC} = 30^\circ$

(أ) احسب \widehat{ACB}

(ب) ابن النقطة D مناظرة النقطة C بالنسبة إلى A

(ج) بين أن المثلث BCD متقايس الأضلاع

(2) المستقيم المار من A و الموازي لـ (BD) يقطع (BC) في E

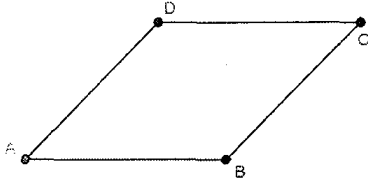
(أ) بين أن المثلث ACE متقايس الأضلاع

(ب) استنتج أن المثلث AEB متقايس الضلعين وأن E هي مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC

مراجعة عامة

1- متوازي أضلاع:

- متوازي أضلاع هو رباعي يتوازي فيه كل ضلعين متقابلين
- في متوازي أضلاع لنا :



• القطران يتقاطعان في منتصفهما

• كل زاويتين متتاليتين متكاملتين و كل زاويتين متقابلتين متقايستين
• كل ضلعين متقابلين متقايسين

- رباعي محدب يتقاطع قطراه في منتصفهما هو متوازي أضلاع
- رباعي محدب زواياه المتقابلة متقايسة هو متوازي أضلاع
- رباعي محدب يتقايس فيه كل ضلعين متقابلين هو متوازي أضلاع
- رباعي محدب له ضلعان متوازيان و متقايسان هو متوازي أضلاع

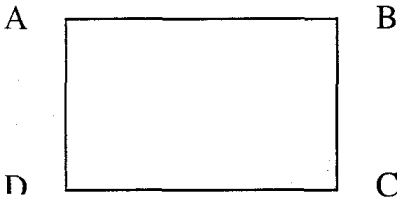
2- المستطيل:

- المستطيل هو رباعي له أربع زوايا قائمة

- المستطيل هو متوازي أضلاع له زاوية قائمة

- في المستطيل القطران متقايسان و يتقاطعان في منتصفهما

- كل رباعي محدب قطراه يتقاطعان في منتصفهما و متقايسان هو مستطيل

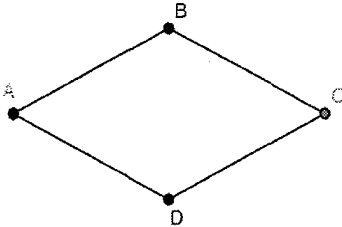


3- المعين:

- المعين هو رباعي أضلاعه الأربعة متقايسة

- رباعي محدب قطراه يتقاطعان في منتصفهما و متعامدان هو معين

- متوازي أضلاع له ضلعان متتاليان متقايسان هو معين

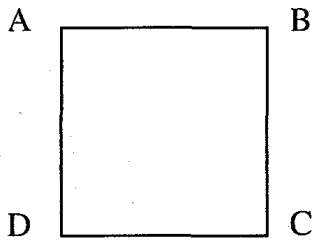


4- المربع:

- المربع هو رباعي أضلاعه متقايسة و زواياه قائمة

- رباعي محدب أضلاعه متقايسة و له زاوية قائمة هو مربع

- مستطيل له ضلعان متتاليان متقايسان هو مربع



التمارين

رودة قيس الطول هي الصنتمتر (

تمرين عدد 01: أجب ب "صواب" أو "خطأ"

(1) كل مربع هو معين .

(2) رباعي أضلاع قطراه متقايسان و يتقاطعان في منتصفهما هو مستطيل.

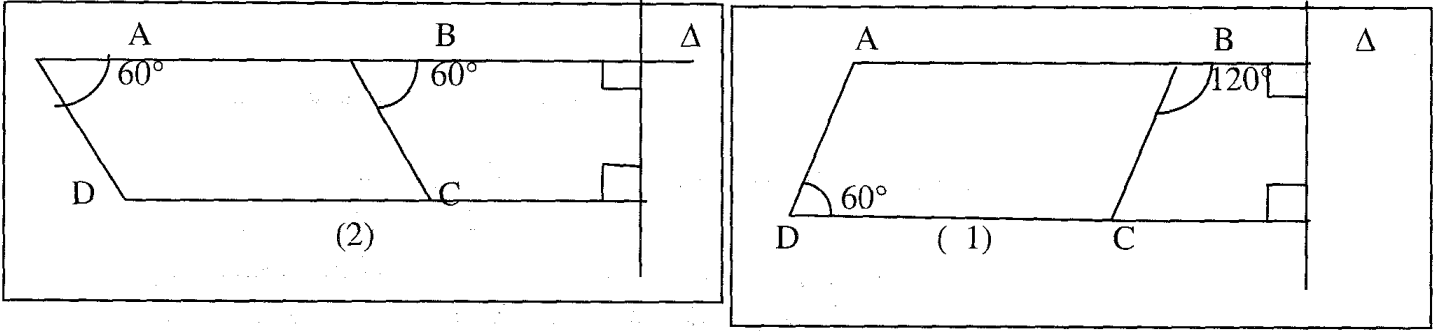
اه متعامدان هو معين .

(4) إذا ربطت منتصفات الأضلاع المتتالية لمستطيل أتحصل على مستطيل.

(5) إذا ربطت منتصفات الأضلاع المتتالية لمستطيل أتحصل على معين.

تمرين عدد 02:

لاحظ الرسمين التاليين و حدد في أي حالة من الحالتين (1) و (2) الرباعي ABCD متوازي أضلاع



تمرين عدد 03:

نعتبر مثلثا ABC قائم الزاوية في A و متقايس الضلعين حيث J منتصف [BC].

(1) أ) ابن النقطة D حيث الرباعي ABCD متوازي أضلاع و عين النقطة I مناظرة D بالنسبة إلى C.

(ب) بين أن ABIC مستطيل.

(2) عيّن النقطة K منتصف [AD] بين أن JCDK متوازي أضلاع.

(3) أ) بين أن $(AJ) \perp (BC)$.

(ب) بين أن AJCK مستطيل.

تمرين عدد 04:

نعتبر متوازي أضلاع ABCD حيث I نقطة تقاطع قطريه.

(1) ارسم نقطة M تنتمي لـ [DC] و $MC = \frac{3}{4}DC$

(2) ارسم نقطة N تنتمي لـ [AB] و $BN = \frac{AB}{4}$

(3) أثبت أن ANCM متوازي أضلاع

(4) أثبت أن I منتصف [MN]

تمرين عدد 05: ليكن ABC مثلث متقايس الضلعين قمته الرئيسية B حيث $AB = 4 \text{ cm}$ و لتكن I منتصف [AC]

(1) أ) ابن النقطة D بحيث I منتصف [BD].

(ب) بين أن الرباعي ABCD معين

(2) ابن النقطة E بحيث يكون الرباعي AIBE متوازي أضلاع.

(أ) بين أن الرباعي AIBE مستطيل

(ب) احسب IE

(ج) بين أن $EB = IC$

(د) استنتج أن ICBE متوازي أضلاع

(3) أ) ابن النقطتين M و N بحيث M مناظرة A بالنسبة إلى B و B منتصف [CN]

(ب) بين أن ACMN مستطيل.

نعتبر ABCD متوازي الأضلاع حيث $\hat{ABC} = 60^\circ$

\hat{ADC}

- (ب) ارسم $[AX]$ منصف الزاوية $[AB, AD]$ حيث يقطع (CD) في النقطة E
 - بين أن $\hat{AED} = 30^\circ$
 (ج) استنتج أن $DE = DA$
 (2) أ) ارسم $[By]$ منصف الزاوية \hat{ABC} حيث يقطع (Ax) في النقطة F
 - بين أن $\hat{AFB} = 90^\circ$
 (ب) ارسم $[Dz]$ منصف الزاوية \hat{ADC} حيث يقطع (Ax) في النقطة G
 - بين أن $(Dz) \perp (Ax)$
 (3) أ) ارسم $[Ct]$ منصف الزاوية \hat{BCD} حيث يقطع (By) في النقطة H و يقطع (Dz) في النقطة K
 بين أن $(Ct) \parallel (Ax)$
 (ب) بين أن الرباعي $FGHK$ مستطيل
تمرين عدد 07:

نعتبر (O, I, J) معيناً للمستوى حيث $OI = OJ$ و $(OI) \perp (OJ)$

- (1) أ) عيّن النقطة $A(2, -3)$ و النقطة $B(2, 3)$
 (ب) بين أن المستقيم (OI) هو المتوسط العمودي لـ $[AB]$
 (ج) استنتج أن المثلث OAB متقايس الضلعين
 (2) أ) ارسم النقطة C منازرة A بالنسبة إلى O و حدّد إحداثيتي النقطة C
 (ب) بين أن النقطتين B و C متناظرتان بالنسبة إلى المحور (OJ)
 (ج) بين أن المثلث ABC قائم في A
 (3) أ) عيّن النقطة $E(-2, -3)$ و بين أن O منتصف $[AE]$
 (ب) بين أن الرباعي $ABCE$ هو مستطيل

تمرين عدد 08:

- نعتبر (O, A, B) معيناً للمستوى حيث $(OB) \perp (OA)$ و $OA = OB = 1\text{cm}$
 (1) أ) عيّن النقطة $E(-1, 2)$ و $F(1, 2)$ و $G(0, 4)$
 (ب) بين أن الرباعي $OFGE$ معين
 (2) أ) احسب OG و FE
 (ب) احسب مساحة المعين $OFGE$

تمرين عدد 09:

(1) ابن متوازي الأضلاع $ABCD$ بحيث $\hat{BAD} = 60^\circ$; $AB = 4\text{cm}$; $AD = 6\text{cm}$

(2) أ) ابن $[Ax]$ منصف الزاوية \hat{BAD} $[Ax]$ يقطع (CD) في نقطة E

(ب) احسب \hat{DAE} ، \hat{ADE} و \hat{AED}

(ج) استنتج أن $DE = 6\text{cm}$

(3) أ) عيّن النقطة F من $[AB]$ حيث $AF = 6\text{cm}$

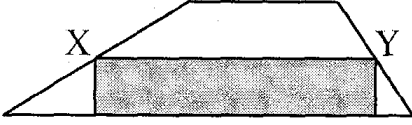
(ب) أثبت أن الرباعي $ADEF$ معين .

(4) $[AE]$ و $[DF]$ يتقاطعان في نقطة O

- (أ) ارسم الدائرة التي مركزها O وقطرها [AE]. (DF) يقطع K في النقطتين H و K
 (ب) بين أن الرباعي AHEK مربع .

تمرين عدد 10

لاحظ الشكل المقابل حيث قيس المساحة الملونة تساوي $13cm^2$
 النقطتي X و Y منتصف ضلعي الشبه المنحرف
 إذن قيس مساحة الشبه المنحرف بـ (cm^2) تساوي:
 (أ) 24 ؛ (ب) 25 ؛ (ج) 26 ؛ (د) 27 ؛ (هـ) 28

**تمرين عدد 11:**

- (1) لتكن [BC] قطعة مستقيم حيث I منتصفها عيّن على الوسط العمودي لـ [BC] النقطة A حيث $BC = IA$.
 (2) (أ) ابن النقطة D حيث ABCD متوازي أضلاع
 (ب) بين أن $AC = CD$
 (3) الموازي لـ (AO) و المار من D حيث يقطع (BC) في M
 بين أن AIMD مربع .
 (4) لتكن النقطة N مناظرة A بالنسبة إلى I
 بين أن ABNC معين .

تمرين عدد 12: نعتبر مثلث متقايس الأضلاع حيث $AB = 4$

- (أ) أوجد \hat{BAC}
 (ب) ارسم النقطة D مناظرة B بالنسبة إلى المستقيم (AC)
 بين أن $(BD) \perp (AC)$
 (ج) بين أن الرباعي ABCD هو معين
 (د) احسب \hat{BAD} و \hat{ABD}
تمرين عدد 13: نعتبر متوازي الأضلاع ABCD حيث $AB = 4$ و $AD = 2$ و $\hat{BAD} = 80^\circ$.

- (1) (أ) جد BC و CD
 (ب) أوجد \hat{BCD} و \hat{ABC}
 (2) (أ) لتكن E منتصف [AB] و F منتصف [CD]
 بين أن الرباعي AEFD هو معين
 (ب) استنتج أن $(ED) \perp (AF)$.
 (3) (أ) بين أن الرباعي AEFC هو متوازي الأضلاع.
 (ب) استنتج أن $(AF) \parallel (EC)$
 (ج) بين أن المثلث EDC قائم الزاوية .

تمرين عدد 14:

- (أ) ارسم شبه منحرف EFGH قاعدته [EF] و [GH] و حيث $GH = 4$ و $EH = 2$ و $\hat{FGH} = \hat{GHE} = 40^\circ$
 (ب) احسب \hat{FEG} و \hat{FEH}
 (2) (أ) ارسم المستقيم المار من E و الموازي للمستقيم (FG) حيث يقطع (GH) في النقطة M بين أن $\hat{EMH} = 40^\circ$
 (ب) بين أن $EM = 2$
 (3) (أ) بين أن الرباعي EFGM هو متوازي الأضلاع

به المنحرف EFGH ؟

تمرين عدد 15: ليكن (O, A, B) معيناً للمستوى حيث $(OA) \perp (OB)$ و $OA = OB$

(1) أ) عيّن النقطتين N و M حيث $M\left(\frac{3}{2}, 0\right)$ و $N\left(0, \frac{-3}{2}\right)$

احسب OM و ON

ب) ارسم النقطة K حيث يكون الرباعي $OMKN$ مربعاً

حدّد إحداثيتي النقطة K

(2) أ) ارسم النقطة R منازرة M بالنسبة إلى O .

حدّد إحداثيتي النقطة R

ب) احسب مساحة المثلث MKR

ج) ارسم النقطة $T\left(\frac{-3}{2}, \frac{3}{2}\right)$

بيّن أن O هي منتصف $[TK]$

د) بيّن أن الرباعي $MKRT$ هو متوازي الأضلاع

هـ) احسب مساحة متوازي الأضلاع $MKRT$.

تمرين عدد 16:

(1) أ) ارسم (O, I, J) معيناً للمستوى محوراها متعامدان حيث $OI = OJ$ و عيّن النقطة $A(2, 2)$.

ب) ارسم النقطة B منازرة النقطة A بالنسبة إلى O .

حدّد زوج إحداثيتي النقطة B .

(2) أ) عيّن النقطة $C(2, -2)$.

بيّن أن النقطة C منازرة للنقطة A بالنسبة إلى محور الفاصلات (OI)

ب) بيّن أن $(BC) \parallel (OI)$

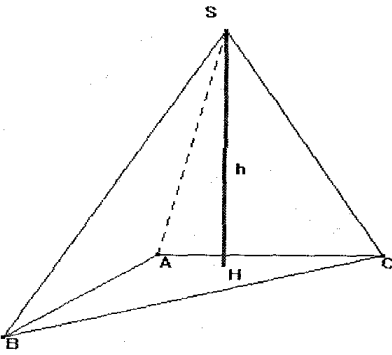
ج) بيّن أن $(BC) \perp (AC)$

مراجعة عامة

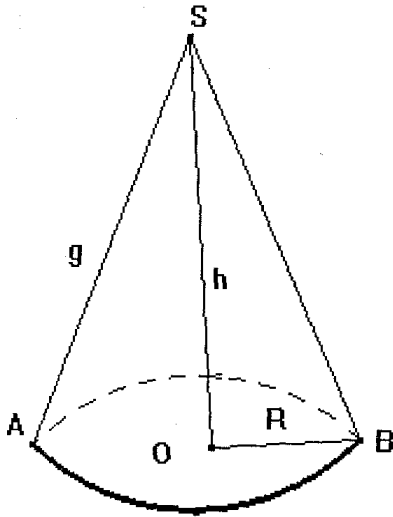
الهرم:

- الهرم هو مجسم أوجهه الجانبية في شكل مثلثات و قاعدته في شكل مضلع
- ارتفاع الهرم h هو البعد بين القمة S و القاعدة B

- حجم الهرم يساوي ثلث جداء مساحة قاعدته B في ارتفاعه h أي $v = \frac{B \times h}{3}$



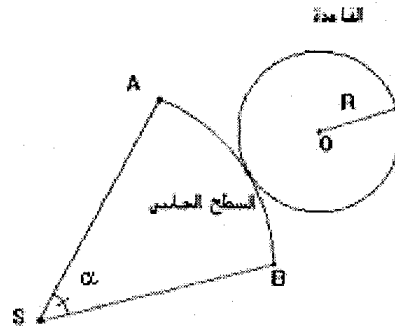
هرم ثلاثي



المخروط الدائري القائم:

- S قمة المخروط
- R شعاع المخروط
- H ارتفاع المخروط
- g عمد المخروط

النشر:



• ارتفاع المخروط الدائري القائم هو البعد بين قمته و مركز قاعدته: $h=SO$

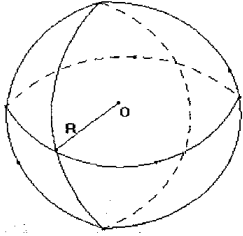
• قياس طول القوس الدائري \widehat{AB} يساوي محيط القاعدة: $l = 2\pi R = \frac{2\pi g \alpha}{360}$

• قياس المساحة الجانبية للمخروط الدوراني يساوي قياس مساحة القطاع الدائري: $A_L = \pi g R = \frac{\pi g^2 \alpha}{360}$

• قياس المساحة الجملية للمخروط الدوراني يساوي قياس مجموع قياس المساحة الجانبية و مساحة القاعدة

$$A_r = \pi gR + \pi R^2 = \pi R(g + R)$$

• V قيس حجم المخروط الدائري القائم : $v = \frac{B \times h}{3} = \frac{\pi \times R^2 \times h}{3}$ مع العلم أن h هو الارتفاع و B القاعدة



الكرة :

• الكرة التي مركزها O و شعاعها R هي مجموع نقاط الفضاء التي يكون بعدها عن O أصغر أو يساوي R

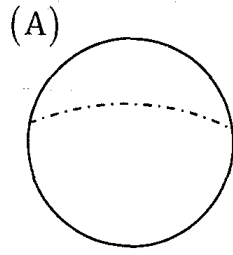
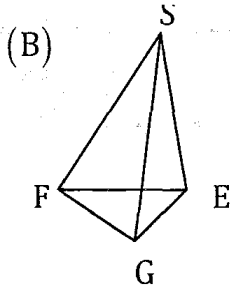
• السطح الكروي لا يقبل النشر

• قيس مساحة سطح الكرة يساوي $S = 4\pi R^2$

• قيس حجم الكرة $V = \frac{4\pi R^3}{3}$

التمارين

نأخذ: $\pi \approx 3.14$



تمرين عدد 01:

المجسم (A) على شكل كرة قطرها 12 cm

1- احسب حجم هذه الكرة .

2- المجسم (B) على شكل هرم قاعدته مثلث قائم

احسب مساحة قاعدة المجسم (B) علما أن حجمه

مساوي لحجم الكرة و ارتفاعه 9.42 cm

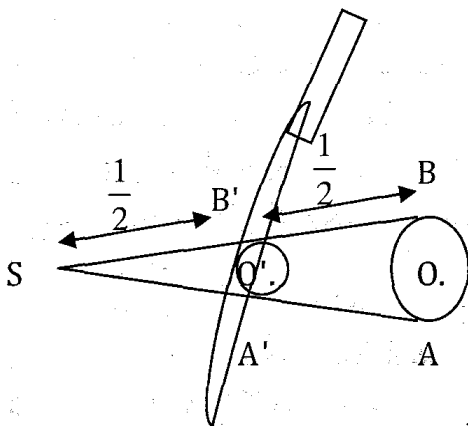
3- القاعدة للمجسم (B) على شكل مثلث قائم الزاوية في E بحيث $EG = 36$ cm

احسب EF .

تمرين عدد 02:

مرام و سعيده يتقاسمان مخروط قائم يقطعانه في منتصف الارتفاع و $AO = 2A'O'$

مرام لها نصيب أكثر من سعيده. لكن بكم من مرة.

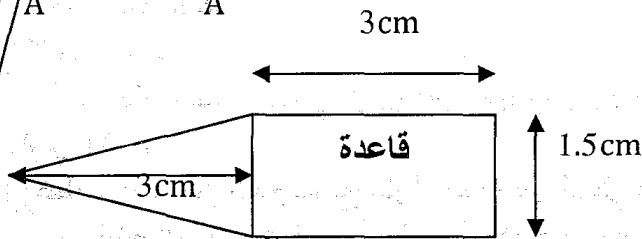


تمرين عدد 03:

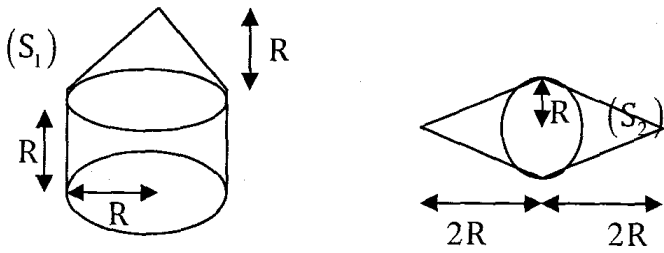
الرسم المقابل يمثل نشرًا غير كامل لهرم

1- أكمل النشر.

2- أبحث عن المساحة الجمالية لهذا الهرم.



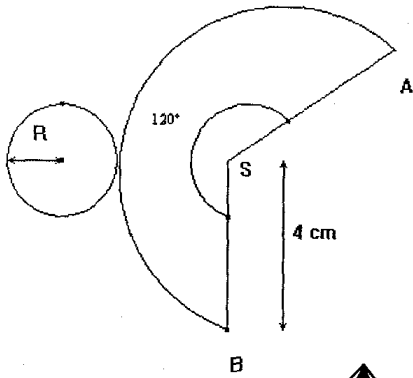
تمرين عدد 04:



أثبت أن الجسمين (S_1) و (S_2) لهما نفس الحجم. ماذا نلاحظ؟

تمرين عدد 05:

يمثل الرسم التالي نشرًا لمخروط دائري طول عمده 4cm وشعاعه R



1- أبحث عن قياس طول $[AB]$

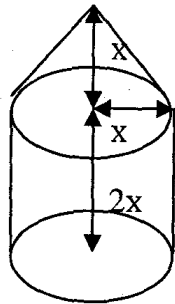
ب- بين أن $R = \frac{4}{3} \text{ cm}$

2- أوجد المساحة الجملية لهذا المخروط

3- علما أن حجم هذا المخروط يساوي $28\pi \text{ cm}^3$ أوجد قياس طول ارتفاعه

تمرين عدد 06:

احسب بدلالة x قياس حجم الجسم المقابل.



تمرين عدد 07:

تم حفر بئر اسطوانية الشكل شعاعها 1m وعمقها 12m.

(أ) ما هو حجم التراب المستخرج منها؟

(ب) تم نقل هذا التراب في شاحنة مجهزة بصندوق على شكل متوازي مستطيلات أبعاده 0,5 m ؛ 1,2 m و 3 m.

احسب عدد السفرات اللازمة التي تقوم بها الشاحنة لنقل كامل التراب المستخرج من البئر.

(2) (أ) ارتفع الماء بالبئر 1,7 m. أحسب باللتر حجم الماء بالبئر.

(ب) سقطت بالبئر كرة حديدية شعاعها 20 سم فارتفع منسوب الماء به. أحسب الارتفاع الجديد للماء بالبئر.

تمرين عدد 08:

غمسنا سبيكة من الذهب تزن 360 g في إناء ممتلئ ماء فسالته منه كمية من الماء تبلغ 6 cl

أ- احسب حجم قطعة الذهب

ب- استنتج كثافة الذهب

تمرين عدد 09: لدينا إناء حجمه يساوي 400 cm^3 ويزن 500 g ملئ حليباً. ابحث عن كتلة الإناء فارغاً مع العلم ان

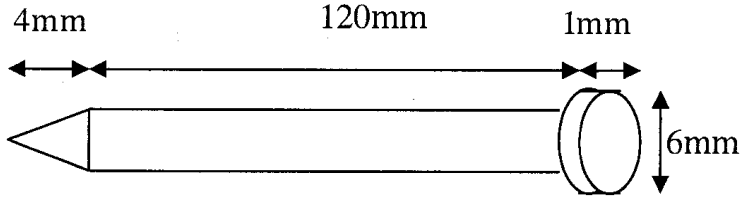
كثافة الزيت تساوي 0.91

تمرين عدد 10: غطت كمية من الثلج سطح منزل مستطيل الشكل بعده 50 dm و 130 dm

أ- احسب حجم الثلج المتجمع فوق سطح المنزل إذا علمت ان سمكه يساوي 1.5 dm

... ثلج الذي يغطي سطح المنزل علما ان كثافة الثلج تساوي 0.93

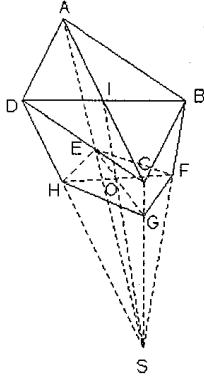
ج- حجم الماء الناتج عن ذوبان هذا الثلج في صهريج شكله كروي يبلغ قطره 6m
حدد النسبة المئوية لامتلاء الصهريج



تمرين عدد 11:

يتكون مسمار من ثلاثة أجزاء كما يوضح الشكل المقابل.

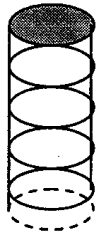
- (1) احسب حجم المادة التي صنع منها المسمار.
- (2) احسب كتلة المسمار إذا علمت أن الكثافة الحجمية للحديد تساوي 7.8



تمرين عدد 12:

(وحدة قياس الطول هي المتر) ABCDEFGH يمثل مسبحا حيث ABCD مربع طول ضلعه 25 و EFGH مربع طول ضلعه 20 ؛ $SO = 20$ و $SI = 25$.
(SI ارتفاع الهرم SABCD و SO ارتفاع الهرم SEFGH)
احسب الوقت اللازم لملئ هذا المسبح إذا علمت أن حنفية تصب فيه 20 ل من الماء كل ثانية.

تمرين عدد 13:



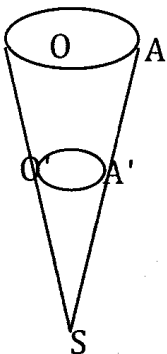
تحتوي علبة اسطوانية الشكل على 4 كرات لها نفس الشعاع r كما في الشكل المقابل.
(1) عبر بدلالة r عن ارتفاع الاسطوانة.
(2) عبر بواسطة r عن حجم الفراغ الموجود

تمرين عدد 14:

قبة جامع في شكل نصف كرة شعاعها الداخلي 3 متر وشعاعها الخارجي 3.6 متر.

احسب تكلفة بناء هذه القبة إذا علمت أن تكلفة المتر المكعب الجاهز 300 دينار.

تمرين عدد 15: عصارة على شكل مخروط دائري قمته S وقاعدته دائرة شعاعها 3cm . حجم المخروط

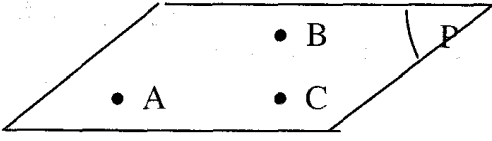


$$103.62 \text{ cm}^3 \text{ و } \frac{OA'}{OA} = \frac{SO'}{SO}$$

- 1- أوجد قيس طول ارتفاع المخروط
- 2- لنأخذ 14.13 cm^3 من العصير إلى أي ارتفاع SO' يصل العصير؟
مع العلم أن المخروط موضوع على هذه الشاكلة أي النقطة في الأسفل.

مراجعة عامة

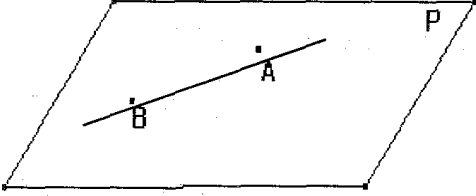
*ثلاث نقاط من الفضاء ليست على إستقامة واحدة تحدد مستوي واحدا .
*نمثل المستوي بمتوازي الأضلاع و نرسم له بـ (ABC) أو بـ (P)



1- مستقيم Δ محتوي في مستوي (P) يعني كل نقطة من Δ تنتمي لـ (P)

-إذا كان لمستقيم نقطتان تنتميان لمستوي فهو محتوي في هذا المستوي

أي : $A \in P$ و $B \in P$ يعني $(AB) \subset P$



2- مستقيمان في نفس المستوي هما متوازيان أو متقاطعان
-مستقيمان غير متوازيان و غير متقاطعان هما ليس في نفس المستوي

3- مستقيم و مستوي متقاطعان يتقاطعان في نقطة

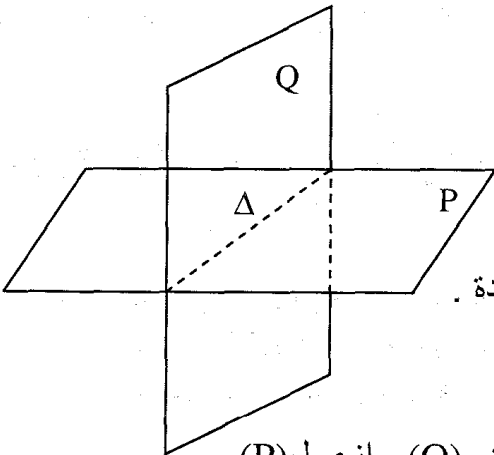
4- مستقيم Δ يوازي مستوي (P) إذا كان Δ

موازي لمستقيم من (P)

$$\Delta // (P) \Leftrightarrow \begin{cases} D \subset (P) \\ \text{و} \\ \Delta // D \end{cases}$$

5- مستقيمان في الفضاء يوازيان نفس المستقيم هما

6- مستويان متقاطعان يتقاطعان حسب مستقيم



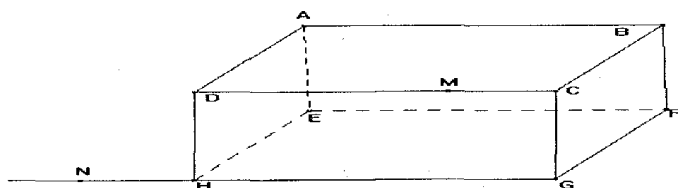
7- إذا كانت ثلاث نقاط مشتركة بين مستويين متقاطعان فهي على إستقامة واحدة .

8- مستويان متوازيان هما مستويان غير متقاطعان.

9 إذا كان $(P) // (Q)$ فإن كل مستقيم من (P) موازي لـ (Q) و كل مستقيم من (Q) موازي لـ (P).

ن إذا كان : مستقيمان متقاطعان من أحدهما يوازيان مستقيمان متقاطعان من الثاني.

التمارين



تمرين عدد 01:

نعتبر متوازي المستطيلات $ABCDEFGH$ حيث
 $N \in (GH)$ و $M \in (CD)$

1- اذكر عدد الرؤوس , عدد الأحرف , عدد الأوجه

2- اذكر 3 قطع مستقيم ليست أحرف لهذا الجسم

3- هل يوجد مستوي يحتوي النقاط D و B و F

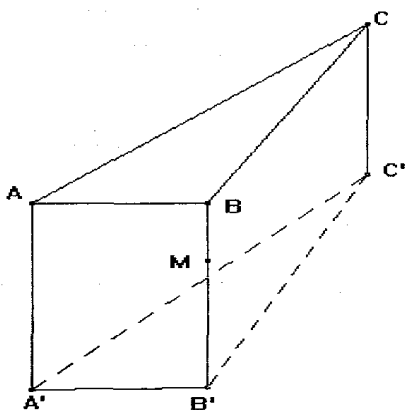
4- أكمل ب $\in, \notin, \subset, \supset$

أ- $(DC) \dots (HGC)$, $(DC) \dots (ABC)$, $(FB) \dots (ABC)$, $B \dots (HGF)$, $B \dots (CFG)$
 ب- $N \dots (HMG)$, $(AM) \dots (ABC)$, $A \dots (DBC)$, $M \dots (ABC)$, $(MN) \dots (HMG)$

تمرين عدد 02:

يمثل الجسم التالي موشورا قائما $ABCA'B'C'$ ليكن P المستوي (ABC')

1- اكمل :



$$(AA') \cap (A'B'C') = \dots\dots\dots$$

$$(AC') \cap (A'B'C') = \dots\dots\dots$$

$$P \cap (BC) = \dots\dots\dots$$

$$P \cap (BB') = \dots\dots\dots$$

$$P \cap (AM) = \dots\dots\dots$$

$$(A'B') \cap (ABC) = \dots\dots\dots$$

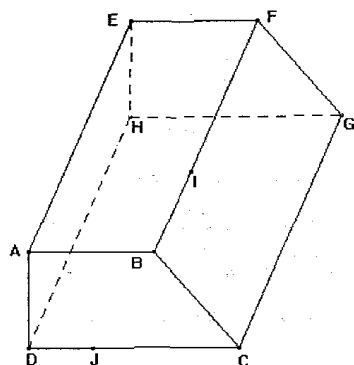
2- حدد نقطة تقاطع P و (MC) حدد تقاطع P و (AC')

- حدد ثم ارسم النقطة G تقاطع المستوي $(A'B'C')$ و (MA)

تمرين عدد 03: يمثل الشكل المصاحب موشورا قائما

$ABCDEFGH$ قاعدته شبه منحرف حيث $I \in [BF]$ و

$J \in [DC]$



1- أكمل ب \subset, \supset ; مغللا جوابك

$$(AI) \dots\dots\dots (AEF)$$

$$(AJ) \dots\dots\dots (AEF)$$

$$(DG) \dots\dots\dots (ABC)$$

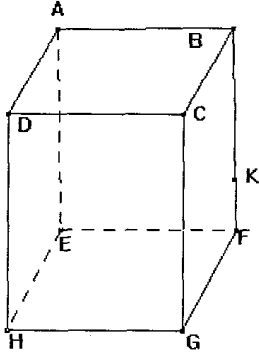
2- حدد التقاطعات التالية

$(AJ) \cap (EF) = \dots$; $(AC) \cap (AI) = \dots$; $(EHG) \cap (BIC) = \dots$
 $(AE) \cap (BCG) = \dots$; $(AEF) \cap (BCD) = \dots$; $(ABF) \cap (HDC) = \dots$
 3- أ- بين أن $(AE) \parallel (DHG)$
 ب- استنتج أن (AE) و (DC) غير متوازيان و غير متقاطعان

4- بين أن (FE) و (AI) متقاطعان ثم حدد على الرسم نقطة التقاطع

تمرين عدد 04: نعتبر متوازي المستطيلات ABCDEFGH حيث $K \in [BF]$

1) أكمل ب متوازيان ' متقاطعان ' غير متوازيان و غير متقاطعان



.....(AB) و (FG)

.....(AD) و (FG)

.....(AK) و (FE)

.....(ABC) و (EFG)

.....(ABE) و (HFG)

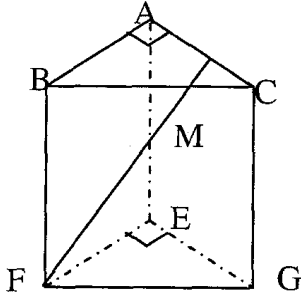
.....(ABC) و (ACK)

2) أ) بين أن $(AC) \parallel (EG)$

ب- استنتج الوضعية النسبية لـ (AC) و (EF)

تمرين عدد 05:

ABCEFG هو منشور قائم قاعدته مثلثان قائمان في كل من A و E . M هي نقطة من [AE]
 1) حدد الوضعية النسبية لكل من :



أ- (AC) و (BF)

ب- (GC) و (BF)

ج) (ABC) و (FM)

2) حدد التقاطعات التالية :

أ- (ABC) و (FGE)

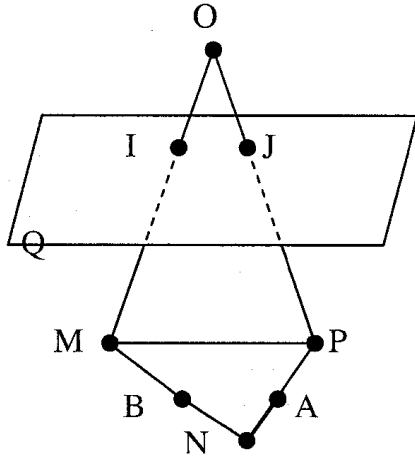
ب- (ABC) و (AGE)

3) بين أن (AE) يوازي المستوى (BGC)

4) ارسم النقطة N تقاطع (FM) و (ABC)

5) أ- ما هو نوع الجسم MEFG ،

ب- احسب حجمه إذا علمت أن $EM=9\text{cm}$ و $EG=6\text{cm}$ و $EF=4\text{cm}$

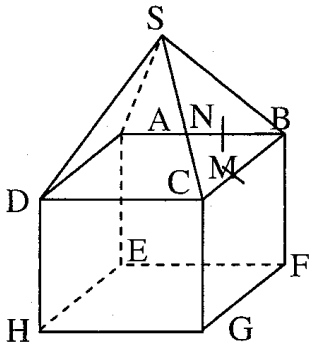


تمرين عدد 06: لاحظ الشكل التالي حيث OMNP هرم رأسه O وقاعدته المثلث MNP , $A \in [NP]$ و $B \in [MN]$,
 (1) أوجد $(OMP) \cap (MNP)$, $(OM) \cap (MNP)$ و $(OAB) \cap (MNP)$

(2) ليكن Q مستويا موازيا للمستوي (MNP) حيث يقطع (OP) و (OM) في I و J على التوالي

- أ- بين أن $(IJ) \parallel (MN)$
 ب- استنتج أن $(IJ) \parallel (MNP)$
 (3) ارسم K نقطة تقاطع (IB) و المستوي (ONP)

تمرين عدد 07: نعتبر صندوقا من مادة النحاس مكونا من مكعب ABCDEFGH و غطاء على شكل هرم SABCD حيث $M \in [BC]$ و $N \in [AB]$



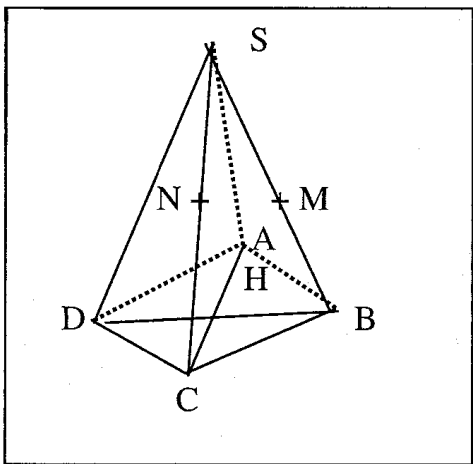
- (1) اتمم ب \in , \notin , \subset , $\not\subset$
 $S \dots (ABC)$; $(AE) \dots (ADC)$; $(AG) \dots (EAG)$;
 $M \dots (ADC)$

(2) أوجد : $(SA) \cap (ABC)$; $(AB) \cap (EHG)$; $(SAC) \cap (ECG)$

(3) ما هي الوضعية النسبية ل (AM) و (DM) ؟

- (4) بين أن $(AC) \parallel (EG)$
 (5) ما هي الوضعية النسبية ل (AB) و (EHG) ؟. علل جوابك .
 (6) (MN) و (DB) يتقاطعان في I
 أ- بين أن (FNM) و (FBD) متقاطعان
 ب- أوجد $(FMN) \cap (FBD)$

(7) أ- احسب حجم الصندوق إذا علمت أن قيس حرف المكعب 2dm و ان ارتفاع الهرم 25cm
 ب) ابحت عن وزنه إذا علمت أن $10m^3$ من النحاس يزن 8.8kg



تمرين عدد 08: نعتبر الهرم SABCD التالي : حيث ABCD مربع $M \in [SB]$ و $N \in [SC]$

- (1) أنقل على كراسك ثم أكمل بـ : \in , \notin
 $S \dots (ABD)$; $C \dots (ABD)$; $H \dots (SAC)$
 $H \dots (SBC)$; $N \dots (SDC)$; $M \dots (SAD)$
 (2) أكمل ب \subset أو $\not\subset$:
 $(SD) \dots (SCB)$; $(AC) \dots (ACD)$; $(NC) \dots (SDC)$
 $(MH) \dots (SBD)$; $(SH) \dots (SAC)$; $(MN) \dots (SAB)$
 (3) بين أن (MN) محتو في (SBC)
 (4) بين أن (SH) محتو في (SBD)
 حنو في (SBC)

تمرين عدد 09:

نعتبر الرسم المقابل حيث $M \in [AB]$; $N \in [AC]$; $P \in [BF]$

و $\widehat{AMN} = \widehat{ABC}$

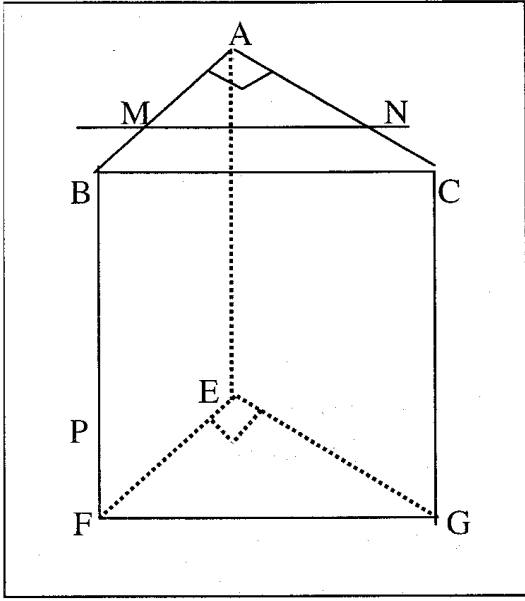
(1) /- أثبت أن $(BC) \parallel (MN)$

ب- استنتج أن $(MN) \parallel (BFG)$

(2) ما هي الوضعيات النسبية لـ (BC) و (AE) ؟ و لـ (EF) و (NP) ؟ و لـ (FG) و (MP) ؟

(3) /بين أن (MNP) و (FG) متوازيان

(4) /بين أن (MP) و (EFG) متقاطعا.



تمرين عدد 10:

يمثل الرسم المقابل هرم $SABCD$ قاعدته المربع $ABCD$ و $M \in [CS]$

و $N \in [SB]$ و $P \in [AS]$ حيث $(MP) \parallel (AC)$ و $SN > SM$

(1) بين أن $(PM) \subset (SAC)$

(2) أ- ما هي الوضعيات النسبية لـ (BC) و (MN) ؟

ب- بين أن (MN) و (ABC) متقاطعان و ارسم I تقاطعها

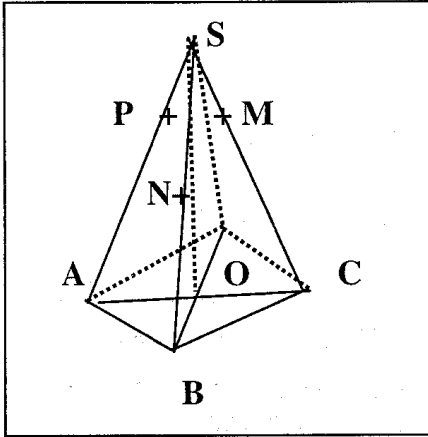
ج- بين أن (PN) و (ABC) متقاطعان و ارسم J تقاطعها

د- اكمل: $(ABC) \cap (PMN) = \dots$

(3) لتكن O مركز المربع $ABCD$

أ- بين أن $(SO) = (SBD) \cap (SAC)$

ب- (PM) يقطع (SBD) في K . بين أن S و O و K على استقامة واحدة.



تمرين عدد 11:

يمثل الرسم التالي مكعبا $ABCDHGFE$ قيس طول حرفه 4cm و $EK = MD = NC = PF = 1\text{cm}$

(1) أ- ما هي طبيعة كل من الرباعيين $ABNM$ و $EFPK$ ؟ علل جوابك

ب- بين أن $(MN) \parallel (KP)$ و استنتج طبيعة الرباعي $MNPK$

(2) أ- ما هي طبيعة كل من الرباعيين $MDHK$ و $NCGP$ ؟ احسب مساحة كل منهما

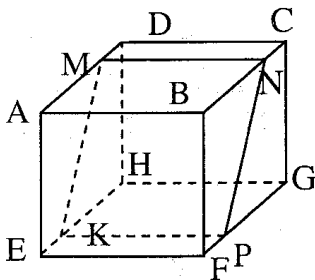
ب- بين أن (NP) و (DCG) متقاطعان و ارسم I تقاطعها

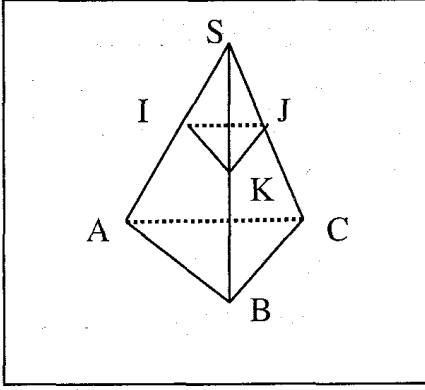
ج- بين أن (MK) و (DCG) متقاطعان و ارسم J تقاطعها.

(3) أوجد $(MNP) \cap (DCG)$

(4) أ- بين أن $(MN) \parallel (DCG)$

ب- بين أن $(MN) \parallel (IJ)$





تمرين عدد 12: يمثل الرسم المقابل المقابل SABCD هرما أوجهه مثلثات متقايسة الأضلاع و I منتصف [SA] و J منتصف [SC] و K ∈ [SB] بحيث (IK) لا يوازي (AB) و (JK) لا يوازي (BC)

1) بين أن المثلث SIJ متقايس الأضلاع

ب- احسب \widehat{SIJ} واستنتج أن $(IJ) \parallel (AC)$

ج- بين أن $(IJ) \parallel (ABC)$

2) $(BC) \cap (JK) = \{N\}$ و $(AB) \cap (IK) = \{M\}$

أ- بين أن $(ABC) \cap (IJK) = (MN)$

ب- بين أن $(IJ) \parallel (MN)$

ج- بين أن (SB) و (MN) ليسا في نفس المستوى

تمرين عدد 13:

نعتبر الهرم ABCD حيث $N \in [AC]$ و $P \in [AD]$ و $M \in [AB]$ كما

يبين الرسم التالي

1) أ- ارسم النقطة I تقاطع (NM) و (BDC).

- بين أن $(MN) \cap (BDC) = \{I\}$.

ب) ارسم النقطة J تقاطع (NP) و (BDC)

- بين أن $(PN) \cap (DC) = \{J\}$

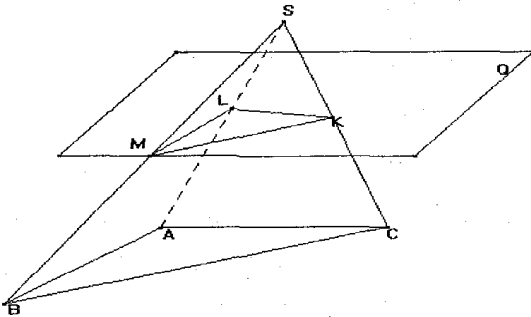
ج) ارسم النقطة K تقاطع (PM)

- بين أن $(PM) \cap (DB) = \{K\}$

2) استنتج أن I و J و K على استقامة واحدة.

تمرين عدد 14: SABC هرما حيث Q مستوي موازي

للمستوي (ABC)



Q يقطع (SC) في K و (SA) في L و (SB) في M

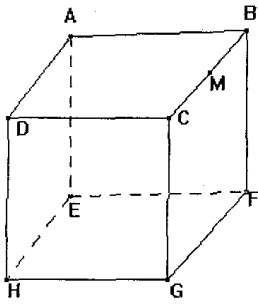
$Q \cap (SCB) = \dots\dots\dots$

1) أ- أوجد $Q \cap (SAB) = \dots\dots\dots$

$Q \cap (SCA) = \dots\dots\dots$

ب- بين أن $(MK) \parallel (ABC)$

ج- استنتج أن $(MK) \parallel (BC)$ و $(LK) \parallel (AC)$ و $(ML) \parallel (AB)$

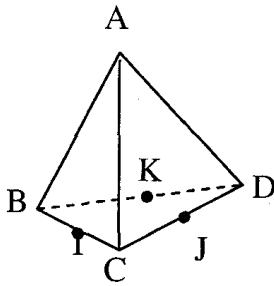


تمرين عدد 15: يمثل الشكل المصاحب مكعب ABCDEFGH حيث $M \in [BC]$

- (1) هل أن النقاط A و M و G تحدد مستوى
- (2) أ) بين أن (AMG) و (EFG) متقاطعان وفق مستقيم Δ . علل جوابك
- ب- ارسم المستقيم Δ ثم عين النقطة N تقاطع Δ و (EH)
- (ج- بين أن $\Delta // (AM)$)
- (3) أ- بين أن $(AEH) \cap (AMG) = (AN)$
- ب- استنتج أن $(AN) // (MG)$

ج- استنتج أن AMGN متوازي الأضلاع

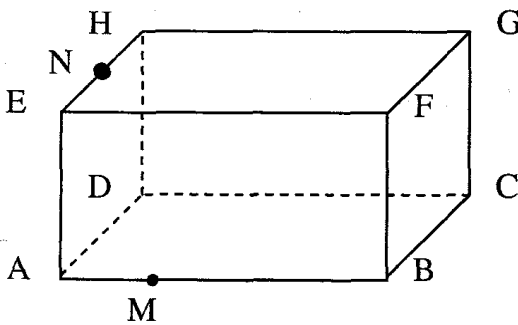
تمرين عدد 16: نعتبر الهرم الثلاثي المنتظم المقابل ABCD (كل وجه من أوجهه مثلث متقايس الأضلاع) ولتكن I منتصف [BC] و J منتصف [DC] و K منتصف [BD]



- (1) أكمل بـ: ϵ أو \notin ، c أو \subset
- (I).....(ABC) ؛ K.....(ACD) ؛ L.....(ABC) ؛ (IJ).....(BCD) ؛ (IJ).....(ABC)
- (2) إذا علمت أن $AB = 3$
- إ) أرسم بالأبعاد الحقيقية الوجه BCD وعين النقاط I و J و K
- ب) بين أن قيس مساحة المثلث IJK مساو لربع قيس مساحة BCD
- ج) استنتج أن حجم الهرم AIJK مساو لربع قيس مساحة الهرم ABCD
- (3) (BJ) يقطع (DI) في النقطة O.
- أ) ماذا تمثل النقطة O بالنسبة للمثلث BCD ؟
- ب) بين أن المستويات (ADI) و (ABJ) متقاطعان وأوجد تقاطعهما
- (4) بين أن (AO) و (BD) ليسا في نفس المستوي.

تمرين عدد 17:

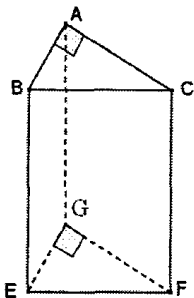
الشكل التالي يمثل رسما منظورا لتوازي المستطيلات ABCDEFGH حيث M نقطة من [AB] و N نقطة [EH]



- 1- ما هي الوضعية النسبية للمستقيم (AE) والمستوى (ABC) ؟ علل جوابك
- 1- ما هي الوضعية النسبية للمستقيم (HG) والمستوى (EFB) ؟ علل جوابك
- 2- ما هي الوضعية النسبية للمستقيمين (AD) و (MN) ؟ علل جوابك
- 3- ما هي الوضعية النسبية للمستويين (ABC) و (BCG) ؟ علل جوابك
- 4- ما هي الوضعية النسبية للمستويين (AEN) و (BFC) ؟ علل جوابك
- 5- ما هي الوضعية النسبية للمستقيم (MN) والمستوي (FGC)
- 6- إذا علمت أن $AE = 1,6cm$ و $BC = 2,5cm$ و $AB = 4,5cm$

احسب حجم ABCDEFGH

تمرين عدد 18: نعتبر الموشور القائم التالي ABCEFG حيث ABC مثلث قائم في A



- 1- بين أن $(EFG) // (AC)$
- 2- بين أن $(EFG) // (ABC)$
- 3- ما هي الوضعية النسبية للمستويين (ACG) و (BFE)
- 4- ما هي الوضعية النسبية للمستويين (EF) و (AC)

: احسب حجم ABCEFG و $EG = 5cm$ و $FG = 3cm$ و $CG = 5cm$

مثال عدد 2

فرض مراقبة عدد 1

تمرين عدد 01:

ضع العلامة (x) في الأماكن المناسبة من الجدول

العدد	916	5175	7300	9072
قابل القسمة على 4				
قابل القسمة على 8				
قابل القسمة على 9				
قابل القسمة على 25				

تمرين عدد 02:

نعتبر العدد الصحيح الطبيعي b حيث $b=2^2 \times 3^2 \times 5^2 \times 11$.أ- بين أن العدد b قابل للقسمة على 25 دون حساب العددب- حدد خارج القسمة الاقليدية للعدد b على 25 دون إجراء عملية القسمة.ج- ما هو خارج وباقي القسمة الاقليدية للعدد $b+1$ على 9.

تمرين عدد 03: نعتبر المجموعات التالية :

$$A = \left\{ 0; -\frac{13}{4}; -9; 1, 8; \frac{9}{5}; 5 \right\} \quad B = \{0; -7; -3; 1, 8; 5; 19\} \quad C = \left\{ 0; -8; \frac{9}{5}; \frac{5}{3}; \frac{17}{8}; -5, 9 \right\}$$

أ- أتم الفراغات ب: \in ; \notin ; \subset ; \supset

$$\frac{7}{5} \dots\dots C ; -\frac{13}{4} \dots\dots A ; C \dots\dots \mathbb{Q} ; B \dots\dots \mathbb{N} ; A \dots\dots \mathbb{I} ; C \dots\dots \mathbb{Z}$$

ب - حدد المجموعات التالية :

$$B \cap \mathbb{N} ; A \cap \mathbb{Z} ; A \cup B ; A \cap C ; C \cap \mathbb{Q}_+$$

تمرين عدد 04: ليكن ABC مثلث قائم الزاوية في A . ولتكن النقطة I منتصف $[BC]$ 1) أ- ابن النقطة D منظرية A بالنسبة إلى I .ب- ما هي منظرية B بالنسبة إلى I .ج- أثبت أن $AB=CD$ د- ما هي منظرية الزاوية \widehat{BAC} بالنسبة إلى I استنتج قياس الزاوية \widehat{BDC} 2- ما هي طبيعة الرباعي $ABDC$ 3- أ- ابن النقطتين B' و C' مناظرتي النقطتين B و C بالتوالي بالنسبة إلى A ب- ما هي منظرية الدائرة التي مركزها C وشعاعها AC بالنسبة إلى A الرباعي $BCB'C'$

فرض مراقبة عدد 2

تمرين عدد 01:

أجب ب صواب أو خطأ

ا- إذا كان $x \in \mathbb{Q}_+$ فإن $|x| = -x$

ب- مجموع عددين كسريين نسبيين متقابلين يساوي 1

ج- التناظر المركزي يحافظ على المنتصف

د- كل زاويتين متبادلتين داخليا مقيستان.

تمرين عدد 02:

أ- أزل الأقواس ثم اختصر العبارات التالية حيث $x \in \mathbb{Q}$

$$A = \left(\frac{4}{3} - x\right) - \left(x + \frac{1}{4}\right) + \left(x - \frac{4}{3}\right) - \left(-\frac{1}{2}\right); B = \left(-\frac{1}{3} + x\right) - \left(x - \frac{5}{9}\right) + (x - 1); C = -(x - 2) + \left(\frac{6}{5} - x\right) - (-3x + 3)$$

ب- احسب $A+B$ و $B-C$ تمرين عدد 03: ليكن $x \in \mathbb{Q}$ و $y \in \mathbb{Q}$ و العبارة A حيث $A = \frac{1}{4}x - 2xy + \frac{1}{2}y - 1$

احسب A في كل حالة من الحالات التالية.

أ) $x = -2$ و $y = -1$

ب) $x = 0$ و $y = -\frac{2}{3}$

ج) $x = \frac{5}{2}$ و $y = -\frac{1}{2}$

د) $x = -\frac{7}{3}$ و $y = -\frac{3}{4}$

تمرين عدد 04:

1- ارسم مثلثا EFG قائما في E حيث $\hat{EFG} = 40^\circ$ و $FG = 5cm$ ب- احسب \hat{EGF} 2- أ- عين النقطة A على $[FG]$ حيث $GA = 2cm$ وارسم النقطة I المستقط العمودي لـ A على (EG) ب- بين أن $(AI) \parallel (EF)$ ج- أثبت أن $\hat{IAG} = 40^\circ$

3- ابن النقطة B منظره G بالنسبة إلى I والنقطة D منظره A بالنسبة إلى I

ب- بين أن $(BD) \parallel (GA)$ $\hat{DBI} = \dots$

تمرين عدد 01:

ضع العلامة (x) في الخانة المناسبة.

أ- إذا كان $a \in \mathbb{Q}$ فإن $|a| = a$ ، $|a| = -a$ ، $|a| = -(-a)$

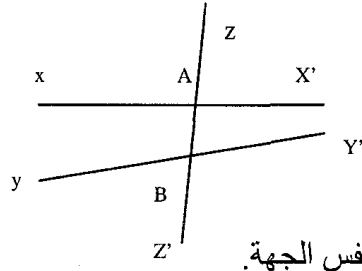
ب- مقابل العدد الكسري $x - y$ هو

$-y + x$ ، $x + y$ ، $-x + y$

ج- نقول إن A و B متناظرتان بالنسبة إلى O إذا كان

O منتصف $[AB]$ ، $OA = OB$ ، O و A و B على استقامة واحدة

د- في الشكل المقابل



الزاويتين XAZ و YBZ هما:

متماثلتان متبادلتان داخليا داخليتان من نفس الجهة.

تمرين عدد 02:

جد العدد الكسري النسبي X في كل حالة من الحالات التالية أن أمكن ذلك :

$$\frac{4}{3} + \left(-\frac{3}{2} - x\right) = 0 \quad , \quad \left|x - \frac{3}{5}\right| = 0 \quad , \quad \left|x\right| - \frac{1}{2} = \frac{3}{4} \quad , \quad |x| = -3 \quad , \quad |x| = \frac{3}{2}$$

تمرين عدد 03:

ليكن $x \in \mathbb{Q}$ و $y \in \mathbb{Q}$ حيث $x \geq y$

قارن في كل حالة :

(أ) $x + \frac{5}{7}$ و $y + \frac{5}{7}$

(ب) $x - \frac{7}{9}$ و $y - \frac{7}{9}$

(ج) $x + \frac{10}{7}$ و $y + \frac{5}{8}$

(د) $x - \frac{3}{11}$ و $y - \frac{9}{4}$

تمرين عدد 04:

(1) أ- ارسم معيناً (O, I, J) في المستوى حيث $OI = OJ = 1 \text{ cm}$

ب عين نقطتين $A(2;3)$ و $B(-3;4)$

ب- ابحث عن إحداثيات كل من النقطتين D و C

(2) أ- ابحث عن إحداثيات كل من النقطتين A' و B' مناظرتي النقطتين A و B بالتوالي بالنسبة للمحور (OI)

ب- ابحث عن إحداثيات كل من النقطتين D و C مناظرتي النقطتين A و B بالتوالي بالنسبة للمحور (OJ)

ج- ابحث عن إحداثيات كل من النقطتين E و F مناظرتي النقطتين A و B بالتوالي بالنسبة للنقطة O

د- أثبت أن $EF = AB$

3- أ- عين النقطة H منتصف $[AB]$ ثم ابحث عن إحداثياتها.

ب- أثبت أن مناظرة النقطة H بالنسبة إلى O هي منتصف $[EF]$ ثم ابحث عن إحداثياتها

ABEI



فرض تأليفي عدد 01

تمرين عدد 1: ضع العلامة (x) في الخانة المناسبة :

أ- إذا كان a و b و c أعداد كسرية نسبية فإن $a-(b-c)$ يساوي :

$$a-b-c \quad \square ; \quad (a-b)-c \quad \square ; \quad a+c-b \quad \square$$

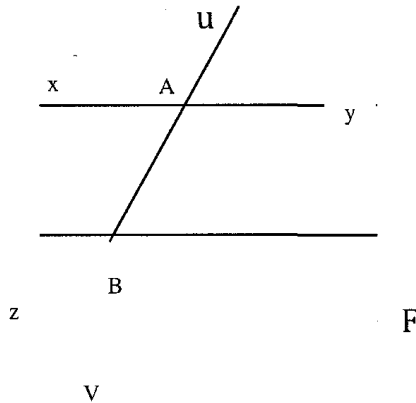
ب- إذا كان $x \in \mathbb{Q}_-$ و $y \in \mathbb{Q}_-$ و $z \in \mathbb{Q}_-$ فإن :

$$xyz \in \mathbb{Z}_- \quad \square \quad xyz \in \mathbb{Q}_+ \quad \square \quad xyz \in \mathbb{Q}_- \quad \square$$

ج- الزاويتان الداخليتان من نفس الجهة المحددتان بمتقسيم قاطع لمستقيمين متوازيين تكونان:

\square متقايسان ، \square متتامتان ، \square متكاملتان .

د- لاحظ الرسم التالي حيث $(xy) \parallel (zF)$



$$\hat{Y}A\hat{V} = \hat{Z}B\hat{U} \quad \square ; \quad \hat{Z}B\hat{U} + \hat{X}A\hat{V} = 180^\circ \quad \square ; \quad \hat{Z}B\hat{U} = \hat{U}A\hat{Y} \quad \square$$

تمرين عدد 2: احسب العبارات التالية :

$$B = \left(-\frac{5}{6}\right) \times \frac{7}{2} - \frac{5}{6} \times \left(-\frac{9}{2}\right) , \quad A = \left(-\frac{1}{7}\right) \times \frac{3}{5} \times (-7) + \left(-\frac{17}{21}\right) \times \frac{3}{17} + \frac{1}{4} \times (-3) \times 4$$

$$D = 1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{2 + \frac{1}{2}}} , \quad C = \frac{4 - \frac{1}{10}}{\frac{5}{2} - \frac{1}{9}}$$

تمرين عدد 3: أوجد العدد الكسري النسبي x في كل حالة من الحالات التالية :

$$\frac{3}{4}x - 2 = -\frac{1}{2} ; \quad \frac{5}{6} - \left(\frac{1}{2} + x\right) = -1 ; \quad -\frac{3}{2}(x + \frac{2}{9}) = -\frac{4}{2} ; \quad \frac{5}{7}x = -\frac{1}{7}$$

تمرين عدد 04 :

1- أ- ارسم مثلثا EFG متقايس الضلعين قمته الرئيسية E و حيث $\hat{EFG} = 64^\circ$

ب- أحسب \hat{FEG}

2- أ- عين النقطة I منتصف $[EF]$

ثم ابن النقطة A مناظرة G بالنسبة إلى I

ب- بين أن المستقيمين (EA) و (FG) متناظران بالنسبة إلى I

ج- أثبت أن $\hat{FEA} = 64^\circ$

3- أ- أثبت أن الزاويتين \hat{FEG} و \hat{EFA} متناظرتان بالنسبة إلى I

ب- استنتج أن $\hat{EFA} = 52^\circ$. ج- بين أن $(EG) \parallel (FA)$

مثال عدد 2

فرض تأليفي عدد 01

تمرين عدد 01 :

(1) أجب بـ " صواب " أو " خطأ "

أ- إذا كان $x \in \mathbb{Q}^*$ و $Y \in \mathbb{Q}^*$ فان مقلوب العدد الكسري $\frac{xy}{y+x}$ هو $\frac{1}{x} + \frac{1}{y}$

ب- يكون جذاء عدة أعداد كسرية نسبية موجبا اذا كان عدد عوامله السالبة فرديا

ج- مركز كل دائرة هو مركز التناظر الوحيد لهذه الدائرة

د- يكون مستقيمان متوازيين اذا حدّد مع مستقيم قاطع لهما زاويتين متمائلتين متقايسيتين (2) كم من مربع يمكن تلوينه بالأسود على الأقل حتى يصبح لهذا الشكل محور تناظر:

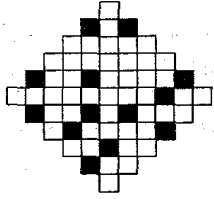
تمرين عدد 02 :

ليكن x و y عددين كسرين حيث $x+y = -\frac{19}{20}$ و $xy = \frac{3}{5}$

احسب في كل حالة :

أ) $x(-y)$; ب) $(-2x)(3y)$; ج) $x+xy+y$; د) $-3x-3y$ تمرين عدد 03 : ليكن a و b عددين كسريين مخالفين للصفر حيث $a \neq b$ ولتكن العبارتين $X = \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ و $Y = \frac{ab}{a+b}$ أ- بين أن $XY=1$ ب- استنتج أن العبارة X مقلوب العبارة Y ج- احسب العبارة Y في كل الحالتين:* $a = -\frac{3}{2}$ و $b = -2$ * $a = \frac{1}{2}$ و $b = -3$

تمرين عدد 04 :

1- أ- ارسم مثلث ABC حيث $\hat{BAC} = 80^\circ$ و $\hat{ABC} = 50^\circ$ ب- احسب \hat{ACB} ج- ما هي طبيعة المثلث ABC 2- أ- عين النقطة E على $[AB]$ ثم ابن المستقيم Δ المار من E والعمودي على (BC) حيث يقطع $[BC]$ فيالنقطة I و يقطع المستقيم (AC) في النقطة F ب- أثبت أن $\hat{FEA} = 40^\circ$ ج- أثبت أن المثلث FEA متقايس الضلعين3- أ- ابن النقطة G مناظرة النقطة E بالنسبة إلى I ب- بين أن (BC) هو الموسط العمودي للقطعة $[EG]$. EGE 

مثال عدد 1

فرض مراقبة عدد 3

تمرين عدد 01 :

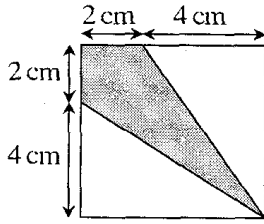
(1) أجب بـ " صواب " أو " خطأ "

أ- إذا كان a عدد كسري نسبي مخالف للصفر فإن مقلوب العدد a^5 هو a^{-5} ب- الجذر التربيعي للعدد $\frac{147}{75}$ يساوي $\frac{7}{5}$

ج- يتقايس مثلثان إذا تقايس ضلعان و زاوية في أحدهما مع ضلعين و زاوية في الثاني

د- يتقايس مثلثان إذا قايس زاويتان وضلع في أحدهما زاويتين وضلع في الثاني

(2) لاحظ الشكل المقابل:



العدد الكسري الذي يمثل المساحة الملونة هو:

(أ) $\frac{1}{3}$ ؛ (ب) $\frac{1}{4}$ ؛ (ج) $\frac{1}{5}$ ؛ (د) $\frac{3}{8}$ ؛ (هـ) $\frac{2}{9}$

تمرين عدد 02 :

اختصر العبارات التالية حيث $a \in \mathbb{Q}^*$ و $b \in \mathbb{Q}^*$

$$A = \frac{a^{-2}b^{-3}(-3a^2b)^3}{b^5(9a^{-2}b^3)^{-2}} ; B = \frac{(-5ab^3)^2 \times a^{-5} \times b^{-7}}{(25a^3b)^{-1}} ; C = \frac{a^7b^2(a^3b)^{-2}}{(-a)^5 \times [(-a)^{-2}b^{-3}]^{-1} \times b^3}$$

تمرين عدد 03 : احسب الجذور التربيعية التالية:

$$\sqrt{\frac{19^0}{10^{12}}}, \sqrt{\frac{1}{3^4}}, \sqrt{1^{81}}, \sqrt{5^8}, \sqrt{0.64}, \sqrt{\frac{49}{169}}$$

تمرين عدد 04 :

1- نعتبر متوازي الأضلاع ABCD

عين النقطة E من [AB] مختلفة عن A و B ثم عين النقطة F من [CD] حيث AE=CF

2- أ- بين أن المثلثين BCF و DAE متقايسان.

ب- اذكر بقية العناصر الأخرى المتقايسة

ج- استنتج أن $\widehat{EDC} = \widehat{ABF}$

3- أ- قارن المثلثين DEC و BFA

ب- استنتج أن $\widehat{DEC} = \widehat{BFA}$

فرض مراقبة عدد 3

مثال عدد 2

تمرين عدد 01 : ضع العلامة (x) في الخانة المناسبة :

أ) إذا كان $a \in \mathbb{Q}^*$ و $n \in \mathbb{Z}$ و $m \in \mathbb{Z}$ فإن $\frac{a^m}{a^n}$ يساوي :

$$a^{n+m} \square ; a^{m-n} \square ; a^{n-m} \square$$

ب- الكتابة العلمية للعدد $-4569.1237 \times 10^{-5}$ هي

$$-45.691237 \times 10^{-1} \square \quad -0.45691237 \times 10^{-3} \square \quad -4.5691237 \times 10^{-2} \square$$

ج- يتقاييس مثلثان إذا قاييس :

ضلع وزاويتان في أحدهما ضلعا وزاويتين في الآخر
زاوية وضلعان في أحدهما زاوية وضلعين في الآخر
ضلعان و الزاوية المحصورة بينهما في أحدهما
ضلعين و الزاوية المحصورة بينهما في الآخر

د- لاحظ الرسم التالي حيث $(AB) \parallel (DC)$ و O منتصف $[BC]$.

$$\hat{A}BC = \hat{A}DC \square ; AB \neq DC \square ; AB = DC \square$$

تمرين عدد 02 :

اكتب في صيغة قوة لعدد كسري نسبي :

$$\frac{2^6}{3^4} \times \left(-\frac{729}{512}\right) \times 3 ; (-27)^3 \times (-81)^5 ; \left(-\frac{3}{4}\right)^6 \times \left[\left(\frac{4}{3}\right)^{-2}\right]^{-3} ; \left(\frac{5}{3}\right)^5 \times \left(-\frac{5}{3}\right)^4$$

$$B = \frac{\left(-\frac{3}{2}\right)^5 \times \frac{4}{5}}{\left(\frac{3}{2}\right)^2 \times \left(\frac{4}{5}\right)^{-2}} \times \left(-\frac{213}{5}\right)^0 \quad A = \frac{\left(-\frac{3}{2}\right)^{-19}}{\left(\frac{6}{4}\right)^{-19}} \times \frac{1}{\left(-\frac{1}{2}\right)^{-2}} : \text{احسب العبارات التالية :}$$

$$C = \frac{\left(-\frac{2}{3}\right)^5 \times \left(\frac{3}{5}\right)^5 \times \left(-\frac{25}{4}\right)^2}{81 \times \left(-\frac{2}{9}\right)^3 \times \left(\frac{3}{2}\right)^7}$$

تمرين عدد 04 :

أ- ابن المثلث EFG حيث $EF=3cm$ و $EG=5cm$ و $FG=6cm$

ب- ابن المستقيم Δ الوسط العمودي لـ $[FG]$

ج- ابن النقطة A منظره النقطة E بالنسبة للمستقيم Δ .

د- أثبت أن المثلثين EFG و AFG متقايسان.

هـ- أثبت أن المثلثين EAF و EAG متقايسان.

خرى المتقايسة.

مثال عدد 1

فرض مراقبة عدد 4

تمرين عدد 01

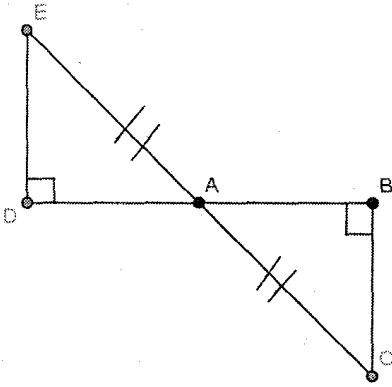
(1) أجب بـ: صواب أو خطأ

(أ) علامة العدد $\frac{-7}{-(-5)}$ هي سالبة

(ب) يتقاسم مثلثان إذا قاييس ضلع و زاوية حادة في أحدهما ضلعا و زاوية حادة في الثاني.

ج- تبعد كل نقطة من منتصف زاوية نفس البعد عن راس تلك الزاوية د- تتقاطع منصفات زوايا مثلث في نقطة مشتركة هي مركز الدائرة المحيطة بالمثلث

(2) ضع العلامة (x) أمام الإجابة الصحيحة:

إذا كان a مقلوب b فإن $\frac{1}{a} - \frac{1}{b}$ يساوي: 0 ؛ 1 ؛ $b-a$ 

(ب) لاحظ الرسم التالي: المثلثان ABC و ADE متقايسان حسب:

- الحالة الأولى لتقايس المثلثات القائمة

- الحالة الثانية لتقايس المثلثات القائمة

تمرين عدد 02:

1- انشر ثم اختصر العبارتين A و B حيث $x \in \mathbb{Q}$ و $y \in \mathbb{Q}$

$$A = -2\left(x - \frac{3}{4}y\right) + 4\left(\frac{1}{2}x - \frac{1}{6}y\right)$$

$$B = -\frac{3}{2}\left(\frac{2}{3}x - \frac{2}{5}y + 2\right) - \frac{1}{5}(3y - 5x - 15)$$

ب- اكتب في صيغة جذاء عوامل العبارتين x و y حيث $a \in \mathbb{Q}$ و $b \in \mathbb{Q}$

$$y = (2a-1)b - 2a + 1 \quad \text{و} \quad X = (a+1)(b+2) - (a+1)(b+3)$$

تمرين عدد 03: نعتبر العبارتين E و F حيث $x \in \mathbb{Q}$ و $y \in \mathbb{Q}$

$$E = \frac{3}{4}(x^2 + y^2) - 5(x^2 + y^2) \quad F = 17\left(\frac{x^2}{4} + 5\right) - 17\left(5 - \frac{y^2}{4}\right)$$

1- انشر ثم اختصر E و F

ب- احسب E+F ، ماذا نستنتج ؟

ج- احسب E إذا كان $x=y=-2$ ثم استنتج F.

تمرين عدد 04:

نعتبر مثلثا EFG قائم الزاوية في F

1- ابن النقطة A مناظرة G بالنسبة إلى النقطة E

ب- ابن المستقيم Δ المار من A والعمودي على (EF) في النقطة B

ج- قارن المثلثين EFG و EAB

د- استنتج إن النقطتين F و B متناظرتان بالنسبة إلى النقطة E

FAE و GBE متقايسان .

مثال عدد 2

فرض مراقبة عدد 4

تمرين عدد 01:

ضع العلامة (x) في الخانة المناسبة: أ-

إذا كان a عددا كسريا نسبيا فان $\sqrt{a^2}$ يساوي: a □ ; $|a|$ □ ; a^2 □ ;
ب- نعتبر a و b عددين كسرين نسبين حيث $a \neq b$ و $a \neq -b$ مقلوب العدد $\frac{1}{a-b} - \frac{1}{a+b}$ هو: □

$$\frac{1}{2} \times \frac{a^2 - b^2}{b} \quad \square ; \quad \frac{a+b}{a-b} - \frac{a-b}{a+b} \quad \square ; \quad (a-b) - (a+b)$$

ج- يتقايس مثلثان قائمان إذا قايس:

□ ضلع قائم وزاوية حادة في أحدهما ضلع قائم وزاوية قائمة في الثاني

□ الوتر وضلع قائم في أحدهما الوتر وضلع قائم في الثاني

□ الوتر وزاوية حادة في أحدهما الوتر وزاوية حادة في الثاني

د- إذا تقايست زاويتان في المثلث فان هذا المثلث:

□ متقايس الأضلاع ; □ متقايس الضلعين ; □ قائم الزاوية .

تمرين عدد 02:

نعتبر العبارتين E و F حيث $a \in \mathbb{Q}$ و $b \in \mathbb{Q}$

$$F = a^2 + 2ab + b^2 \quad \text{و} \quad E = (a+b)^2$$

إ- بين أن $E = F$

ب- احسب F إذا كان $a = -\frac{1}{2}$ و $b = -\frac{3}{2}$

ج- احسب F في الحالة $a = -2$ و $b = a^2$

د- إذا كان $F = 0$ بين أن a و b متقابلان

تمرين عدد 03:

1) انشر واختصر العبارة: $(a+1)(a-1) - a^2$ حيث $a \in \mathbb{R}$.

2) استنتج $10^8 - 10001 \times 9999$.

3) ما هو خارج القسمة الاقليدية وباقيها للعدد 10^8 على $10^4 - 1$.

تمرين عدد 04: نعتبر ABCD مستطيلا .

1) ا- ارسم الارتفاع $[CI]$ للمثلث CBD والارتفاع $[AJ]$ للمثلث ABD.

ب- بين أن المثلثين CBI و ADJ متقايسان .

ج- استنتج أن $DJ = BI$ و $BJ = DI$.

2) ا- ارسم $[IH]$ ارتفاع للمثلث DCI و $[JK]$ ارتفاع المثلث ABJ

ب- بين أن المثلثين DHI و BKJ متقايسان .

ج- استنتج أن $HI = JK$

مثال عدد 1

فرض تأليفي عدد 2

تمرين عدد 01 :

أجب بـ " صواب " أو " خطأ "

أ- إذا كان $a^3 + b^3 = 0$ حيث $a \in \mathbb{Q}$ و $b \in \mathbb{Q}$ فإن $a = -b$ ب- إذا كان $a \in \mathbb{Q}_+$ و $b \in \mathbb{Q}_+$ فإن $\sqrt{a^{12}b^8} = (a^3b^2)^2$

ج- مركز الدائرة المحيطة بمثلث قائم هو منتصف وتره

د- مركز ثقل المثلث هو نقطة تقاطع المستقيمات الحاملة لارتفاعات المثلث

تمرين عدد 02

أ- انشر ثم اختصر العبارتين A و B حيث $x \in \mathbb{Q}$ و $y \in \mathbb{Q}$

$$B = -\frac{1}{3}(y+1)(2y-3)(y-1) \text{ و } A = 2x^3 \left(\frac{3}{4}x^3 - \frac{1}{2}x^2 + x - 1 \right)$$

ب- فكك إلى جذاء عوامل العبارتين E و F حيث $a \in \mathbb{Q}$ و $b \in \mathbb{Q}$

$$E = -6a(2b-1) - 2b(2b-1) \text{ و } F = -5(b-1)(a+1) - 10(a-1)(1-b)$$

تمرين عدد 03

$$E = \frac{\left(\frac{1}{2}x^2y\right)^3 (2y^2)^5}{\frac{4}{3}x^9y^{10}}, \text{ حيث } x \in \mathbb{Q}^* \text{ و } y \in \mathbb{Q}^*$$

$$E = -3 \left(\frac{y}{x} \right)^3 \text{ أ- بين أن}$$

ب- احسب E في حالة $x - y = 0$ ج- احسب E في حالة $x + y = 0$ د- احسب E في حالة $3x - y = 0$

تمرين عدد 04 :

يس الضلعين قمته الرئيسية E

1- أ- ارسم الارتفاعين $[FF']$ و $[GG']$ الموافقين للضلعين $[EG]$ و $[EF]$ على التوالي

ب- بين أن المثلثين EFF' و EGG' متقايسيان

ج- استنتج أن $FF' = GG'$

د- أثبت أن المثلث $EF'G'$ متقايس للضلعين

2- لتكن H المركز القائم للمثلث EFG

أ- قارن المثلثين EHG' و EHF'

ب- استنتج أن (EH) هو المتوسط العمودي لـ $[F'G']$

ج- أثبت أن $(FG) \parallel (F'G')$.

تمرين عدد 01

(1) أجب ب: صواب أو خطأ

أ) إذا كان $a \in \mathbb{Q}_-$ فإن علامة العدد $-a^3 \times \left(-\frac{2}{3}\right)^5$ هي موجبة

ب) $\frac{3^{-5}}{(-3)^{-4}} = \left(\frac{1}{3}\right)^{-1}$

(2) ضع العلامة (x) أمام الإجابة الصحيحة:

أ) الكتابة العلمية للعدد $\frac{2,25 \times 10^3 \times 6 \times 10^{-2}}{3 \times 10^4}$ هي: $0,0045$ ؛ $4,5 \times 10^{-3}$ ؛ $0,45 \times 10^{-3}$

ب) لاحظ الرسم التالي: قيس فتحة الزاوية XBY تساوي:

60° ؛ 40° ؛ 70°

تمرين عدد 2:

اختصر العبارات التالية حيث $a \in \mathbb{Q}_+$ و $b \in \mathbb{Q}_+$

$$X = \left(-\frac{4}{3}ab^2\right)^4 \left(-\frac{4}{3}ba^2\right)^{-3}$$

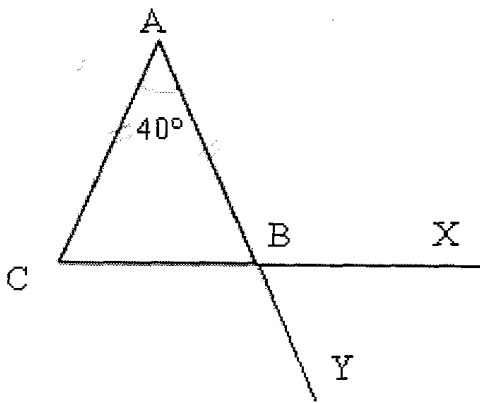
$$Z = \frac{(2a^{-1}b^2)^3 (a^2b^{-1})^2}{4(a^{-5}b)^{-1} (a^{-1}b)^4} \quad \text{و} \quad y = (-5a^{-3}b^2)^2 (4b^2a^{-1})^3 (a^3b^{-5})^2$$

تمرين عدد 3: نعتبر العبارة $A = \left[\frac{4}{3}(x^2y)^3\right]^{-2} (xy^4)^{-2}$ حيث $X \in \mathbb{Q}^*$ و $Y \in \mathbb{Q}^*$

أ- أثبت أن $A = \left(\frac{3}{4}\right)^2 (xy)^{-14}$

ب- احسب العبارة A إذا كان $X = \frac{1}{3}$ و $y = -3$

ج- احسب العبارة A إذا كان x مقلوب y



تمرين عدد 04

نعتبر EFG مثلثا متقايس الأضلاع

1- ابن النقطة A مناظرة G بالنسبة إلى F

ثم النقطة B مناظرة F بالنسبة إلى G

2- 1- بين أن المثلث EFA متقايس الضلعين حدد أقيسة زواياه

ب- استنتج أن المثلث EGA قائم الزاوية في E.

3- 1- بين أن المثلثين EGA و EFB متقايسان

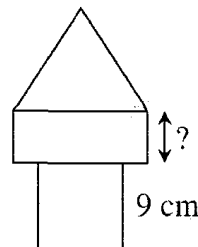
ب- استنتج طبيعة كل من المثلثين EFB و EAB

تمرين عدد 05

الشكل المقابل يتكون من مثلث متقايس الأضلاع و مستطيل مربع ضلعه 9cm ؛ هذه الأشكال لها نفس المحيط

إذن البعد الممثل بنقطة الإستفهام هو:

أ) 4cm ؛ ب) 5cm ؛ ج) 6cm ؛ د) 7cm ؛ هـ) 8cm



فرض مراقبة عدد 5

مثال عدد 1

تمرين عدد 01 :

(1) أجب بـ " صواب " أو " خطأ "

أ- العدد (-1) هو حل للمعادلة $x^2 + 1 = 0$ ب- ليكن $a \in \mathbb{Q}^*$ إذا كان a و -2 متناسبان مع -1 و -4 فإن $a = -\frac{1}{2}$

ج- متوازي أضلاع له ضلعان متتاليان متقايسان هو مستطيل

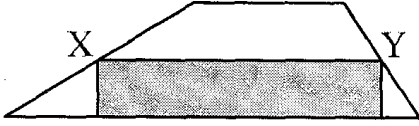
د- المربع هو معين

(2) ضع العلامة في الخانة المناسبة: \boxtimes لاحظ الشكل المقابل حيث قيس المساحة الملونة تساوي 13cm^2

النقطتي X و Y منتصف ضلعي الشبه المنحرف

إذن قيس مساحة الشبه المنحرف بـ (cm^2) تساوي:

□ 28 ؛ □ 27 ؛ □ 26 ؛ □ 25 ؛ □ 24



تمرين عدد 02: ثلاثة ورثة تقاسموا تركة أبيهم :

تحصل الأول على $\frac{7}{10}$ قيمة التركة ، تحصل الثاني على $\frac{2}{5}$ قيمة التركة ناقص 970 دتحصل الثالث على $\frac{1}{2}$ قيمة التركة زائد 70 د. ابحث عن قيمة التركة ثم حدد نصيب كل واحد .

تمرين عدد 03: أعطي رجل لأبنائه الثلاثة مبلغا من المال قدره 312 د. فتقاسموه بصفة متناسبة طردا مع أعمارهم التي

هي على التوالي 11 و 13 و 15.

احسب نصيب كل واحد من الأبناء الثلاثة .

تمرين عدد 04 :

1- ابن متوازي الأضلاع ABCD بحيث $\hat{B}AD = 60^\circ$; $AB = 4\text{cm}$; $AD = 6\text{cm}$ 2- أ- ابن (Ax) منصف الزاوية $\hat{B}AD$. [Ax] يقطع (CD) في نقطة Eب- احسب $\hat{D}AE$ ، $\hat{A}DE$ و $\hat{A}ED$ ج- استنتج أن $DE = 6\text{cm}$ 3- أ- عين النقطة F من [AB] حيث $AF = 6\text{cm}$

ب- أثبت أن الرباعي ADEF معين

4- [AE] و [DF] يتقاطعان في نقطة O

أ- أثبت أن الرباعي AHEK مربع

مربع AHEK

مثال عدد 2

فرض مراقبة عدد 5

تمرين عدد 01:

ضع العلامة في الخانة المناسبة:

- أ- مجموعة حلول المعادلة $(x - \frac{1}{2})(x + 1) = 0$ في IN هي: $\{\frac{1}{2}; -1\}$; $\{-1\}$; \emptyset
- ب- إذا كان العددين الكسريان المخالفان للصفر a و b متناسبين طردا مع العددين الكسرين المخالفين للصفر x و y فان: $ay = bx$; $ax = by$; $ab = xy$

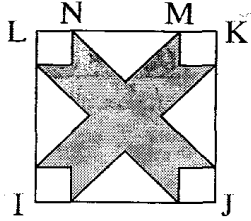
ج- رباعي محدب قطراه يتقاطعان في منتصفهما وله زاوية قائمة هو: معين، مستطيل، مربعد- في المعين القطران: متقايسان، متعامدان، متعامدان و متقايسان.

و-

لاحظ الشكل المقابل حيث IJKL مربع ضلعه 10cm و $MN = 6cm$

إذن قيس المساحة الملونة يساوي:

$42cm^2$; $46cm^2$; $48cm^2$; $52cm^2$; $58cm^2$



تمرين 02

حل في Q المعادلات التالية:

$$x - \frac{3x+2}{3} = \frac{2-3x}{2} + \frac{1}{4}; \quad -\frac{3}{2}(1-x) = \frac{3}{5}\left(x - \frac{5}{6}\right); \quad 2x + \frac{1}{3} = x - \frac{7}{9}; \quad -2x + 3 = 1$$

تمرين 03:

أ- ليكن $x \in Q^*$ أوجد العدد x إذا علمت أن x و -3 متناسبان مع -2 و 5 ب- ليكن $y \in Q^*$ أوجد العدد y إذا علمت $-\frac{3}{2}$ و y متناسبان مع $\frac{1}{2}$ و $-\frac{5}{6}$ ج- ليكن $a \in Q^*$ أوجد a إذا علمت أن $a-1$ و $2a-1$ متناسبان مع 2 و -1

تمرين عدد 04: نعتبر مثلثا متقايس الأضلاع ABC

1- أ- ابن المستقيم Δ المار من B و الموازي لـ (AC) ثم المستقيم Δ' المار من C و الموازي لـ (AB) حيث Δ و Δ' يتقاطعان في النقطة H

ب- ما هي طبيعة الرباعي ABHC؟

ج- استنتج أن $[AH] \perp [BC]$

2- (AH) و (BC) يتقاطعان في النقطة I

أ- عين النقطة J منتصف [AB] ثم النقطة K حيث تكون J منتصف [IK]

ب- ما هي طبيعة الرباعي AIBK؟

3- أ- ابن الدائرة Γ مركزها I وتمر من B، Γ تقطع [AH] في M و N.

ب- ما هي طبيعة الرباعي BMCN؟

فرض مراقبة عدد 6

مثال عدد 1

تمرين عدد 01 ضع العلامة \boxtimes في الخانة المناسبة :

أ- يمثل الجدول التالي معدلات مجموعة من التلاميذ أقسام الثامنة أساسي في مادة الرياضيات:

المعدل	9	10	12	15	17	18	19
عدد التلاميذ	5	4	3	7	3	2	1

منوال هذه السلسلة الإحصائية هو : \square 25 ; \square 15 ; \square 10

كيس به 5 كويرات حمراء مرقمة 1 إلى 5 و 4 كويرات زرقاء مرقمة من 1 إلى 4 و 3 كويرات صفراء مرقمة من 1 إلى 3.

ب- العدد الكسري الذي يمثل احتمال سحب بطريقة عشوائية كويرة رقمها فردي هو : \square $\frac{7}{12}$; \square $\frac{4}{12}$; \square $\frac{5}{12}$

ج- حجم مخروط دوراني ارتفاعه h وشعاع قاعدته r هو :

$$\square \frac{\pi r^2 h}{2} ; \square \frac{\pi r^2 h}{3} ; \square \frac{4}{3} \pi r^2$$

د- حجم كرة قدم قطرها 12cm هو : \square $904,32cm^3$; \square $150,72cm^3$; \square $301,44cm^3$

تمرين عدد 02:

نمثل المعطيات التالية عدد السنوات التي قضاها عدد من تلاميذ بمدرسة إعدادية.

5 5 2 3 4 3 2 5 5 5 3 1 2 4 3 5 4 5 2 1 4 3 2 3 4 3 3 4 5

أ- كون من هذه المعطيات جدولا إحصائيا

ب- ما هو التكرار الجملي لهذه السلسلة الإحصائية.

ج- ما هو منوال هذه السلسلة الإحصائية.

د- ما هو مدى هذه السلسلة الإحصائية.

هـ- مثل هذه السلسلة الإحصائية بمخطط العصيات .

تمرين عدد 03:

(1) ابن شبه منحرف ABCD قائما في A و D بحيث $AD = 4cm$ و $AB = 4cm$ و $CD = 6cm$

ب- احسب مساحة شبه المنحرف ABCD

(2) أ - عين النقطة I من [CD] حيث $DI = 2cm$

ب- ما هي طبيعة الرباعي ABCI

(3) لتكون O مركز ABCI

أ- ارسم الدائرة \odot التي مركزها O وتمر من B حيث تقطع [AC] في E و F

ب- ما هي طبيعة الرباعي BEIF ؟

تمرين عدد 04: نأخذ: $\pi = 3.14$

المجسم (A) على شكل كرة قطرها 12 cm

1- احسب حجم هذه الكرة .

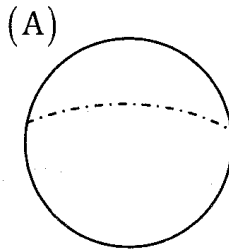
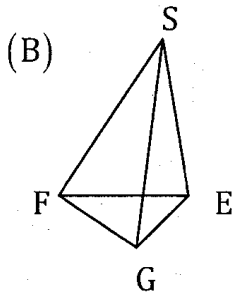
2- المجسم (B) على شكل هرم قاعدته مثلث قائم

احسب مساحة قاعدة المجسم (B) علما أن حجمه

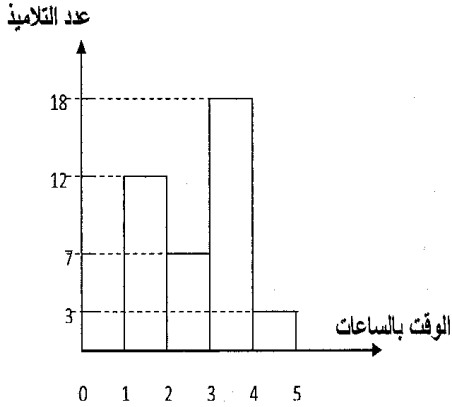
مساوي لحجم الكرة و ارتفاعه 9.42cm

3- القاعدة للمجسم (B) على شكل مثلث قائم الزاوية في E بحيث $EG = 36cm$

احسب FF



مثال عدد 2



فرض مراقبة عدد 6

تمرين عدد 01

(1) أجب ب: صواب أو خطأ

(أ) إذا كان $\frac{a}{b} = \frac{5}{4}$ فإن $\frac{a+5}{b+4} = \frac{5}{4}$

(ب) حجم مخروط شعاعه 2 cm و ارتفاعه 5cm هو $\frac{20\pi}{3} \text{ cm}^3$

(2) ضع العلامة (x) أمام الإجابة الصحيحة:

يمثل المخطط التالي عدد الساعات التي يقضيها أطفال أمام التلفاز في اليوم

(أ) النسبة المئوية للأطفال الذين يقضون أقل من 3 ساعات هي:

25% ؛ 52.5% ؛ 47.5%

(ب) المعدل الحسابي لهذه السلسلة هو: 1.925 ؛ 1.825 ؛ 1.725

تمرين عدد 02: نتائج قسم سنة ثامنة أساسي يعد 34 تلميذا في فرض الرياضيات كانت على النحو التالي

11-9-8-10-12-11-14-14-16-16.5-16-12-15-14-12-10-8-9-11-12-16-16.5-15-11-12

أ- نظم هذه المعطيات في جدول إحصائي مبرزاً نتائج هذا القسم مجزئاً إلى أصناف مداها 3

ب- مثل الجدول المتحصل عليه بمخطط المستطيلات

ج- ما هو منوال هذه السلسلة الإحصائية؟

د- ما هو مدى هذه السلسلة الإحصائية؟

هـ) ما هي النسبة المئوية للتلاميذ الذين لهم معدل يساوي أو يفوق 11؟

تمرين عدد 03: نلعب بنرد أوجهه مرقمة من 1 إلى 6 بالطريقة التالية نرمي النرد مرتين متتاليتين ثم نهتم بجداء العددين للوجه الفوقي في كل مرة.

6	5	4	3	2	1	x
			3	2	1	1
						2
	15					3
						4
						5
						6

(1) أنقل ثم أكمل الجدول التالي:

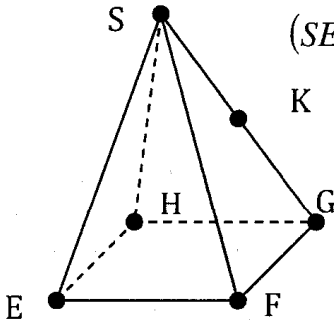
(2) ما هو احتمال الحصول على عدد أكبر من أو يساوي لـ 6؟

(3) ما هو احتمال الحصول على عدد فردي؟

(4) ما هو احتمال الحصول على عدد يقبل القسمة على 5؟

(5) أذكر حدث أكيد، حدث ممكن وحدث مستحيل.

تمرين عدد 04: نعتبر الرسم التالي حيث SEFGH هرم قاعدته المربع EFGH طول ضلعه 6cm



(1) حدد: $(SEG) \cap (EFG)$ ؛ $(SEG) \cap (EFS)$ ؛ $(SEG) \cap (EK)$ ؛ $(SEF) \cap (EK)$

(2) لتكن J نقطة تقاطع (SF) والمستقيم المار من k والموازي لـ (FG).

أ- بين أن $(KJ) \parallel (EFG)$

ب- بين أن $(JK) \parallel (SEH)$

(3) حدد $(KJ) \cap (SFG)$ و $(SH) \cap (SFG)$

(4) احسب حجم هذا الهرم علماً أن ارتفاعه $h = 12 \text{ cm}$

مثال عدد 1

فرض تألفي عدد 3

تمرين تمرين عدد 01

(1) أجب بـ: صواب أو خطأ

(أ) مستويان من الفضاء يتقاطعان حسب مستقيم

(ب) حجم كرة قطرها 6cm هو $36\pi \text{ cm}^3$

(2) ضع العلامة (x) أمام الإجابة الصحيحة:

يمثل الجدول التالي الأجر اليومي لعمال بإحدى الشركات

الأجر بالدينار	[10;15[[15;20[[20;25[[25;30[
التكرار	5	10	18	2

(أ) معدل الأجور بهذه الشركة هو: $\square 21.07$ ؛ $\square 20.63$ ؛ $\square 19.92$

(ب) نختار عاملا بصفة عشوائية ، احتمال أن يكون الأجر اليومي لهذا العامل أكثر أو يساوي 15 دينار هو:

$\square \frac{6}{7}$ ؛ $\square \frac{5}{7}$ ؛ $\square \frac{4}{7}$

تمرين عدد 02: نعتبر العبارة F حيث $x \in \mathbb{Q}$ و $F = 3x^4 - 2x^3$

(1) أ- أثبت أن $F = x^3(3x-2)$

ب- احسب العبارة F إذا كان $x=0$.

(2) أ- حل في \mathbb{Q} المعادلة $3x-2=0$

ب- استنتج مجموعة حلول المعادلة $F=0$

تمرين عدد 03:

نعتبر نردا مكعب الشكل متجانس و أوجهه مرقمة من 1 إلى 6 . تتمثل اللعبة في رمي النرد إلى أعلى وبعد سقوطه نسجل رقم وجهه العلوي

(1) أ- حدد الحدث A التالي: «الحصول على عدد زوجي»

ب- احسب احتمال الحدث A.

(2) أ- حدد الحدث B التالي: «الحصول على عدد مربع كامل»

ب- احسب احتمال الحدث B.

(3) أ) احسب احتمال الحدث $A \cap B$

حدث $A \cup B$

تمرين عدد 04:

الشكل التالي يمثل رسما منظورا لمتوازي المستطيلات $ABCDEFGH$ حيث M نقطة من $[AB]$ و N نقطة $[EH]$

1- ما هي الوضعية النسبية للمستقيم (AE) والمستوى (ABC) ؟ علل جوابك

2- ما هي الوضعية النسبية للمستقيم (HG) والمستوى (EFB) ؟ علل جوابك

3- ما هي الوضعية النسبية للمستقيمين (AD) و (MN) ؟ علل جوابك

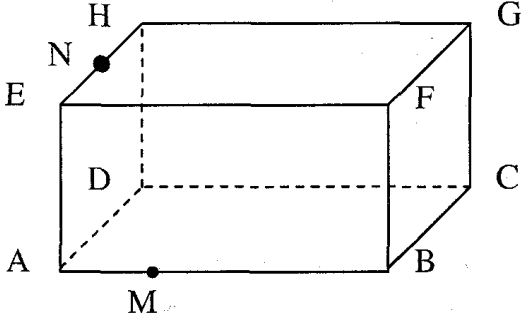
4- ما هي الوضعية النسبية للمستويين (ABC) و (BCG) ؟ علل جوابك

5- ما هي الوضعية النسبية للمستويين (AEN) و (BFC) ؟ علل جوابك

6- ما هي الوضعية النسبية للمستقيم (MN) والمستوي (FGC)

7- إذا علمت أن $AE = 1,6cm$ و $BC = 2,5cm$ و $AB = 4,5cm$

احسب حجم $ABCDEFGH$



فرض تألفي عدد 3

مثال عدد 2

تمرين عدد 01: أجب ب "صواب" أو "خطأ"

أ- ليكن $a \in \mathbb{Q}$ إذا كان a و $-\frac{1}{2}$ متناسبان مع $-\frac{3}{4}$ و -1 على التوالي فإن $a = -\frac{2}{3}$

ب- ليكن $a \in \mathbb{Q}$ العدد $a-1$ هو حل للمعادلة $x^2 - a^2 + 2a - 1 = 0$

ج- رباعي محدب له ضلعان متتاليان متقايسان ومتعامدان هو معين

د- ليكن P مستوي في الفضاء إذا كان $\Delta // P$ و $\Delta' // P$ فإن $\Delta // \Delta'$

تمرين عدد 02:

الجدول المصاحب يوضح توزيع قسم الثامنة أساسي حسب الوزن .

الوزن (كغ)	من 45 إلى أقل من 50	من 50 إلى أقل من 55	من 55 إلى أقل من 60	من 60 إلى أقل من 65
عدد	6	12	9	3
التلاميذ				

أ- ما هو التكرار الجملي لهذه السلسلة الإحصائية

ب- ما هو منوال هذه السلسلة

ج- ما هو مدى هذه السلسلة

د- مثل هذه السلسلة الإحصائية بمخطط المستطيلات

تمرين عدد 03: نعتبر مثلثا EFG قائما في E و I منتصف [EG]

(1) أ- ابن النقطة H مناظرة النقطة F بالنسبة الى النقطة I

ب- بين أن الرباعي EFGH متوازي الاضلاع

ج- استنتج أن $FG = EH$

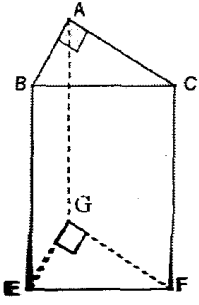
(2) لتكن O منتصف [FG] و J منتصف [EH]

أ- بين أن الرباعي EFOJ متوازي الاضلاع .

ب- استنتج أن $(OJ) \perp (EG)$

(3) أ) بين أن الرباعي EOGJ معين .

ب) بين أن I منتصف [OJ]



تمرين عدد 04: نعتبر الموشور القائم التالي $ABCEFG$ حيث مثلث قائم في A

1- بين أن $(EFG) \parallel (AC)$

2- بين أن $(EFG) \parallel (ABC)$

3- ما هي الوضعية النسبية للمستويين (ACG) و (BFE)

4- ما هي الوضعية النسبية للمستقيمين (AC) و (EF)

5- إذا علمت أن $EG = 2,5cm$ و $FG = 3cm$ و $CG = 5cm$ احسب حجم $ABCEFG$

تمرين عدد 05: في مسابقة تلفزيونية اقترح المنشط 5 أسئلة منها 3 في الأدب و 2 في الرياضة يختار المشارك

سؤالين بصفة عشوائية للإجابة عنها

(1) ما هو عدد إمكانية السؤالين؟

(2) ما هو احتمال أن يكون السؤالان في الأدب؟

(3) ما هو احتمال أن يكون السؤالان في الرياضة؟

(4) ما هو احتمال أن يكون السؤالان أحدهما في الرياضة و الآخر في الأدب؟

الأصلح



تمرين عدد 6:

- (1) يكون عدد (أكبر من 909) قابلا للقسمة على 8 إذا كان العدد المكون من أرقامه الثلاث الأخيرة (رقم الأحاد ورقم العشرات ورقم المئات) قابلا للقسمة على 8.
وبالتالي الأعداد التي تقبل القسمة على 8 هي: 0، 16104، 19720، 16104، 0،
(2) باقي قسمة عدد على 8 هو نفس باقي قسمة العدد المكون من أرقامه الثلاث الأخيرة على 8. وبالتالي:
- باقي قسمة العدد 35891 على 8 هو نفس باقي قسمة 891 على 8 ويساوي 8.
- باقي قسمة العدد 419173 على 8 هو نفس باقي قسمة 173 على 8 ويساوي 5.
- باقي قسمة كل من الأعداد 1972، 1604، 0 على 8 يساوي 0.

تمرين عدد 07:

- محيط المثلث هو عدد قابل للقسمة على 3 إذن فهو 360 أو 180 أو 222
محيط المثلث هو عدد قابل للقسمة على 4 إذن فهو 360 أو 180 أو 160
محيط ثنائي الأضلاع هو عدد قابل للقسمة على 8 إذن فهو 360 أو 160
بما أن الأضلاع الثلاثة لها نفس المحيط فإن المحيط المناسب هو 360.
تمرين عدد 8: 4712 ، 15896 ، 17960 ، 794516
تمرين عدد 9: 4375 ، 97150 ، 74375 ، 34650
يكون العدد $37x^2$ قابلا للقسمة على 3 إذا كان مجموع أرقامه $(2+x+7+3)$ قابلا للقسمة على 3.
يكون العدد $37x^2$ قابلا للقسمة على 4 إذا كان العدد المكون من رقميه الأخيرين $(2x)$ قابلا للقسمة على 4
وبالتالي يكون العدد $37x^2$ قابلا للقسمة في نفس الوقت على 3 و 4 يجب أن يكون مجموع أرقامه مضاعفا للعدد 3 والعدد المكون من رقميه الأخيرين قابلا للقسمة على 4.
لدينا: $12=2+7+3$ ليكون العدد $37x^2$ قابلا للقسمة على 3 هناك أربع حالات وهي: $x=0$ أو $x=3$ أو $x=6$ أو $x=9$.
من بين الحالات السابقة التي يمكن أن يكون فيها العدد $(2x)$ قابلا للقسمة على 4 هي $x=3$ و $x=9$ ، لأن
الحدين 32 و 92 قابلان للقسمة على 4. إذن الإمكانيات المتحصل عليها: 3732 و 3792.
اتباع نفس الطريقة لتتوصل على كل الإمكانيات بالنسبة للأعداد الأخرى.
تمرين عدد 11: 235872 ، 78120 ، 587088
تمرين عدد 12: 39375 ، 42750 ، 8925 ، 37200
تمرين عدد 13: لدينا العدد a مضاعف للعدد 35 والعدد b مضاعف للعدد 21، هذا يعني أنه يوجد عددين صحيحين طبيعيين حيث $a = n \times 35$ و $b = m \times 21$
 $(1) 7(5n + 3m) = 7(5 \times n) + (3 \times m) = 7[5 \times n + (3 \times m)] = 7(5n + 3m)$
نتشر $7p = 5n + 3m \in \mathbb{N}$ لذا $a + b = 7p$ ؛ هنا يعني أن العدد $a + b$ مضاعفا للعدد 7 وبالتالي $a + b$ يقبل القسمة على 7



الباقى	خارج القسمة	القاسم	الباقى
11	17	25	11
1	135	13	33
33	99	45	19
19	130	50	11
11	145	120	17411

تمرين عدد 2:

- (1) نلاحظ من خلال الكتابة $a = q \times 11 + r$ أن العدد a يمثل المقسوم، العدد q يمثل القاسم، العدد r يمثل باقي القسمة. وبما أن باقي القسمة الإقليدية لعدد صحيح طبيعي على آخر مخالف للصفر يكون دائما أصغر من القاسم فإن $r < q$.

$$(2) a = q \times 11 + r \text{ يعني } a - r = q \times 11 \text{ يعني } \frac{a-r}{q} = 11$$

بما أن $\frac{a-r}{q} = 11$ فإن العدد q يعتبر قاسما للعدد $a-r$ وبالتالي العدد $a-r$ هو مضاعفا للعدد q .

تمرين عدد 3:

- (1) صواب ، (2) صواب ، (3) خطأ ، (4) خطأ ، (5) خطأ ، (6) صواب ، (7) خطأ ، (8) خطأ.

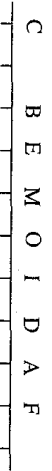
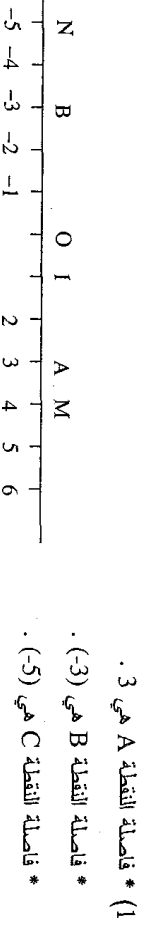
تمرين عدد 4:

- (1) يكون عدد (أكبر من 99) قابلا للقسمة على 4 إذا كان العدد المكون من رقميه الأخيرين
وبالتالي الأعداد التي تقبل القسمة على 4 هي: 3172، 0، 59908
(2) باقي قسمة عدد على 4 هو نفس باقي قسمة العدد المكون من رقميه الأخيرين على 4 وبالتالي:
- باقي قسمة العدد 8749 على 4 هو نفس باقي قسمة 49 على 4 ويساوي 1.
- باقي قسمة العدد 16591 على 4 هو نفس باقي قسمة 91 على 4 ويساوي 3.
- باقي قسمة كل من الأعداد 3172، 0، 59908 على 4 يساوي 0.
تمرين عدد 5:
(1) يكون عدد (أكبر من 99) قابلا للقسمة على 25 إذا كان العدد المكون من رقميه الأخيرين
(رقم الأحاد ورقم العشرات) قابلا للقسمة على 25
وبالتالي الأعداد التي تقبل القسمة على 25 هي: 4975، 0، 83550
(2) باقي قسمة عدد على 25 هو نفس باقي قسمة العدد المكون من رقميه الأخيرين على 25، وبالتالي:
- باقي قسمة العدد 34545 على 25 هو نفس باقي قسمة 45 على 25 ويساوي 20.
- باقي قسمة العدد 25976 على 25 هو نفس باقي قسمة 76 على 25 ويساوي 1.
- باقي قسمة كل من الأعداد 4975، 0، 83550 على 25 يساوي 0.

تبرين ع08دد :

$$\begin{aligned} N \cup F &= \{0; 1\} \\ G \cup Z_+ &= \{0; 4\} \\ Z \cup F &= Z \\ E \cap Z &= \left\{0; -3; \frac{-12}{3}\right\} \\ E \cup F &= \left\{0; -3; -4; -1; -5; \frac{15}{2}\right\} \\ E \cup G &= \left\{0; -1; -3; \frac{-15}{3}; 4; \frac{15}{2}; 1; \frac{-12}{3}\right\} \\ E \cap F &= \{0; -3; -4; 1\} \\ F \cap G &= \{0\} \\ Z \cap E &= \left\{0; -3; \frac{-12}{3}; 1\right\} \end{aligned}$$

تبرين ع09دد :



طا ; ج) خطأ ; د) صحيح ; هـ) خطأ ; و) خطأ .

$$\begin{aligned} 4 \notin Z ; \frac{-20}{4} \in Z ; 0 \in Z ; \frac{-3}{2} \notin Z ; \{0; -1; 3\} \notin Z ; Z_+ = N ; Z_+ \subset Z ; N \subset Z ; -4, 5 \notin Z \\ -\sqrt{6} \in Z ; \sqrt{18} \in N ; \left\{\frac{15}{3}; 0; -7\right\} \notin N ; \left\{1; \frac{13}{2}; -5\right\} \notin Z ; \left|-\frac{30}{5}\right| \in Z ; \left|\frac{-13}{5}\right| \notin Z \end{aligned}$$

تبرين ع03دد : الأعداد الصحيحة النسبية هي :

$$-\left|\frac{-15}{3}\right| ; 0 ; -\frac{48}{8} ; -434 ; 36 ; -\left(\frac{-54}{3}\right) ; -\sqrt{64} ; \sqrt{25}$$

تبرين ع04دد :

$$|-|-5|| = 5 ; |-49| = 49 ; |363| = 363 ; |-43| = 43 ; |0| = 0 ; \sqrt{81} = \sqrt{81} = 9 ; |-\sqrt{25}| = \sqrt{25} = 5$$

تبرين ع05دد :

$$\begin{aligned} A = \{0; -2; -3; -5; -6\} ; B = \{0; 2; 3; 6; 8\} \\ C = \{0; 2; -2; 3; -3\} ; D = \{-3; 3\} \\ E = \{-5\} ; F = \emptyset \end{aligned}$$

تبرين ع06دد : $|x| = 0$ يعني $x = 0$.

$$* x = 4 \text{ يعني } |x| = 4$$

$$* x = -1 \text{ أو } x = 1 \text{ يعني } |x| = 1$$

$$* x = -3 \text{ أو } x = 3 \text{ يعني } |x| = 3$$

$$* x = -9 \text{ أو } x = 9 \text{ يعني } |x| = 9$$

$$* |x| = -11 \text{ لا يمكن}$$

$$* x = -13 \text{ أو } x = 13 \text{ يعني } |x| = 13$$

$$* |x| = -5 \text{ لا يمكن}$$

تبرين ع07دد :

$$A = \{-13; 13\} ; B = Z ; C = \emptyset ; D = \emptyset$$



Collection pilote

الجمع و الطرح و الضرب في مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية

$$*b - (9 + a) = b - 9 - a = (b - a) - 9 = 12 - 9 = 3$$

$$*-(a - 8) - (1 - b) = -a + 8 - 1 + b = (b - a) + 7 = 12 + 7 = 19$$

$$*(7 + b) + (3 - a) - 1 = 7 + b + 3 - a = (b - a) + 10 = 12 + 10 = 22$$

تمرين عدد 06:

$$b = 9 \text{ و } a = 2$$

$$-|b| - |a| = -|9| - |2| = -9 - 2 = -11 ; |a| - |b| = |2| - |9| = 2 - 9 = -7 ; |a - b| = |2 - 9| = |-7| = 7$$

$$b = -7 \text{ و } a = -5$$

$$|a| - |b| = |-5| - |-7| = -5 - (-7) = -5 + 7 = |2| = 2$$

$$-|b| - |a| = -|-7| - |-5| = -7 - 5 = -12$$

$$b = 12 \text{ و } a = -11$$

$$|a| - |b| = |-11| - |12| = 11 - 12 = -1 ; |a - b| = |2 - 9| = |-7| = 7$$

$$-|b| - |a| = -|12| - |-11| = -12 - 11 = -23$$

$$a = b = -1$$

$$-|b| - |a| = -|-1| - |-1| = -1 - 1 = -2 ; |a| - |b| = 0 ; |a - b| = 0$$

$$a = -b = 1$$

$$-|b| - |a| = -|-1| - |-1| = -1 - 1 = -2 ; |a| - |b| = |1| - |1| = 1 - 1 = 0 ; |a - b| = |-1 - (-1)| = |2| = 2$$

تمرين عدد 07:

$$x = 15 + 14 = 29 \text{ يعني } -14 + x = 15$$

$$x = 11 \text{ يعني } -x + 11 = 0$$

$$x = -2 \text{ يعني } (2 - x) = 4$$

$$x = -17 \text{ يعني } (-x - 8) = 9$$

$$x = 5 \text{ يعني } [(-6) - x] = -11$$

تمرين عدد 08:

$$(-8) \times 9 = (-27) ; (-5) \times (-3) = 15 ; (-6) \times (-9) \times 7 = 378 ; (-10) \times (-1) \times (-3) = (-30)$$

$$(-11) \times (-4) \times (-2) \times (-5) = 440 ; (-10) \times (-1) \times (-3) = (-30)$$

$$(-7) \times 10 \times (-3) \times 6 \times (-5) = (-6300) ; (-77) \times 140 \times (-341) \times 0 \times (-558) = 0$$

تمرين عدد 09:

- علامة العدد A هي موجبة لأن عدد العوامل السالبة هو زوجي (4)

- علامة العدد B هي سالبة لأن عدد العوامل السالبة هو فردي (3)

- علامة العدد C هي موجبة لأن عدد العوامل السالبة هو زوجي (4)

- علامة العدد D هي سالبة لأن عدد العوامل السالبة هو فردي (5)

تمرين عدد 10:

$$b = 0 \text{ و } a = -2$$

$$ab + 3a - 2b = (-2) \times 0 + 3 \times (-2) - 2 \times 0 = 0 + (-6) - 0 = (-6)$$

$$a(-2b + 5a) = (-2) \times [(-2) \times 0 + 5 \times (-2)] = (-2) \times [0 + (-10)] = (-2) \times (-10) = 20$$

Collection pilote

الضرب في مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية

الإصلاح

$$(-20) + (-3) = (-23) ; 343 + (+15) = 358 ; (-92) + 223 = 131 ; (-50$$

$$(-237) + (+14) = (-223) ; (-30) - (-54) = (-30) + 54 = 24 ; (+88) - (+22) = 66 ;$$

$$(-29) + (-11) = (-40)$$

تمرين عدد 02:

$$(-4) + 19 + (-33) = 15 + (-33) = (-18) ; (-17) - (-20) + 34 = (-17) + 20 + 34 = 37$$

$$(+12) + (+120) + (+13) = 132 + 13 = 145 ; (+18) + (-20) + (-15) = (-2) + (-15) = (-17)$$

$$(-144) - (+173) - 15 = (-144) + (-173) - 15 = (-317) - 15 = (-332)$$

$$(-18) - (+19) + (-30) - 12 = (-18) + (-19) + (-30) - 12 = (-37) + (-42) = (-79)$$

$$39 + (-50) - 45 - 39 = (-1) + (-84) = (-85)$$

تمرين عدد 03:

$$*12 - (23 - 45 + 3) - (-12 + 47) = 12 - (-19) - 35 = 12 + 19 - 35 = 31 - 35 = -4$$

$$* - [(-32 - 85) + 56] - (56 - 69) = - [(-32) + 56] - (-13) = (-33) + 56 + 13 = (-89) + 13 = -76$$

$$* - (-58) + [-63 + 14 - (35 - 24)] = 58 + (-49 - 11) = 58 + (-60) = -2$$

$$* [19 - 21 - (-24)] - [(-26) + 18] = (-3 + 24) - (26 + 18) = 21 - 34 = -13$$

$$* (-89 - 21 - 4) - [-43 - (-5)] - (63 - 47) = (-115) - (-43 + 5) - 16$$

$$= (-115) - (-38) - 16 = -115 + 38 - 16 = -77 - 16 = -93$$

$$* 0 - 56 - [0 - (25 - 39)] + [1 - (-26)] = (-56) - [(-14)] + (1 + 26) = (-56) - 14 + 27 = -70 + 27 = -43$$

تمرين عدد 04:

$$123 + 456 = 579 ; 123 - 456 = -333$$

(ب)

$$*(123 + 892) - (456 + 892) = 123 - 456 = -333$$

$$*(123 - 252) + (456 + 252) = 123 + 456 = 579$$

$$*(123 - 632) - (456 - 632) = 123 - 456 = -333$$

$$*(123 + 236) + (456 - 236) = 123 + 456 = 579$$

$$*(123 - 472) + (456 + 472) + [(123 - 669) - (456 - 669)] = 579 + (-333) = 246$$

تمرين عدد 05:

$$*a - (3 + b) = a - 3 - b = (a - b) - 3 = 12 - 3 = 9$$

$$*12 - (b - 4) + a = 12 - b + 4 + a = (a - b) + 12 + 4 = -12 + 16 = 4$$

$$*a - 1 - (b - 6) = a - 1 - b + 6 = (a - b) + 6 - 1 = -12 + 5 = -7$$

$$*-(b - 5) - (-a + 8) = -b + 5 + a - 8 = (a - b) + 5 - 8 = -12 - 3 = -15$$



Collection pilote

3-الجمع و الطرح و الضرب في مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية
 تمرين عدد 14: ساعة مرام تناخر $336s = 14 \times 24$ في اليوم أي 672 ثانية في يومين ومن منتصف النهار إلى الرابعة تناخر $56s = 4 \times 14$ إذن فهي تناخرت $728s = 56 + 672$ أي 12 دقيقة و 8 ثواني وبالتالي تستغر ساعة مرام إلى الساعة $52s = 47mn - 12mn + 4h$ أي الثالثة و 47 دقيقة و 52 ثانية.

تمرين عدد 15:

$$\begin{aligned} 3(a+b) + 2(3a+2b) &= 3a+3b+6a+4b = 9a+7b \\ -2(a-b) + 5(-a+b) &= -2a+2b-5a-5b = -7a-3b \\ 4(-2a+3b) - (a-2b) &= -8a+12b-a+2b = -9a+14b \\ -8a-7(a-2b) - 2(3a+b) &= -8a-7a+14b-6a-2b = -21a+12b \end{aligned}$$

تمرين عدد 16:

$$\begin{aligned} a \leq b \text{ و } a \in \mathbb{Z}_+, b \in \mathbb{Z}_+ \\ |a| - |b| = a - b - (b - a) = a - b - b + a = 2(a - b) \\ |a| - |b| = a - b - (b - a) = a - b - b + a = 2(a - b) \\ |a| - |b| = a - b - (b - a) = a - b - b + a = 2(a - b) \\ |a| - |b| = a - b - (b - a) = a - b - b + a = 2(a - b) \end{aligned}$$

تمرين عدد 17:

$$\begin{aligned} |a| - |b| - |a - b| &= |a| - |a - b| - |a - b| = |a| - 2|a - b| \\ |a| - |b| - |a - b| &= |a| - |a - b| - |a - b| = |a| - 2|a - b| \\ |a| - |b| - |a - b| &= |a| - |a - b| - |a - b| = |a| - 2|a - b| \end{aligned}$$

تمرين عدد 18:

$$\begin{aligned} A = -2(a-b) + 3(b-2a) + 3a &= -2a+2b+3b-6a+3a = -2a+2b+3b-6a+3a = -5a+5b \\ B = 3(-2a+b) - 2(b-a) + 3(3a-2b) &= -6a+3b-2b+2a+9a-6b = -6a+3b-2b+2a+9a-6b = -5a-5b \end{aligned}$$

تمرين عدد 19:

$$\begin{aligned} X &= -2(-2x+y) - 3(x-2y) = 4x-2y-3x+6y = x+4y \\ Y &= 4(x-3y) - 3(x-5y) = 4x-12y-3x+15y = x+3y \end{aligned}$$

Collection pilote

الضرب في مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية
 $a(1-b) - b(1-a) = (-2) \times (1-0) - 0 \times (1-(-2)) = (-2) - 0 = -2$
 $b = -2$

$$\begin{aligned} ab+3a-2b &= (-3) \times (-1) + 3 \times (-3) - 2 \times (-1) = 3 - 9 + 2 = -4 \\ a(-2b+5a) &= (-3) \times [(-2) \times (-1) + 5 \times (-3)] = (-3) \times [2 + (-15)] = (-3) \times (-13) = 39 \\ a(1-b) - b(1-a) &= (-3) \times [1 - (-1)] - (-1) \times [1 - (-3)] = (-3) \times (1+1) - (-1) \times (1+3) = -6 + 4 = -2 \end{aligned}$$

تمرين عدد 20:

$$\begin{aligned} ab+3a-2b &= 4 \times 1 + 3 \times 4 - 2 \times 1 = 4 + 12 - 2 = 14 \\ a(-2b+5a) &= 4 \times [(-2) \times 1 + 5 \times 4] = 4 \times [(-2) + 20] = 4 \times 18 = 72 \\ a(1-b) - b(1-a) &= 4 \times (1-1) - 1 \times (1-4) = 4 \times 0 - 1 \times (-3) = 0 + 3 = 3 \end{aligned}$$

تمرين عدد 21:

$$\begin{aligned} ab+3a-2b &= 0 \times 0 + 3 \times 0 - 2 \times 0 = 0 + 0 - 0 = 0 \\ a(-2b+5a) &= 0 \times [(-2) \times 0 + 5 \times 0] = 0 \times [0 + 0] = 0 \\ a(1-b) - b(1-a) &= 0 \times (1-0) - 0 \times (1-0) = 0 - 0 = 0 \end{aligned}$$

تمرين عدد 22:

$$\begin{aligned} ab+3a-2b &= 1 \times (-1) + 3 \times 1 - 2 \times (-1) = (-1) + 3 + 2 = 4 \\ a(-2b+5a) &= 1 \times [(-2) \times (-1) + 5 \times 1] = 1 \times [2 + 5] = 7 \\ a(1-b) - b(1-a) &= 1 \times [1 - (-1)] - (-1) \times [1 - 1] = 1 \times (1+1) - (-1) \times 0 = 2 - 0 = 2 \end{aligned}$$

تمرين عدد 23:

$$\begin{aligned} 14a+7 &= 7 \times 2a + 7 = 7(2a+1) ; -5b+10 = -5b+5 \times 2 = 5(-b+2) \\ -18a-24 &= -6 \times 3a - 6 \times 4 = -6(3a+4) ; ab+2a = a(b+2) \\ -3b+9ab &= -3b+3a \times 3b = 3b(-1+3a) ; -15ab-5a = -5a \times 3b - 5a = -5a(3b+1) \\ 4-8a+6b &= 2 \times 2 - 2 \times 4a + 2 \times 3b = 2(2-4a+3b) ; 3ab-a = a(3b-1) \end{aligned}$$

تمرين عدد 24:

$$\begin{aligned} x+2y+5x-y &= (x+5x) + (2y-y) = 6x+y \\ -4y+2x+3y-7x &= (-4y+3y) + (2x-7x) = -y-5x \\ -x-y-8x-6y &= (-x-8x) + (-y-6y) = -9x-7y \\ 17x-y-19x-y &= (17x-19x) + (-y-y) = -2x-2y \\ -20y-18x+x+5y-12x &= (-20y+5y) + (-18x+x-12x) = -15y-29x \end{aligned}$$

تمرين عدد 25:

$$\begin{aligned} 5-7+9 &= 7 \text{ إذن عدد درجات السلم: } 7 \times 2 - 1 = 13 \end{aligned}$$



العدد	الجزء الصحيح	الجزء العشري	كاتبته على صورة $\frac{a}{10^n}$
43.75	43	75	$\frac{4375}{10^2}$
1.943	1	943	$\frac{1943}{10^3}$
0.19	0	19	$\frac{19}{10^2}$

تمرين عدد 1

تمرين عدد 2:

$$-51.49 = -\frac{5149}{10^2} ; 0.037 = \frac{37}{10^3} \quad -1 + \frac{59}{100} = -\frac{100}{100} + \frac{59}{100} = -\frac{41}{100}$$

$$15 + \frac{83}{10^2} = \frac{1500}{10^2} + \frac{83}{10^2} = \frac{1583}{10^2} ; \quad -4 - \frac{9}{10^3} = -\frac{4000}{10^3} - \frac{9}{10^3} = -\frac{4009}{10^3}$$

تمرين عدد 3: القيمة التقريبية برقمين بعد الفاصل
 $1549 = 1.549 \approx 1.55$ ، $32.0099 \approx 32.01$
 $10^4 = 10000$ ، $10^4 = 120091 = 12.0091$ ، $20.057 \approx 20.06$ ؛ $4.934 \approx 4.94$

تمرين عدد 4:

يكون عدد كسري نسبية عشريا إذا كانت القواسم الأولية لمقام كتابته المختزلة لأقصى حد هي 2 أو 5 و بالتالي الأعداد العشرية هي :

$$\frac{9}{5} = \frac{18}{10} = \frac{180}{10^2} ; \quad \frac{207}{45} = \frac{23}{5} = \frac{26}{10} = \frac{260}{10^2}$$

$$\frac{11}{2} = \frac{55}{10} = \frac{550}{10^2} ; \quad \frac{917}{20} = \frac{4585}{100} = \frac{4585}{10^2}$$

تمرين عدد 5

(أ) $\frac{3}{7} < \frac{4}{7}$ ، (ب) $3 < 4$ لأن $\frac{9}{11} < \frac{9}{10}$ لأن $11 > 10$ (ج) $\frac{7}{6} > \frac{4}{5}$ لأن $\frac{7}{6} > \frac{4}{5}$ و $1 > \frac{7}{6}$

(د) $-\frac{3}{8} < -\frac{4}{9}$ لأن $0 > \frac{4}{9}$ ، $\frac{4}{9} > 0$ ، $\frac{10}{7} > \frac{9}{7}$ يعني $-\frac{9}{7} < -\frac{10}{7}$



$$X = x + 4y = -2 + 4 \times (-2)$$

$$Y = x + 3y = -2 + 3 \times (-1)$$

$$X \geq Y \quad X - Y = (x + 4y) - (x + 3y) = x + 4y - x - 3y = y \geq 1$$

$$X \leq Y \quad X - Y = (x + 4y) - (x + 3y) = x + 4y - x - 3y = y \leq 0$$

$$X = Y \quad X - Y = (x + 4y) - (x + 3y) = x + 4y - x - 3y = y = 0$$

تمرين عدد 1:

$$A = 3ab - 2a(b - 2) + b(3 - a) = 3ab - 2ab + 4a + 3b - ab = (3ab - 2ab - ab) + 4a + 3b = 4a + 3b$$

$$B = -2b(-2 + a) - 3a(b - 1) + 5ab = 4b - 2ab - 3ab + 3a + 5ab = (-2ab - 3ab + 5ab) + 4b + 3a = 4b + 3a$$

$$A = 4a + 3b = 4 \times (-1) + 3 \times (-2) = -4 - 6 = -10$$

$$B = 4b + 3a = 4 \times (-2) + 3 \times (-1) = -8 - 3 = -11$$

$$A = 4a + 3b = 4 \times 0 + 3 \times (-3) = 0 - 9 = -9$$

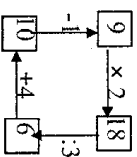
$$B = 4b + 3a = 4 \times (-3) + 3 \times 0 = -12 + 0 = -12$$

$$b - a \leq 0 \quad \text{يعني } a \geq b$$

$$b - a \geq 0 \quad \text{يعني } a \leq b$$

$$a - b = 0 \quad \text{يعني } a = b$$

تمرين عدد 2:



$$(-9) + (-6) + (+4) + (-5) = -16 \quad \text{تمرين عدد 21: التجميع المتحصل عليها هي:}$$

(ب) الأرقام التي تم سببها هي التي تحصل الأعداد (+4); +9; -9 لأن: $0 = (-4) + (+4) + (+9) + (-9)$

(ج) الفرقان الآخران اللذان تم سببها هما يحصلان العددين (-3); -5 لأن: $-12 = (-5) + (-3) + (+2) + (-6)$

$$E = \{-1; 1\} \quad \text{فإن } -1 \in A \text{ و } 1 \in A \text{ و } X = -1 \text{ أو } X = 1 \text{ يعني } |X| = 1$$

$$\text{ب/ } \frac{3}{5} < |X| < \frac{3}{2} \text{ يعني } X = \frac{3}{5} \text{ أو } X = -\frac{3}{5} \text{ و } x \text{ و } \frac{3}{5} \in A \text{ و } \frac{3}{2} \in A \text{ فإن } F = \left\{ -\frac{3}{5}; \frac{3}{2} \right\}$$

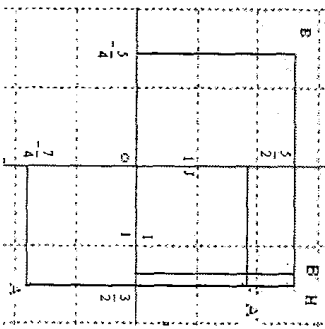
$$\text{ج/ } H = \left\{ 0; -1; -\frac{21}{280}; -\frac{3}{5}; \frac{75}{125}; 1 \right\}$$

$$\text{تبرير عدد 10: } A = \left\{ x \in \mathbb{Z}; -\frac{11}{5} < x < \frac{13}{4} \right\} = \{-2; -1; 0; 1; 2; 3\}$$

$$B = \left\{ X \in \mathbb{Z}; X > -\frac{17}{4} \right\} = \{-4; -3; -2; -1; 0\} \quad , \quad C = \left\{ X \in \mathbb{Q}; |X| = \frac{4}{3} \right\} = \left\{ \frac{4}{3}; \frac{4}{3} \right\}$$

$$D = \left\{ X \in \mathbb{Z}; |X| < \frac{5}{2} \right\} = \left\{ X \in \mathbb{Z}; -\frac{5}{2} < X < \frac{5}{2} \right\} = \{-2; -1; 0; 1; 2\}$$

$$E = \{X \in \mathbb{N}; |X| = 3\} = \{3\}; \quad F = \{X \in \mathbb{D}; |X| = \frac{11}{3}\} = \emptyset$$

تمرين عدد 11

(2) النقطة A' منظر النقطة A بالنسبة المحور (OI) هذا يعني أن فاصلة النقطة A' هي نفس فاصلة A وترتيبة A' هي مقابل ترتيبية A ولذا فإن فاصلة A' يساوي $\frac{3}{2}$ وترتيبها يساوي $\frac{7}{4}$ وبالتالي $A' \left(\frac{3}{2}; \frac{7}{4} \right)$

(3) النقطة B' منظر النقطة B بالنسبة المحور (OI) هذا يعني أن فاصلة النقطة B' هي مقابل فاصلة B وترتيبة B' هي نفس ترتيبية B ولذا فإن فاصلة B' يساوي $\frac{5}{4}$ وترتيبها يساوي $\frac{5}{2}$ وبالتالي $B' \left(\frac{5}{4}; \frac{5}{2} \right)$

(4) فاصلة النقاط المنتمية إلى المستقيم (AA') هي نفس فاصلة كل من النقطتين A و A' و يساوي $\frac{3}{2}$

(5) ترتيب النقاط المنتمية إلى المستقيم (BB') هي نفس ترتيب كل من النقطتين B و B' و يساوي $\frac{5}{2}$

(6) H هي نقطة تقاطع المستقيمين (AA') و (BB') هذا يعني أن فاصلة H هي نفس فاصلة النقطة A و ترتيبها هي نفس ترتيبية B إذن $H \left(\frac{5}{2}; \frac{3}{2} \right)$

$$3: \text{ يعني } \frac{32}{20} < -\frac{35}{20} < -\frac{8}{5} < -\frac{7}{4}$$

**تمرين عدد 6:**

$$|0| = 0 \quad ; \quad |(-5)| = 5 \quad ; \quad \frac{6}{11} = \frac{6}{11} \quad ; \quad \frac{-2}{10} = -\frac{1}{5} \quad ; \quad \frac{8}{9} = \frac{8}{9}$$

$$x < \frac{3}{4} \quad ; \quad x > 0 \quad \text{لأن } \frac{3}{4} - x > 0 \quad ; \quad \frac{15}{14} = a - \frac{5}{8} \quad ; \quad |5 - a| = \frac{5}{8} \quad ; \quad a < \frac{5}{8} \quad ; \quad \frac{4}{9} < b < \frac{8}{9}$$

$$\frac{4}{9} < b - \frac{4}{9} < 0 \text{ يعني } \left(b - \frac{4}{9} \right) > 0 \text{ ولذا } -\left(b - \frac{4}{9} \right) = -\left(b - \frac{4}{9} \right)$$

$$\frac{1}{3} < y \text{ يعني } y - \frac{1}{3} < 0 \text{ يعني } y - \frac{1}{3} > 0 \text{ يعني } \left(y - \frac{1}{3} \right) > 0 \text{ وبالتالي } \frac{1}{3} - y < 0$$

تمرين عدد 7:

1) الصواب ، (2) صواب ، (3) خطأ ، (4) خطأ ، (5) خطأ ، (6) صواب ، (7) خطأ ، (8) خطأ

تمرين عدد 8:

$$A = \left\{ \frac{3}{2}; -\frac{3}{2} \right\} \quad , \quad B = \left\{ -\frac{1}{2} \right\} \quad , \quad C = \left\{ \frac{5}{7} \right\} \quad , \quad D = \emptyset \quad , \quad E = \mathbb{Q} \quad , \quad F = \mathbb{Q}$$

تمرين عدد 9

$$A = \left\{ -\frac{5}{2}; 0; -1; \frac{99}{33}; \frac{21}{280}; -\frac{3}{5}; \frac{5}{125}; 2 \right\}$$

$$- \frac{5}{2} < -1 < -\frac{3}{5} < 0 < \frac{21}{280} < \frac{75}{125} < 1 < \frac{5}{2} < \frac{99}{33}$$

$$A \cap B = \left\{ -\frac{5}{2}; 0; -1; \frac{21}{280}; -\frac{3}{5}; \frac{75}{125}; 2 \right\}$$

$$\text{ب/ } C = \left\{ 0; 1; \frac{99}{33} \right\}$$

$$\text{ج/ } D = \left\{ 0; -1; 1; \frac{99}{33} \right\}$$

$$A \cap N = C; \quad A \cap Z = D; \quad A \cap \mathbb{Q} = A; \quad A \cap D = B \quad (3)$$

تمرين عدد 03:
a(1) ; b(3) ; c(4)

تمرين عدد 04:

$$X = \left(\frac{14}{9} - \frac{13}{19} \right) + \left(\frac{5}{3} + \frac{13}{19} \right) = \frac{14}{9} + \frac{5}{3} = \frac{14}{9} + \frac{15}{9} = \frac{29}{9}$$

$$Y = \left(\frac{25}{13} + \frac{51}{17} \right) - \left(\frac{70}{26} + \frac{51}{17} \right) = \frac{25}{13} - \frac{70}{26} = \frac{25}{13} - \frac{35}{13} = \frac{-10}{13}$$

$$Z = \left(\frac{28}{15} - \frac{73}{34} \right) - \left(\frac{12}{5} - \frac{73}{34} \right) = \frac{28}{15} - \frac{12}{5} = \frac{28}{15} - \frac{36}{15} = \frac{-8}{15}$$

$$T = \frac{-37}{24} - \left(\frac{11}{24} + \frac{16}{13} \right) = \left(\frac{-37}{24} - \frac{11}{24} \right) - \frac{16}{13} = \frac{-48}{24} - \frac{16}{13} = -2 - \frac{16}{13} = \frac{-26}{13} - \frac{16}{13} = \frac{-42}{13}$$

$$W = \frac{-43}{18} - \left(\frac{11}{18} - \frac{23}{19} \right) = \left(\frac{-43}{18} - \frac{11}{18} \right) + \frac{23}{19} = \frac{-54}{18} + \frac{23}{19} = -3 + \frac{23}{19} = \frac{-57}{19} + \frac{23}{19} = \frac{-34}{19}$$

تمرين عدد 05:

$$X = 3a + 5b - 2a + 3b + a - b = (3a - 2a + a) + (5b + 3b - b) = 2a + 7b$$

$$Y = \frac{5}{2}a - \frac{4}{5}b + \frac{3}{4}a + 2b = \left(\frac{5}{2}a + \frac{3}{4}a \right) + \left(-\frac{4}{5}b + 2b \right) = \left(\frac{10}{4}a + \frac{3}{4}a \right) + \left(-\frac{4}{5}b + \frac{10}{5}b \right) = \frac{13}{4}a + \frac{6}{5}b$$

$$Z = -\frac{2}{3}b + \frac{3}{2}a - \frac{3}{5}b - \frac{7}{4}a + b + a = \left(-\frac{2}{3}b - \frac{3}{5}b + b \right) + \left(\frac{3}{2}a - \frac{7}{4}a + a \right) = \left(\frac{-10}{15}b - \frac{9}{15}b + \frac{15}{15}b \right) + \left(\frac{6}{4}a - \frac{7}{4}a + \frac{4}{4}a \right)$$

$$= \left(\frac{-10}{15} - \frac{9}{15} + \frac{15}{15} \right) b + \left(\frac{6}{4} - \frac{7}{4} + \frac{4}{4} \right) a = \frac{-4}{15}b + \frac{3}{4}a$$

$$T = \frac{1}{2}a - \frac{5}{3}b - \frac{4}{7}a + \frac{5}{9}b - a - b = \left(\frac{1}{2}a - \frac{4}{7}a - a \right) + \left(-\frac{5}{3}b + \frac{5}{9}b - b \right) = \left(\frac{7}{14}a - \frac{8}{14}a - \frac{14}{14}a \right) + \left(\frac{-15}{14}b + \frac{5}{14}b - \frac{9}{14}b \right)$$

$$= \left(\frac{7}{14} - \frac{8}{14} - \frac{14}{14} \right) a + \left(\frac{-15}{14} + \frac{5}{14} - \frac{9}{14} \right) b = \frac{-15}{14}a + \left(\frac{-19}{14} \right) b = \frac{-15}{14}a - \frac{19}{14}b$$

تمرين عدد 06: لدينا $a - b = \frac{-7}{2}$ بطبي $b - a = \frac{7}{2}$

$$\frac{-3}{7} + \frac{8}{14} = \frac{-6}{14} + \frac{8}{14} = \frac{2}{14} = \frac{1}{7} ; \frac{3}{4} + \frac{5}{2} + \frac{3}{4} + \frac{10}{4} = \frac{3}{4} + \frac{10}{4} + \frac{3}{4} + \frac{10}{4} = \frac{26}{4} = \frac{13}{2}$$

$$\frac{(-19)}{20} + \left(\frac{-5}{4} \right) = \left(\frac{-19}{20} \right) + \left(\frac{-25}{20} \right) = \frac{(-19) + (-25)}{20} = \frac{-44}{20} = \frac{-11}{5}$$

$$\frac{9}{15} + \left(\frac{-7}{5} \right) = \frac{9}{15} + \left(\frac{-21}{15} \right) = \frac{9 + (-21)}{15} = \frac{-12}{15} = \frac{-4}{5}$$

$$\frac{11}{4} + \frac{9}{2} + \frac{15}{8} = \frac{22}{8} + \frac{36}{8} + \frac{15}{8} = \frac{22 + 36 + 15}{8} = \frac{73}{8}$$

$$\frac{3}{40} + \left(\frac{-4}{5} \right) + \frac{7}{8} = \frac{3}{40} + \left(\frac{-32}{40} \right) + \frac{35}{40} = \frac{3 + (-32) + 35}{40} = \frac{6}{40} = \frac{3}{20}$$

$$\left(\frac{-5}{9} \right) + \frac{5}{3} + \left(\frac{-4}{9} \right) = \left(\frac{-5}{9} \right) + \left(\frac{-4}{9} \right) + \frac{5}{3} = \frac{-9}{9} + \frac{5}{3} = -1 + \frac{5}{3} = \frac{-3}{3} + \frac{5}{3} = \frac{2}{3}$$

$$\left(\frac{-2}{7} \right) + \left(\frac{-8}{14} \right) + \left(\frac{-9}{21} \right) = \left(\frac{-2}{7} \right) + \left(\frac{-4}{7} \right) + \left(\frac{-3}{7} \right) = \frac{(-2) + (-4) + (-3)}{7} = \frac{-9}{7}$$

$$\frac{15}{11} - \frac{9}{4} = \frac{60}{44} - \frac{99}{44} = \frac{60 - 99}{44} = \frac{-39}{44}$$

$$\frac{(-1)}{14} - \frac{11}{2} = \left(\frac{-1}{14} \right) - \frac{77}{14} = \frac{-1 - 77}{14} = \frac{-78}{14} = \frac{-39}{7}$$

$$\frac{35}{20} - \left(\frac{-5}{8} \right) = \frac{35}{20} + \frac{5}{8} = \frac{7}{4} + \frac{5}{8} = \frac{14}{8} + \frac{5}{8} = \frac{19}{8}$$

$$\left(\frac{-43}{36} \right) - \left(\frac{-23}{12} \right) = \frac{-43}{36} + \frac{23}{12} = \frac{-43}{36} + \frac{69}{36} = \frac{-43 + 69}{36} = \frac{26}{36} = \frac{13}{18}$$

$$\frac{4}{13} - \frac{17}{2} = \frac{4}{26} - \frac{68}{26} = \frac{4 - 68}{26} = \frac{-64}{26} = \frac{-32}{13}$$

$$\frac{-25}{45} - \frac{1}{3} = \frac{-25}{45} - \frac{15}{45} = \frac{-25 - 15}{45} = \frac{-40}{45} = \frac{-8}{9}$$

$$\frac{28}{21} - \left(\frac{-5}{2} \right) - \frac{31}{6} = \frac{28}{21} + \frac{5}{2} - \frac{31}{6} = \frac{8}{6} + \frac{15}{6} - \frac{31}{6} = \frac{8 + 15 - 31}{6} = \frac{-8}{6} = \frac{-4}{3}$$

$$\left(\frac{-7}{4} \right) - \left(\frac{-2}{5} \right) - \left(\frac{-3}{20} \right) = \frac{-7}{4} + \frac{2}{5} + \frac{3}{20} = \frac{-35}{20} + \frac{8}{20} + \frac{3}{20} = \frac{-35 + 8 + 3}{20} = \frac{-24}{20} = \frac{-6}{5}$$



$$x = \frac{-7}{3} + \frac{11}{5} = \frac{-35}{15} + \frac{33}{15} = \frac{-2}{15}$$

$$x + \frac{2}{9} = \frac{22}{27} \Rightarrow x = \frac{22}{27} - \frac{2}{9} = \frac{22}{27} - \frac{4}{27} = \frac{18}{27} = \frac{2}{3}$$

$$x = \frac{22}{27} - \frac{2}{27} = \frac{20}{27}$$

$$x + \frac{1}{5} = \frac{23}{15} + \frac{8}{15} = \frac{31}{15} \Rightarrow x = \frac{31}{15} - \frac{1}{5} = \frac{31}{15} - \frac{3}{15} = \frac{28}{15}$$

$$x = \frac{21}{5} - \frac{1}{5} = \frac{20}{5} = 4$$

$$x = \frac{17}{8} - \frac{55}{16} = \frac{34}{16} - \frac{55}{16} = \frac{-21}{16}$$

$$\frac{7}{6} - \left(\frac{x-2}{3} \right) = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{7}{6} - \frac{x-2}{3} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{7}{6} - \frac{x}{3} + \frac{2}{3} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{7}{6} - \frac{x}{3} = \frac{1}{2} - \frac{2}{3} = \frac{1}{6} \Rightarrow -\frac{x}{3} = \frac{1}{6} - \frac{7}{6} = \frac{-6}{6} = -1 \Rightarrow x = 3$$

$$x = \frac{7}{6} - \frac{1}{2} = \frac{7}{6} - \frac{3}{6} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

تمرين عدد 9:

$$x = -\frac{1}{2} \Rightarrow x + \frac{1}{2} = 0 \Rightarrow x = -\frac{1}{2}$$

$$x = \frac{7}{6} - \frac{10}{6} = \frac{-3}{6} = \frac{-1}{2}$$

$$x = \frac{-7}{6} - \frac{10}{6} = \frac{-17}{6}$$

$$x = \frac{-7}{5} - \frac{3}{10} = \frac{-14}{10} - \frac{3}{10} = \frac{-17}{10}$$

$$x = \frac{-3}{10} + \frac{7}{5} = \frac{-3}{10} + \frac{14}{10} = \frac{11}{10}$$

$$x = \frac{-5}{7} \Rightarrow x = \frac{5}{7}$$

$$x = \frac{-13}{30} \Rightarrow x = \frac{13}{30}$$

$$E = a + \frac{9}{4} - b = (a-b) + \frac{9}{4} = \frac{9}{4} + \frac{9}{4} = \frac{18}{4} = \frac{9}{2}$$

$$F = \left(a - \frac{11}{8} \right) + \left(3 - b \right) = a - \frac{11}{8} + 3 - b = (a-b) + \left(3 - \frac{11}{8} \right) = (a-b) + \frac{13}{8}$$

$$G = a - \left(\frac{13}{20} + b \right) = a - \frac{13}{20} - b = (a-b) - \frac{13}{20}$$

$$H = \left(b - \frac{9}{8} \right) - \left(a - \frac{5}{16} \right) = b - \frac{9}{8} - a + \frac{5}{16} = (b-a) - \frac{9}{8} + \frac{5}{16} = (b-a) - \frac{18}{16} + \frac{5}{16} = (b-a) - \frac{13}{16}$$

تمرين عدد 7:

$$B = |a+b| - |a-b| + ||a|-|b||$$

$$a = \frac{1}{2}, b = \frac{5}{8}$$

$$B = \left| \frac{1}{2} + \frac{5}{8} \right| - \left| \frac{1}{2} - \frac{5}{8} \right| + \left| \left| \frac{1}{2} \right| - \left| \frac{5}{8} \right| \right| = \left| \frac{4}{8} + \frac{5}{8} \right| - \left| \frac{4}{8} - \frac{5}{8} \right| + \left| \frac{4}{8} - \frac{5}{8} \right| = \frac{9}{8} - \frac{1}{8} + \frac{1}{8} = \frac{9}{8}$$

$$a = -\frac{3}{7}, b = \frac{11}{14}$$

$$B = \left| -\frac{3}{7} + \frac{11}{14} \right| - \left| -\frac{3}{7} - \frac{11}{14} \right| + \left| \left| -\frac{3}{7} \right| - \left| \frac{11}{14} \right| \right| = \left| -\frac{6}{14} + \frac{11}{14} \right| - \left| -\frac{6}{14} - \frac{11}{14} \right| + \left| \frac{3}{7} - \frac{11}{14} \right| = \left| \frac{5}{14} \right| - \left| -\frac{17}{14} \right| + \left| \frac{5}{14} - \frac{11}{14} \right| = \frac{5}{14} + \frac{17}{14} + \frac{6}{14} = \frac{28}{14} = 2$$

$$B = \left| \frac{13}{8} + \left(\frac{-9}{32} \right) \right| - \left| \frac{13}{8} - \left(\frac{-9}{32} \right) \right| + \left| \left| \frac{13}{8} \right| - \left| \frac{-9}{32} \right| \right| = \left| \frac{13}{8} - \frac{9}{32} \right| - \left| \frac{13}{8} + \frac{9}{32} \right| + \left| \frac{13}{8} - \frac{9}{32} \right| = \frac{43}{32} - \frac{43}{32} + \frac{43}{32} = \frac{43}{32}$$

$$B = \frac{52}{32} - \frac{9}{32} - \left(\frac{52}{32} + \frac{9}{32} \right) + \left| \frac{52}{32} - \frac{9}{32} \right| = \frac{43}{32} - \frac{61}{32} + \frac{43}{32} = \frac{43}{32}$$

$$B = \left| \frac{-2}{3} + \left(\frac{-1}{6} \right) \right| - \left| \frac{-2}{3} - \left(\frac{-1}{6} \right) \right| + \left| \left| \frac{-2}{3} \right| - \left| \frac{-1}{6} \right| \right| = \left| \frac{-4}{6} - \frac{1}{6} \right| - \left| \frac{-4}{6} + \frac{1}{6} \right| + \left| \frac{2}{3} - \frac{1}{6} \right| = \left| \frac{-5}{6} \right| - \left| \frac{-3}{6} \right| + \left| \frac{4}{6} - \frac{1}{6} \right| = \frac{5}{6} - \frac{3}{6} + \frac{3}{6} = \frac{5}{6}$$

$$a = -\frac{2}{3}, b = -\frac{1}{6}$$

$$B = \left| \frac{-4}{6} + \frac{1}{6} \right| - \left| \frac{-4}{6} - \frac{1}{6} \right| + \left| \left| \frac{-4}{6} \right| - \left| \frac{1}{6} \right| \right| = \left| \frac{-3}{6} \right| - \left| \frac{-5}{6} \right| + \left| \frac{4}{6} - \frac{1}{6} \right| = \frac{3}{6} - \frac{5}{6} + \frac{3}{6} = \frac{1}{6}$$

$$B = \left| \frac{-2}{3} + \left(\frac{-1}{6} \right) \right| - \left| \frac{-2}{3} - \left(\frac{-1}{6} \right) \right| + \left| \left| \frac{-2}{3} \right| - \left| \frac{-1}{6} \right| \right| = \left| \frac{-4}{6} - \frac{1}{6} \right| - \left| \frac{-4}{6} + \frac{1}{6} \right| + \left| \frac{2}{3} - \frac{1}{6} \right| = \left| \frac{-5}{6} \right| - \left| \frac{-3}{6} \right| + \left| \frac{4}{6} - \frac{1}{6} \right| = \frac{5}{6} - \frac{3}{6} + \frac{3}{6} = \frac{5}{6}$$

تمرين عدد 8:



يعني $X - Y < 0$ يعني $X < Y$

تمرين عدد 11:

$$A = (a-c) - [-(b-c)] - b + c = a - c - [-b + c] - b + c = a - c - b + c + b + c = a - c$$

$$B = -(a-b) - (-a+c+b) + b = -a + b + a - c - b + b = b - c$$

$$A - B = (a-c) - (b-c) = a - b$$

3) بما أن $a - b < 0$ فإن $A - B < 0$ هذا يعني أن $A < B$

$$F = (x-y) - \left(\frac{7}{5} + |y|\right) - \frac{2}{15}$$

تمرين عدد 12:

$$y = \frac{2}{5} \quad \text{و} \quad x = -\frac{4}{3} \quad (1)$$

$$F = (x-y) - \left(\frac{7}{5} + |y|\right) - \frac{2}{15} = \left(-\frac{4}{3} - \frac{2}{5}\right) - \left(\frac{7}{5} + \frac{2}{5}\right) - \frac{2}{15} = -\frac{2}{15} - \frac{2}{15} - \frac{2}{15} = -\frac{6}{15} = -\frac{2}{5}$$

$$= \left(-\frac{20}{15} - \frac{6}{15}\right) - \left(\frac{7}{5} + \frac{2}{5}\right) - \frac{2}{15} = -\frac{26}{15} - \frac{9}{15} - \frac{2}{15} = -\frac{37}{15}$$

2- إذا كان $y \in \mathbb{Q}$ فإن $|y| = -y$ وبالتالي:

$$F = (x-y) - \left(\frac{7}{5} + (-y)\right) - \frac{2}{15} = (x-y) - \left(\frac{7}{5} - y\right) - \frac{2}{15} = x - y - \frac{7}{5} + y - \frac{2}{15} = x - \frac{7}{5} - \frac{2}{15}$$

$$x = -\frac{165}{30} + \frac{46}{30} = -\frac{119}{30} \quad \text{يعني} \quad x = -\frac{11}{2} + \frac{23}{15} \quad \text{و} \quad F = -\frac{11}{2} - \frac{11}{15} = -\frac{11}{2} - \frac{11}{15} = -\frac{165}{30} - \frac{88}{30} = -\frac{253}{30}$$

تمرين عدد 13: العدد الكسري الذي يمثل الوقت الذي

$$\frac{1}{4} + \frac{2}{3} + \frac{1}{6} = \frac{3}{12} + \frac{8}{12} + \frac{2}{12} = \frac{13}{12}$$

استغرقه البحث: $\frac{13}{12} > 1$

$$\frac{13}{12} > 1$$

تمرين عدد 14:

$$AB = \left| -\frac{11}{5} - \frac{4}{5} \right| = \left| -\frac{15}{5} \right| = |-3| = 3$$

وحدة القياس هي OI.



$$\left| x - \frac{4}{5} \right| = \frac{7}{6} \quad \text{يعني} \quad \left| x - \frac{4}{5} \right| = \frac{4}{3} \quad \text{أو} \quad \left| x - \frac{4}{5} \right| = \frac{1}{6} = \frac{1}{6}$$

$$x = \frac{-7}{6} + \frac{4}{5} = -\frac{35}{30} + \frac{24}{30} = -\frac{11}{30} \quad \text{أو} \quad x = \frac{7}{6} + \frac{4}{5} = \frac{35}{30} + \frac{24}{30} = \frac{59}{30}$$

$$x + \frac{1}{5} = -\frac{17}{20} \quad \text{أو} \quad x + \frac{1}{5} = \frac{17}{20} \quad \text{يعني} \quad \left| x + \frac{1}{5} \right| = \frac{17}{20} \quad \text{يعني} \quad \left| x + \frac{1}{5} \right| = \frac{1}{10} \quad \text{أو} \quad \left| x + \frac{1}{5} \right| = \frac{9}{10}$$

$$x = -\frac{17}{20} - \frac{1}{5} = -\frac{17}{20} - \frac{4}{20} = -\frac{21}{20} \quad \text{أو} \quad x = \frac{17}{20} - \frac{1}{5} = \frac{17}{20} - \frac{4}{20} = \frac{13}{20}$$

تمرين عدد 10:

$$b - a = \frac{4}{3} \quad \text{يعني} \quad a - b = -\frac{4}{3}$$

$$y = b + \frac{4}{3} \quad \text{و} \quad x = a + \frac{5}{6}$$

$$X - Y = \left(a + \frac{5}{6}\right) - \left(b + \frac{4}{3}\right) = a + \frac{5}{6} - b - \frac{4}{3} = (a - b) + \frac{5}{6} - \frac{8}{6} = (a - b) - \frac{3}{6} = (a - b) - \frac{1}{2}$$

يعني $X - Y < 0$

$$X = \frac{11}{3} - a \quad \text{و} \quad X = \frac{7}{12} - b$$

$$X - Y = \left(\frac{7}{12} - b\right) - \left(\frac{11}{3} - a\right) = \frac{7}{12} - b - \frac{11}{3} + a = (a - b) + \frac{7}{12} - \frac{44}{12} = (a - b) - \frac{37}{12}$$

يعني $X - Y < 0$

$$Y = \frac{13}{6} \quad \text{و} \quad X = \frac{1}{2} + b$$

$$X - Y = \left(\frac{1}{2} + b\right) - \left(\frac{13}{6} + a\right) = \frac{1}{2} + b - \frac{13}{6} - a = (b - a) + \frac{1}{2} - \frac{13}{6} = (b - a) - \frac{11}{6}$$

يعني $X > Y$

$$Y = \frac{8}{5} - b \quad \text{و} \quad X = -\frac{17}{15} - a$$

$$X - Y = \left(-\frac{17}{15} - a\right) - \left(\frac{8}{5} - b\right) = -\frac{17}{15} - a - \frac{8}{5} + b = (b - a) - \frac{17}{15} - \frac{24}{15} = (b - a) - \frac{41}{15}$$



$$A = \frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \frac{1}{4 \times 5} + \frac{1}{5 \times 6} + \frac{1}{6 \times 7} + \frac{1}{7 \times 8} + \frac{1}{8 \times 9} + \frac{1}{9 \times 10} \quad (ب)$$

$$= \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right) + \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{5}\right) + \left(\frac{1}{5} - \frac{1}{6}\right) + \left(\frac{1}{6} - \frac{1}{7}\right) + \left(\frac{1}{7} - \frac{1}{8}\right) + \left(\frac{1}{8} - \frac{1}{9}\right) + \left(\frac{1}{9} - \frac{1}{10}\right) = 1 - \frac{1}{10} = \frac{9}{10}$$

$$\frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \dots + \frac{1}{1000 \times 1001} + \frac{1}{1001 \times 1002} \quad (ج)$$

$$= \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right) + \dots + \left(\frac{1}{1000} - \frac{1}{1001}\right) + \left(\frac{1}{1001} - \frac{1}{1002}\right) = 1 - \frac{1}{1002} = \frac{1001}{1002}$$

تمرين عدد 17:

محيط المربع: $4 \times 9 = 36 \text{ cm}^2$

ضلع المثلث: $\frac{36}{3} = 12 \text{ cm}$

إذن البعد الممثل بنقطة الإستهام هو: $\frac{36 - (2 \times 12)}{2} = 6 \text{ cm}$

تمرين عدد 18:

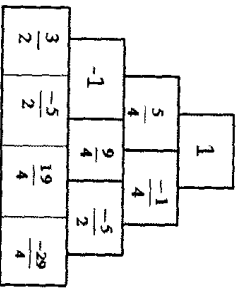
$$1 - \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{5} + \frac{1}{4}\right) = 1 - \frac{47}{60} = \frac{13}{60}$$

1- الحد الكسري الذي يمثل المبلغ الباقي:

2- لا يمكن شراء اللبنة لأن:

$$\frac{1}{4} = \frac{15}{60} > \frac{13}{60}$$

تمرين عدد 19:



تمرين عدد 20:

$$\frac{1}{4}$$

$$BC = \left| 3,4 - \left(\frac{-11}{5}\right) \right| = \left| 3,4 + \frac{11}{5} \right| = |3,4 + 2,2| = 5,6$$

$$DC = |3,4 - (-4,2)| = |3,4 + 4,2| = 7,6$$

$$AE = \left| -\frac{7}{5} - 4 \right| = \left| -\frac{11}{5} \right| = \frac{11}{5} = 2,2; \quad ED = \left| -4,2 - \left(\frac{-7}{5}\right) \right| = \left| -4,2 + 1,4 \right| = \left| -2,8 \right| = 2,8$$

3) نعتبر x_M فاصلة النقطة M و x_B فاصلة B

$$BM = \frac{12}{5} \text{ يعني } |x_M - x_B| = \frac{12}{5} \text{ يعني } \left| x_M - \left(\frac{-11}{5}\right) \right| = \frac{12}{5} \text{ يعني } \left| x_M + \frac{11}{5} \right| = \frac{12}{5} \text{ يعني } x_M + \frac{11}{5} = \frac{12}{5} \text{ أو } x_M = \frac{-1}{5}$$

$$x_M = \frac{-12}{5} - \frac{11}{5} = -\frac{23}{5} \text{ أو } x_M = \frac{12}{5} - \frac{11}{5} = \frac{1}{5}$$

$$\left| x_N - \left(\frac{-7}{5}\right) \right| = \frac{9}{5} \text{ يعني } |x_N - x_E| = \frac{9}{5} \text{ يعني } EN = \frac{9}{5}; \quad x_N = \frac{-9}{5} - \frac{7}{5} = -\frac{16}{5} \text{ أو } x_N = \frac{9}{5} - \frac{7}{5} = \frac{2}{5}$$

$$x_N = \frac{-9}{5} - \frac{7}{5} = -\frac{16}{5} \text{ أو } x_N = \frac{9}{5} - \frac{7}{5} = \frac{2}{5} \text{ يعني } \left| x_N + \frac{7}{5} \right| = \frac{9}{5} \text{ يعني } x_N + \frac{7}{5} = \frac{9}{5} \text{ أو } x_N = \frac{2}{5}$$

تمرين عدد 15:

$$\frac{1}{30} \text{ لأن وحدة التوزيع: } \frac{1}{30} \quad \frac{1}{15} = \frac{2}{30}, \frac{1}{6} = \frac{5}{30}, \frac{1}{3} = \frac{10}{30}, \frac{1}{5} = \frac{6}{30}$$

$$\frac{1}{6} \rightarrow b \quad \frac{1}{6} = \frac{1}{6}, \frac{1}{15} = \frac{2}{30}$$

$$\frac{1}{x+1} = \frac{1}{(x+1)(x+2)} = \frac{1}{(x+1)(x+2)} \quad (1)$$

$$A = \frac{1}{100 \times 101} + \frac{1}{101 \times 102} + \frac{1}{102 \times 103} + \frac{1}{103 \times 104} + \frac{1}{104 \times 105} + \frac{1}{105 \times 106} + \frac{1}{106 \times 107} \quad (2)$$

$$= \left(\frac{1}{100} - \frac{1}{101}\right) + \left(\frac{1}{101} - \frac{1}{102}\right) + \left(\frac{1}{102} - \frac{1}{103}\right) + \left(\frac{1}{103} - \frac{1}{104}\right) + \left(\frac{1}{104} - \frac{1}{105}\right) + \left(\frac{1}{105} - \frac{1}{106}\right) + \left(\frac{1}{106} - \frac{1}{107}\right)$$

$$= \frac{1}{100} - \frac{1}{107} = \frac{107 - 100}{10700} = \frac{7}{10700}$$

$$B = \frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \dots + \frac{1}{97 \times 98} + \frac{1}{98 \times 99} \quad (3)$$

$$= \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right) + \dots + \left(\frac{1}{97} - \frac{1}{98}\right) + \left(\frac{1}{98} - \frac{1}{99}\right) = 1 - \frac{1}{99} = \frac{98}{99}$$



$$* \left(-\frac{1}{3}\right) \times \left(-\frac{5}{15}\right) = \left(-\frac{1}{3}\right) \times \left[\left(\frac{-6}{5}\right) \times \left(\frac{-4}{15}\right)\right] = \left[\left(\frac{-1}{3}\right) \times \left(\frac{-6}{5}\right)\right] \times \left(\frac{-4}{15}\right) = \frac{2}{5} \times \left(\frac{-4}{15}\right) = \frac{-8}{75}$$

$$\frac{11}{8} \times \frac{8}{2} = \left(\frac{11}{8} \times \frac{4}{3}\right) \times \left(\frac{8}{33} \times \frac{9}{2}\right) = \left(\frac{11}{8} \times \frac{8}{33}\right) \times \left(\frac{4}{3} \times \frac{9}{2}\right) = \frac{1}{3} \times 6 = 2$$

$$* \frac{-3}{5} \times \frac{-15}{3} = \left(-3\right) \times \frac{5}{4} = \left[\left(\frac{-8}{15}\right) \times \frac{1}{3}\right] = \left(-3\right) \times \frac{1}{3} \times \left[\frac{5}{4} \times \left(\frac{-8}{15}\right)\right] = \left(-1\right) \times \left(\frac{-2}{3}\right) = \frac{2}{3}$$

$$* \frac{-3}{14} \times \frac{7}{21} = \frac{-3}{14} \times \frac{3}{7} = \left[\left(\frac{-3}{14}\right) \times \frac{4}{3}\right] \times \left[\frac{7}{3} \times \left(\frac{-3}{2}\right)\right] = \left(\frac{-2}{7}\right) \times \left(\frac{-7}{2}\right) = 1$$

$$* \frac{7}{4} \times \frac{-15}{-1} = \left[\frac{5}{7} \times \left(\frac{1}{-4}\right)\right] \times \left[\left(\frac{-14}{15}\right) \times (-8)\right] = \left[\frac{5}{7} \times \left(\frac{-14}{15}\right)\right] \times \left[\left(\frac{1}{-4}\right) \times (-8)\right] = \left(\frac{-2}{3}\right) \times 2 = -\frac{4}{3}$$

تمرين عدد 05:

$$A = \frac{-3}{6} + \frac{5}{2} = \frac{-3}{12} + \frac{10}{4} = \frac{7}{12} + \frac{10}{12} = \frac{17}{12}$$

$$B = \left(\frac{-6}{23}\right) \times \left(\frac{-17}{9}\right) = \frac{34}{69} = \frac{34}{69} \times \left(\frac{-6}{22}\right) = \frac{-34}{253}$$

$$C = \frac{4}{7} \times \frac{5}{3} = \frac{4}{7} \times \frac{15}{3} = \frac{11}{7} = \left(\frac{-1}{3}\right) \times \left(\frac{-21}{4}\right) = \frac{7}{4}$$

$$D = \frac{-5}{2} + \frac{3}{4} = \frac{-10}{4} + \frac{3}{4} = \frac{-7}{4} = \frac{-15}{8} - \frac{15}{8} = -\frac{1}{8}$$

$$E = \frac{-3}{4} + \frac{5}{-8} = \left(\frac{-3}{2} \times \frac{1}{4}\right) + \left(\frac{5}{2} \times \left(\frac{-9}{8}\right)\right) = \frac{1}{2} - \frac{21}{8} + \left(\frac{-45}{16}\right) = \frac{1}{2} - \frac{42}{16} - \frac{45}{16} = \frac{-95}{16}$$

$$F = \frac{1}{-2} + \frac{5}{4} = \frac{1}{-2} + \frac{5}{4} = \frac{2}{-4} + \frac{5}{4} = \frac{3}{4} = \left[\left(\frac{-3}{6}\right) \times \left(\frac{-5}{6}\right)\right] - \left[\frac{1}{2} \times \left(\frac{-5}{2}\right)\right] - \frac{3}{10}$$

$$= \frac{5}{12} - \left(\frac{-5}{4}\right) = \frac{5}{12} + \frac{5}{4} = \frac{5}{12} + \frac{15}{12} = \frac{20}{12} = \frac{5}{3} = \frac{30}{30} = \frac{9}{9} = \frac{41}{30}$$

a (3) ; a (2) ; b (1)

$$* \frac{4}{7} \times \frac{5}{3} = \left(\frac{4}{7} \times \frac{14}{2}\right) \times \frac{5}{3} = \left(\frac{4}{7} \times 7\right) \times \frac{5}{3} = 4 \times \frac{5}{3} = \frac{20}{3}$$

$$* \frac{15}{4} \times \left(\frac{-19}{13}\right) = \left(\frac{15}{4} \times \frac{4}{13}\right) \times \left(\frac{-19}{13}\right) = 1 \times \left(\frac{-19}{13}\right) = \frac{-19}{13}$$

$$* \left(\frac{-21}{8}\right) \times \left(\frac{-2}{7}\right) = \left(\frac{-21}{8} \times \frac{4}{3}\right) \times \left(\frac{-2}{7}\right) = \left(\frac{-7}{2}\right) \times \left(\frac{-2}{7}\right) = 1$$

$$* \frac{18}{11} \times (-0.4) = \left(\frac{-11}{18}\right) \times \left(\frac{-1}{4}\right) = \left[\frac{18}{11} \times \left(\frac{-11}{18}\right)\right] \times \left[(-0.4) \times \left(\frac{-1}{4}\right)\right] = (-1) \times \left[\left(\frac{-4}{10}\right) \times \left(\frac{-1}{4}\right)\right] = (-1) \times \frac{1}{10} = -\frac{1}{10}$$

$$* \frac{22}{9} \times \left(\frac{-3}{46}\right) \times (-6) = \left[\frac{23}{9} \times \left(\frac{-3}{46}\right)\right] \times (-6) = \frac{-1}{6} \times (-6) = 1$$

$$* \left(\frac{-33}{5}\right) \times \frac{10}{11} \times \left(\frac{-7}{6}\right) = \left[\left(\frac{-33}{5}\right) \times \frac{10}{11}\right] \times \left(\frac{-7}{6}\right) = (-6) \times \left(\frac{-7}{6}\right) = 7$$

$$* \left(\frac{-1}{12}\right) \times \left(\frac{-24}{17}\right) \times (-34) = \left[\left(\frac{-1}{12}\right) \times \left(\frac{-24}{17}\right)\right] \times (-34) = \frac{2}{17} \times (-34) = -4$$

تمرين عدد 03:

$$* \left(\frac{-3}{5}\right) \times \left[\frac{35}{9} + \left(\frac{-5}{3}\right)\right] = \left(\frac{-3}{5}\right) \times \left[\frac{35}{9} + \left(\frac{-5}{3}\right)\right] = \frac{-7}{5} + 1 = -\frac{7}{5} + \frac{5}{5} = -\frac{2}{5}$$

$$* \left(\frac{-19}{7}\right) \times 19 + \left(\frac{-19}{7}\right) \times (-9) = \left(\frac{-19}{7}\right) \times [19 + (-9)] = \left(\frac{-19}{7}\right) \times [19 - 9] = \left(\frac{-19}{7}\right) \times 10 = -\frac{190}{7}$$

$$* \left(\frac{-13}{4}\right) \times \left[\left(\frac{-4}{13}\right) - \frac{8}{39}\right] = \left(\frac{-13}{4}\right) \times \left[\left(\frac{-4}{13}\right) - \left(\frac{-13}{39}\right)\right] \times \frac{8}{39} = 1 - \left(\frac{-2}{3}\right) = 1 + \frac{2}{3} = \frac{3}{3} + \frac{2}{3} = \frac{5}{3}$$

$$* \left(\frac{-15}{8}\right) \times 11 - \left(\frac{-15}{8}\right) \times 21 = \left(\frac{-15}{8}\right) \times [11 - 21] = \left(\frac{-15}{8}\right) \times (-10) = \frac{150}{8} = \frac{75}{4}$$

$$* \left(\frac{-1}{3}\right) \times \left[\left(\frac{-3}{7}\right) - 6\right] = \left(\frac{-1}{3}\right) \times \left[\left(\frac{-3}{7}\right) - \left(\frac{-1}{3}\right)\right] \times 6 = \frac{1}{7} - (-2) = \frac{1}{7} + 2 = \frac{1}{7} + \frac{14}{7} = \frac{15}{7}$$

$$* \left(\frac{-13}{21}\right) \times \left(\frac{-14}{5}\right) + \left(\frac{-13}{21}\right) \times \frac{4}{5} = \left(\frac{-13}{21}\right) \times \left[\left(\frac{-14}{5}\right) + \frac{4}{5}\right] = \left(\frac{-13}{21}\right) \times \left(\frac{-10}{5}\right) = \left(\frac{-13}{21}\right) \times (-2) = \frac{26}{21}$$

تمرين عدد 04:

$$* \frac{2}{5} \times \frac{4}{3} = \left(\frac{3}{2} \times \frac{7}{5}\right) \times \frac{4}{3} = \frac{21}{10} \times \frac{4}{3} = \frac{14}{5} ; * \left(\frac{-7}{3}\right) \times \frac{6}{7} = \left(\frac{-7}{3}\right) \times \left(\frac{6}{7} \times 2\right) = \left(\frac{-7}{3}\right) \times \left(\frac{12}{7}\right) = -4$$

$$* \frac{3}{1} \times \left(\frac{-9}{5}\right) = \left(\frac{-25}{3} \times 15\right) \times \left(\frac{-9}{5}\right) = (-25) \times 5 \times \left(\frac{-9}{5}\right) = 225$$



$x = \frac{17}{5}$ يعني $5x = 5 + 12 = 17$ يعني $5(1-x) = -2 \times 6$ يعني $\frac{1-x}{6} = -\frac{2}{5}$ *

$x = \frac{17}{3}$ يعني $-3x = 7 + \frac{3}{2} = \frac{17}{2}$ يعني $3(-x - \frac{1}{2}) = 7$ يعني $\frac{-x - \frac{1}{2}}{7} = \frac{1}{3}$ *

$\frac{2}{3}(x+1) = \frac{15}{4}$ يعني $2(x+1) = \frac{15}{4} \times \frac{3}{2} = \frac{45}{4}$ يعني $2(x+1) - \frac{3}{2} = \frac{9}{4}$ *

$x = \frac{-75}{8} - 1 = -\frac{83}{8}$ يعني $x+1 = -\frac{83}{8} + \frac{8}{8} = -\frac{75}{8}$ يعني $\frac{-75}{8} = \frac{15}{4} \times \frac{-5}{2} = \frac{-75}{8}$ يعني $\frac{15}{5}$

$\frac{x-5}{4} = -\frac{11}{6}$ يعني $\frac{x-5}{4} = -\frac{11}{6}$ يعني $\frac{5-x-5}{4} = -\frac{11}{6}$ يعني $\frac{5-x-5}{4} = -\frac{11}{6}$ *

$x = \frac{-14}{6} = -\frac{7}{3}$ يعني $6x = -44 + 30 = -14$ يعني $6x - 30 = -44$ يعني $6(x-5) = 4 \times (-11) = -44$ يعني

تمرين عدد 11:

$A = \frac{5x+8y}{3x-2y} = \frac{5 \times \frac{4}{3}y + 8y}{3 \times \frac{4}{3}y - 2y} = \frac{\frac{20}{3}y + 8y}{4y - 2y} = \frac{\frac{20}{3}y + \frac{24}{3}y}{2y} = \frac{\frac{44}{3}y}{2y} = \frac{44}{6} = \frac{22}{3}$ إذن $x = \frac{4}{3}$ ، $y = \frac{4}{3}$

$1 - \frac{1}{x+2} = \frac{1}{x+2} - \frac{1}{x+2} = \frac{x+1}{x+2}$

تمرين عدد 12:

$P = \left(1 - \frac{1}{2}\right) \left(1 - \frac{1}{3}\right) \left(1 - \frac{1}{4}\right) \left(1 - \frac{1}{5}\right) \left(1 - \frac{1}{6}\right) \left(1 - \frac{1}{7}\right) \left(1 - \frac{1}{8}\right) \left(1 - \frac{1}{9}\right) \left(1 - \frac{1}{10}\right) = \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{4}{5} \times \frac{5}{6} \times \frac{6}{7} \times \frac{7}{8} \times \frac{8}{9} \times \frac{9}{10} = \frac{1}{10}$

$Q = \left(1 - \frac{1}{2}\right) \left(1 - \frac{1}{3}\right) \left(1 - \frac{1}{4}\right) \dots \dots \dots \left(1 - \frac{1}{8000}\right) = \frac{1}{8000} \times \frac{2}{8001} = \frac{1}{8000 \times 8001}$

تمرين عدد 13:

$A = \frac{(-2) \times a \times \left(\frac{-4}{3}\right) \times b \times c}{a \times \left(\frac{1}{3}\right) \times b \times (-4)} = \frac{8}{3} \times c = \frac{8}{3} \times c = 2c$

$B = \frac{\frac{5}{7} \times b \times \left(\frac{4}{9}\right) \times c}{\frac{4}{9} \times b \times a \times \left(-\frac{1}{5}\right) \times c} = \frac{\frac{5}{7} \times \left(\frac{4}{9}\right)}{\frac{4}{9} \times \left(-\frac{1}{5}\right)} \times \frac{1}{a} = \left(-\frac{4}{9}\right) \times \frac{5}{4} \times \frac{1}{a} = -\frac{5}{9a}$

$C = \frac{\frac{1}{2} \times b \times c + \frac{1}{2} \times b \times a}{-\frac{1}{2} \times (a+c)} = \frac{1}{2} \times b \times (a+c) = -b$ ، $D = \frac{-3 \times a \times b - 6 \times b \times c}{2 \times b \times (a+2c)} = \frac{-3}{2}$

$E = \frac{3(x+y) - 2z(x+y)}{5(3-2z)} = \frac{(x+y)(3-2z)}{5(3-2z)} = \frac{x+y}{5}$

$F = \frac{10y(x-z) - 15(x-z)}{(x+y)(2y-3)} = \frac{(x-z)(10y-15)}{(x+y)(2y-3)} = \frac{(x-z) \times 5 \times (2y-3)}{(x+y)(2y-3)} = \frac{5(x-z)}{x+y}$

$E \times F = \left(\frac{x+y}{5}\right) \times \left(\frac{5}{x+y}\right) = \frac{x+y}{5} \times \frac{5}{x+y} = 1$

بما أن $E \times F = 1$ فإن E مقلوب F .

تمرين عدد 07:

$\frac{a+b}{a^2-b^2} = \frac{a+b}{(a-b)(a+b)} = \frac{1}{a-b}$ مقلوب $(a-b)$ ، إذن $\frac{a+b}{a^2-b^2} = \frac{1}{a-b}$

تمرين عدد 08:

$A = 2x \left(\frac{1}{2}y - z\right) - y \left(x + \frac{2}{3}\right) + 2xy = 2x \times \frac{1}{2}y - 2xz - yx \times \frac{2}{3} + 2xz = xy - \frac{2}{3}yz - \frac{2}{3}xy + 2xz = -\frac{2}{3}y + 2xz = -\frac{2}{3}y$

$B = -y \left(\frac{5}{3} + x\right) + z(x-y) - x(z-y) + zy = -\frac{5}{3}y - xy + xz - yz - xz + xy + zy = -\frac{5}{3}y$

$C = \left(x + \frac{4}{3}\right) \left(y - \frac{1}{2}\right) - x \left(y - \frac{1}{2}\right) + \frac{2}{3} = xy - \frac{1}{2}x + \frac{4}{3}y - \frac{4}{3}x - \frac{1}{2}xy + \frac{1}{2}x + \frac{2}{3} = \frac{4}{3}y$

$D = \frac{-7}{5}x(y-z) + xy \left(\frac{7}{5} + z\right) - xyz = \frac{-7}{5}xy + \frac{7}{5}xz + \frac{7}{5}xy + xyz - xyz = \frac{7}{5}xz$

$X = -\frac{1}{2}ab + 2b = b \left(-\frac{1}{2}a + 2\right)$ ، $Y = \frac{3}{2}(a+1) - b(a+1) = (a+1) \left(\frac{3}{2} - b\right)$

تمرين عدد 09:

$Z = (b-1)(a+1) + (b-1)(1-a) - b(b-1) = (b-1)[(a+1) + (1-a) - b] = (b-1)(a+1+1-a-b) = (b-1)(2-b)$

$T = \frac{-5}{3}a + ab + b \left(\frac{-5}{3} + b\right) = a \left(\frac{-5}{3} + b\right) + b \left(\frac{-5}{3} + b\right) = \left(\frac{-5}{3} + b\right)(a+b)$

تمرين عدد 10:

$x = 1 - 3 = -2$ يعني $x+3 = 1$ يعني $\frac{x+3}{5} = \frac{1}{5}$ *

$x = 6$ يعني $-x = -6$ يعني $\frac{-x+1}{19} = \frac{-6+1}{19} = -\frac{5}{19}$ *

$x = \frac{11}{2}$ يعني $2x = 11$ يعني $\frac{x-4}{3} = \frac{11-4}{3} = \frac{7}{3}$ *



تمرين عدد 01:

$$\begin{aligned} (-1)^{23} = 1 & ; \left(\frac{-1}{3}\right)^3 = \left(\frac{-1}{3}\right) \times \left(\frac{-1}{3}\right) \times \left(\frac{-1}{3}\right) = \frac{-1}{27} ; \left(\frac{-3}{2}\right)^2 = \left(\frac{-3}{2}\right) \times \left(\frac{-3}{2}\right) = \frac{9}{4} \\ 0^{96} = 0 & ; \left(\frac{-313}{147}\right)^0 = 1 ; \left(\frac{-141}{523}\right)^1 = \frac{-141}{523} ; (-1)^{15} \times (-15,24)^0 \times \left(\frac{1}{-2}\right)^4 = (-1) \times 1 \times \frac{1}{16} = \frac{-1}{16} \\ \left(\frac{5}{2}\right)^2 \times (-1)^{10} \times \left(\frac{-93}{5}\right)^0 & = \frac{25}{4} \times 1 \times 1 = \frac{25}{4} \end{aligned}$$

تمرين عدد 02:

$$\begin{aligned} \left(\frac{5}{2}\right)^3 \times \left(\frac{-2}{3}\right)^3 & = \left(\frac{5 \times (-2)}{2 \times 3}\right)^3 = \left(\frac{-5}{3}\right)^3 ; \left(\frac{-3}{4}\right)^5 \times \left(\frac{-3}{4}\right)^7 = \left(\frac{-3}{4}\right)^{12} \\ \left(\frac{-2}{11}\right)^{13} & = \left(\frac{-2}{11}\right)^{13} ; \left(\left(\frac{-1}{7}\right)^2\right)^3 = \left(\frac{-1}{7}\right)^6 \\ \left(\frac{-2}{11}\right)^9 & = \left(\frac{-2}{11}\right)^{13-9} = \left(\frac{-2}{11}\right)^4 ; \left(\left(\frac{-1}{3}\right)^5\right)^2 = \left(\frac{-1}{3}\right)^{10} \\ \left(\frac{-4}{9}\right)^3 & = \left(\frac{-4}{9}\right)^{3-9} = \left(\frac{-4}{9}\right)^{-6} ; \left(\frac{-1}{3}\right)^5 = \left[\left(\frac{-1}{3}\right)^3\right]^{\frac{5}{3}} = \left(\left(\frac{-1}{3}\right) \times \frac{7}{3}\right)^5 = \left(\frac{-7}{9}\right)^5 \\ \left(\frac{-4}{9}\right)^9 & = \left(\frac{-4}{9}\right)^{3-9} = \left(\frac{-4}{9}\right)^{-6} \end{aligned}$$

تمرين عدد 03: a(4) ; c(3) ; c(2) ; b(1)

$$\left(\frac{8}{3}\right)^{-1} \times \left(\frac{-8}{3}\right)^6 = \left(\frac{8}{3}\right)^{-11} \times \left(\frac{8}{3}\right)^6 = \left(\frac{8}{3}\right)^{-5} ; \left(\frac{-3}{11}\right)^{-4} \times \left(\frac{-3}{11}\right)^{-7} = \left(\frac{-3}{11}\right)^{-11} = \left(\frac{-3}{11}\right)^{-11}$$

تمرين عدد 04:

$$\begin{aligned} \left[\frac{9}{2}\right]^{-4} & = \left(\frac{9}{2}\right)^{-4} = \left(\frac{9}{2}\right)^{-4 \times (-5)} = \left(\frac{9}{2}\right)^{20} ; \left[\left(\frac{-7}{5}\right)^3\right]^{-3} = \left(\frac{-7}{5}\right)^{-9} = \left(\frac{-7}{5}\right)^{-9} \\ \left(\frac{-1}{5}\right)^6 & = \left(\frac{-1}{5}\right)^{6 \times (-7)} = \left(\frac{-1}{5}\right)^{-42} ; \left(\frac{8}{13}\right)^{-2} = \left(\frac{8}{13}\right)^{-2 \times (-5)} = \left(\frac{8}{13}\right)^{10} = \left(\frac{-11}{6}\right)^{-11} \\ \left(\frac{-1}{5}\right)^{-7} & = \left(\frac{-1}{5}\right)^{-7 \times (-5)} = \left(\frac{-1}{5}\right)^{35} ; \left(\frac{8}{13}\right)^{-5} = \left(\frac{8}{13}\right)^{-5 \times (-7)} = \left(\frac{8}{13}\right)^{35} = \left(\frac{-11}{6}\right)^{-11} \\ \left(\frac{-1}{5}\right)^{-7} & = \left(\frac{-1}{5}\right)^{-7 \times (-5)} = \left(\frac{-1}{5}\right)^{35} ; \left(\frac{8}{13}\right)^{-5} = \left(\frac{8}{13}\right)^{-5 \times (-7)} = \left(\frac{8}{13}\right)^{35} = \left(\frac{-11}{6}\right)^{-11} \end{aligned}$$

$$\left(\frac{-3}{17}\right)^{-25} \times \left(\frac{-17}{3}\right)^{-35} = \left(\left(\frac{-3}{17}\right) \times \left(\frac{-17}{3}\right)\right)^{-35} = 1^{-35} = 1 ; \left(\frac{-2}{3}\right)^{41} \times \left(\frac{-3}{2}\right)^{41} = \left(\left(\frac{-2}{3}\right) \times \left(\frac{-3}{2}\right)\right)^{41} = 1^{41} = 1$$

$$\frac{xy}{x+y} = 1, \quad \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{x+y}{xy} = 1, \quad \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{y}{xy} + \frac{x}{xy} = \frac{x+y}{xy}$$

$$\frac{1}{2}x \left(\frac{1}{3y}\right) \text{ هو مقرب } \frac{6y}{x} \text{ من } \frac{1}{3y} ; \quad \frac{1}{2}x \left(\frac{1}{3y}\right) \text{ هو مقرب } \frac{6y}{x} \text{ من } \frac{1}{3y}$$

$$c) \quad -10x \left(\frac{5}{3y}\right) = 1, \quad -\frac{2}{3}x \left(\frac{5}{y}\right) \text{ هو مقرب } \frac{-3y}{10x} \text{ من } \frac{-10x}{3y} \text{ من } \frac{-3y}{10x}$$

تمرين عدد 15: انظر الجدول المقابل

تمرين عدد 16: يكون الشهر الشمسي عادة من 28 يوما ويكمل في النصف الأول ثم يعود للاختفاء حتى نهاية الشهر. يكون في أربعة أسابيع في النصف الأول = $4 \times 14 = 8$ أي في اليوم

9	5	3
2	16	10
1	3	45
20	4	4
15	9	1
8	5	8

التامن أو بعد النصف الأول حتى يختفي عنها $\frac{3}{7} \times 14 = 6$ أي 6 أيام من النصف أي في اليوم 20.

تمرين عدد 17:

المجموع في حالة توازن مما نستنتج أن الوزن يتقسم بالتساوي في كل مرتبط (انطلاقا من فوق) للوصول إلى النجمة؛ والوزن الجلي 224g نقسم ثم إلى اثنين ثم إلى اثنين ثم إلى اثنين (بالتساوي)

$$142g = 112g ; 224 = 56g ; 122 = 28g ; 56 = 14g ; 28 = 14g \text{ وزن النجمة هو } 14g.$$

تمرين عدد 18:

$$\frac{4}{7} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{7} \text{ هو عدد الإرنات الذين يعملون الرياضة هو: } \frac{1}{7}$$

$$\frac{1-2}{3} \times \frac{3}{5} = \frac{1}{5} \text{ هو: } \frac{1}{5} \text{ هو عدد الإرنات الذين يعملون المسرح هو: } \frac{1}{5}$$

$$\left[1 - \left(\frac{1}{4} + \frac{3}{5}\right)\right] \times \frac{1}{5} = \frac{3}{20} \times \frac{1}{5} = \frac{3}{100} \text{ هو: } \frac{3}{100}$$

$$\frac{1}{7} + \frac{1}{5} = \frac{261}{700} \text{ هو عدد الإرنات بهذا النادي: } \frac{261}{700}$$

$$\frac{1}{7} + \frac{1}{5} = \frac{261}{700} \text{ هو عدد الإرنات بهذا النادي: } \frac{261}{700}$$

تمرين عدد 19:

$$\left(1 - \frac{1}{3}\right) \times \frac{3}{7} = \frac{2}{7} \times \frac{3}{7} = \frac{2}{7} \text{ هو عدد الإرنات بهذا النادي: } \frac{2}{7}$$

$$\left(1 - \frac{1}{3}\right) \times \frac{1}{5} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{2}{15} \text{ هو عدد الإرنات بهذا النادي: } \frac{2}{15}$$

$$1 - \left(\frac{2}{7} + \frac{2}{15}\right) = 1 - \frac{54}{105} = \frac{51}{105} \text{ هو عدد الإرنات بهذا النادي: } \frac{51}{105}$$

$$\frac{51}{105} \times \frac{7}{10} = \frac{51}{150} \text{ هو عدد الإرنات بهذا النادي: } \frac{51}{150}$$

$$\frac{51}{150} \times 212 = 60979,68 \text{ m}^2 \text{ هو عدد الإرنات بهذا النادي: } 60979,68 \text{ m}^2$$



$$\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^{10} \times b^5 = \left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^{10+11} \times b^{5+4} = \left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^{21} \times b^9 = \frac{-2}{3} \times \frac{b}{a}$$

$$Z = \frac{1}{4} \times (ab^{-1})^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times a^2 \times b^{-2} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times a^2 \times b^{-2}$$

$$\left(\frac{-1}{2}\right)^7 \times a^7 \times a^{-6} \times b^3 = \left(\frac{-1}{2}\right)^7 \times a^{7-6} \times b^3 = \left(\frac{-1}{2}\right)^7 \times a \times b^3$$

$$\left(\frac{-1}{2}\right)^{7-2} \times a^{-1-2} \times b^{3+2} = \left(\frac{-1}{2}\right)^5 \times a^{-3} \times b^5 = \left(\frac{-1}{32}\right) \times \frac{1}{a} \times b^5 = \left(\frac{-1}{32}\right) \times \frac{b^5}{a}$$

$$T = \frac{-1}{27} \times (a^{-1}b^{-2})^{-3} = \left(\frac{-1}{3}\right)^3 \times (a^{-1})^{-3} \times (b^{-2})^{-3} = \left(\frac{-1}{3}\right)^3 \times a^3 \times b^6$$

$$\left(\frac{-1}{3}\right) \times \left(\frac{-1}{3}\right)^{-4} = \left(\frac{-1}{3}\right) \times a^2 \times a^{-4} \times b^{-5} \times b^8 = \left(\frac{-1}{3}\right) \times a^{-2} \times b^3$$

$$\left(\frac{-1}{3}\right)^{-3-3} \times a^{-2-3} \times b^{-3-6} = \left(\frac{-1}{3}\right)^{-6} \times a^{-5} \times b^{-9}$$

تمرين عدد 08:

$$125,781 \times 10^8 = 1,25781 \times 10^{10} \quad ; \quad 3456,783 = 3,456783 \times 10^3$$

$$0,015493 \times 10^{-9} = 1,5493 \times 10^{-2} \times 10^{-9} \quad ; \quad 0,0000912 \times 10^{13} = 9,12 \times 10^{-5} \times 10^{13} = 9,12 \times 10^8$$

$$(0,045)^5 = (4,5 \times 10^{-2})^5 = (4,5)^5 \times (10^{-2})^5 = 1845,2812 \times 10^{-10} = 1,8452812 \times 10^{-7}$$

$$(0,00023 \times 10^{-3})^4 = (0,00023)^4 \times (10^{-3})^4 = (2,3 \times 10^{-4})^4 \times 10^{-12}$$

$$(2,3)^4 \times (10^{-4})^4 \times 10^{-12} = 27,9841 \times 10^{-16} \times 10^{-12} = 2,79841 \times 10^{-28}$$

$$(0,0012)^3 = (1,2 \times 10^{-3})^3 = (1,2)^3 \times (10^{-3})^3 = 1,728 \times 10^{-9}$$

تمرين عدد 09:

$$\sqrt{0,01} = 0,1 \quad ; \quad \sqrt{\frac{49}{121}} = \frac{7}{11} \quad ; \quad \sqrt{\frac{1}{36}} = \frac{1}{6} \quad ; \quad \sqrt{\frac{64}{9}} = \frac{8}{3} \quad ; \quad \sqrt{100} = \sqrt{1} = 1$$

$$\sqrt{3^6} = \sqrt{(3^3)^2} = 3^3 \quad ; \quad \sqrt{0,25} = 0,5 \quad ; \quad \sqrt{\left(\frac{19}{13}\right)^0} = \sqrt{1} = 1 \quad ; \quad \sqrt{\left(\frac{3}{4}\right)^{10}} = \sqrt{\left(\frac{3}{4}\right)^2} = \left(\frac{3}{4}\right)^5$$

$$\left[(-1,25)^{-11}\right]^0 \times (-1)^{-40} = 1 \times (-1) = -1 \quad ; \quad \left(\frac{-19}{3}\right)^{91} \times \left(\frac{-19}{3}\right)^{-91} = \left(\frac{-19}{3}\right)^0 = 1$$

$$\left(\frac{-15}{11}\right)^{13} \times \left(\frac{11}{15}\right)^{21} \times \left(\frac{15}{11}\right)^8 = \left(\frac{-15}{11}\right)^{13} \times \left(\frac{11}{15}\right)^{21} \times \left(\frac{15}{11}\right)^8 = \left(\frac{-15}{11}\right)^{21} \times \left(\frac{11}{15}\right)^{21} = (-1)^{21} = -1$$

$$\left[(-1)^{37} + (-1)^{20}\right] \times (-19,75)^{19} = [(-1) + 1] \times (-19,75)^{19} = 0 \times (-19,75)^{19} = 0$$

تمرين عدد 06:

$$A = [-2x^2y^3]^2 \times 3xy^5 = (-2)^2 \times (x^2)^2 \times (y^3)^2 \times 3xy^5 = 4 \times x^4 \times y^6 \times 3 \times x \times y^5 = (4 \times 3) \times (x^4 \times x) \times (y^6 \times y^5) = 12x^5y^{11}$$

$$B = (-x^3y^5) \times (xy)^{-4} \times (-xy) = -x^3 \times y^5 \times x^{-4} \times y^{-4} \times (-x) \times y = (-1) \times x^{-3+4-1} \times y^{5-4-1} = (-1) \times x^0 \times y^0 = 1 \times y^2 = y^2$$

$$C = -\frac{3}{5}x^2y^5 \times \left(\frac{1}{2}x^{-3}y\right)^2 \times (-y^4) = -\frac{3}{5}x^2 \times y^5 \times \frac{1}{4}x^{-6} \times y^2 \times (-y^4) = \left(\frac{-3}{5} \times \frac{1}{4}\right) \times (x^2 \times x^{-6}) \times (-y^4 \times y^5 \times y^2) = \frac{3x}{20y}$$

$$D = \left(\frac{-5}{2}x^6y^8\right)^{-2} \times (-xy^3)^2 = \left(\frac{-5}{2}\right)^{-2} \times (x^6)^{-2} \times (y^8)^{-2} \times (-x)^2 \times (y^3)^2 = \left(\frac{-5}{2}\right)^{-2} \times x^{-12} \times y^{-16} \times x^2 \times y^6 = \left(\frac{-5}{2}\right)^{-2} \times (x^{-12} \times x^2) \times (y^{-16} \times y^6)$$

$$= \left(\frac{-5}{2}\right)^{-2} \times x^{-10} \times y^{-10} = \left(\frac{-5}{2}\right)^{-2} \times (xy)^{-10} = \left(\frac{-2}{5}\right)^2 \times (xy)^{-10} = \frac{4}{25}(xy)^{-10}$$

$$X = \frac{(2a)^3 \times b^5 \times a^4}{4a^5 \times (2b)^3} = \frac{2^3 \times a^3 \times b^5 \times a^4}{4 \times a^5 \times 2^3 \times b^3} = \frac{2^3 \times a^7 \times b^5}{2^2 \times 2^3 \times a^5 \times b^3} = \frac{2^3 \times a^7 \times b^5}{2^5 \times a^5 \times b^3} = 2^{-2} \times a^2 \times b^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times (ab)^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2$$

$$Y = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times (a^2b)^5}{a^{11} \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times (a^2)^5 \times b^5}{a^{11} \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^{10} \times b^5}{a^{11} \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^2 \times b^5}{a \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^2 \times b^5}{a \times \left(\frac{2}{3}\right)^4}$$

تمرين عدد 07:

$$X = \frac{(2a)^3 \times b^5 \times a^4}{4a^5 \times (2b)^3} = \frac{2^3 \times a^3 \times b^5 \times a^4}{4 \times a^5 \times 2^3 \times b^3} = \frac{2^3 \times a^7 \times b^5}{2^2 \times 2^3 \times a^5 \times b^3} = \frac{2^3 \times a^7 \times b^5}{2^5 \times a^5 \times b^3} = 2^{-2} \times a^2 \times b^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times (ab)^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2$$

$$Y = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times (a^2b)^5}{a^{11} \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times (a^2)^5 \times b^5}{a^{11} \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^{10} \times b^5}{a^{11} \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^2 \times b^5}{a \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^2 \times b^5}{a \times \left(\frac{2}{3}\right)^4}$$

تمرين عدد 08:

$$X = \frac{(2a)^3 \times b^5 \times a^4}{4a^5 \times (2b)^3} = \frac{2^3 \times a^3 \times b^5 \times a^4}{4 \times a^5 \times 2^3 \times b^3} = \frac{2^3 \times a^7 \times b^5}{2^2 \times 2^3 \times a^5 \times b^3} = \frac{2^3 \times a^7 \times b^5}{2^5 \times a^5 \times b^3} = 2^{-2} \times a^2 \times b^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times (ab)^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2$$

$$Y = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times (a^2b)^5}{a^{11} \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times (a^2)^5 \times b^5}{a^{11} \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^{10} \times b^5}{a^{11} \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^2 \times b^5}{a \times \left(\frac{2}{3}\right)^4} = \frac{\left(\frac{-2}{3}\right)^5 \times a^2 \times b^5}{a \times \left(\frac{2}{3}\right)^4}$$

تمرين عدد 09:

$$\sqrt{0,01} = 0,1 \quad ; \quad \sqrt{\frac{49}{121}} = \frac{7}{11} \quad ; \quad \sqrt{\frac{1}{36}} = \frac{1}{6} \quad ; \quad \sqrt{\frac{64}{9}} = \frac{8}{3} \quad ; \quad \sqrt{100} = \sqrt{1} = 1$$

$$\sqrt{3^6} = \sqrt{(3^3)^2} = 3^3 \quad ; \quad \sqrt{0,25} = 0,5 \quad ; \quad \sqrt{\left(\frac{19}{13}\right)^0} = \sqrt{1} = 1 \quad ; \quad \sqrt{\left(\frac{3}{4}\right)^{10}} = \sqrt{\left(\frac{3}{4}\right)^2} = \left(\frac{3}{4}\right)^5$$



$$\frac{5}{3}x - 5 - \frac{3}{2}x - \frac{3}{2} = 1 \text{ يعني } \left(\frac{5}{3}x - \frac{5}{3}\right) \times 3 = \left(\frac{3}{2}x + \frac{3}{2}\right) \times 3 \text{ يعني } 5(x-3) - \frac{3}{2}(x+1) = 1 *$$

$$\frac{1}{6}x = \frac{15}{2} \text{ يعني } \frac{10}{6}x - \frac{9}{6}x = 1 + \frac{13}{2} \text{ يعني } \left(\frac{5}{3}x - \frac{3}{2}\right) - \frac{13}{2} = 1 \text{ يعني } \left(\frac{5}{3}x - \frac{3}{2}\right) - \left(5 + \frac{3}{2}\right) = 1$$

$$\frac{15}{6}x = 45 \text{ يعني } x = \frac{15}{6} \times 6 = 45 \text{ إذن } x = \frac{15}{6}$$

$$\frac{(6x+9) - (6x+4)}{6} = \frac{5}{12}x \text{ يعني } \frac{3(2x+3) - 2(3x+2)}{6} = \frac{5}{12}x \text{ يعني } \frac{2x+3}{2} - \frac{3x+2}{3} = \frac{5}{12}x *$$

$$\frac{5}{6}x = \frac{5}{6} \times \frac{12}{5} \text{ يعني } \frac{5}{6}x = \frac{5}{6} \times 12 \text{ يعني } \frac{(6x-6x)+(9-4)}{6} = \frac{5}{12}x \text{ يعني } \frac{6x+9-6x-4}{6} = \frac{5}{12}x$$

لتعريف عدد 03:

$$x = 5, 7 \text{ يعني } x - 2, 3 = 8 *$$

$$x = \frac{-10}{3} \text{ يعني } 3x = 4 - 14 = -10 \text{ يعني } 3x + 14 = 4 *$$

العدد $\left(\frac{-10}{3}\right)$ لا ينتمي إلى المجموعة ID إذن هذه المعادلة ليس لها حل في ID.

$$x = \frac{9}{5} \text{ يعني } 5x = 7 + 2 = 9 \text{ يعني } 5x - 2 = 7 *$$

$$\frac{1}{3}x = \frac{1}{3} \times \frac{3}{4} = \frac{1}{4} \text{ يعني } \frac{1}{3}x = \frac{1}{4} \text{ إذن } x = \frac{3}{4} *$$

$$4x - 1 - 2x + \frac{1}{4} = 1 \text{ يعني } \left(4x - 4x + \frac{1}{4}\right) - \left(2x - \frac{1}{4}\right) = 1 \text{ يعني } 4\left(x - \frac{1}{4}\right) - \left(2x - \frac{1}{4}\right) = 1 *$$

$$\frac{7}{4}x - \frac{1}{2} = \frac{7}{8} \text{ يعني } x = \frac{7}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{7}{8} \text{ يعني } 2x = 1 + \frac{3}{4} = \frac{7}{4} \text{ يعني } 2x - \frac{3}{4} = 1 \text{ يعني } (4x - 2x) + \left(\frac{1}{4} - 1\right) = 1$$

$$\frac{3x+9 - (4x+2)}{6} = \frac{1}{7} \text{ يعني } \frac{3(x+3) - 2(2x+1)}{6} = \frac{1}{7} \text{ يعني } \frac{x+3}{2} - \frac{2x+1}{3} = \frac{1}{7} *$$

$$x = \frac{3}{2}$$

$$2x - 3 = -1 \text{ يعني } x = 2 - 3 = -1$$

$$2x + 3 = 1 \text{ يعني } 2x = 1 - 3 = -2 \text{ يعني } x = \frac{-2}{2} = -1 \text{ إذن } x = -1 *$$

$$x + \frac{5}{3} = \frac{1}{2} \text{ يعني } x + \frac{10}{6} = \frac{3}{6} \text{ يعني } x = \frac{3}{6} - \frac{10}{6} = -\frac{7}{6} \text{ إذن } x = -\frac{7}{6} *$$

$$x - 2 = -1 \text{ يعني } x = -1 + 2 = 1 \text{ يعني } \frac{7}{2}x - 2 = -1 \text{ يعني } \frac{7}{2}x = -1 + 2 = 1 \text{ إذن } x = \frac{2}{7} *$$

$$x + 1 = \frac{1}{9} \text{ يعني } x = \frac{1}{9} - 1 = \frac{1}{9} - \frac{9}{9} = -\frac{8}{9} \text{ يعني } \frac{-8}{9} \times \left(\frac{-3}{8}\right) = \frac{1}{9} - 1 = \frac{1}{9} - \frac{9}{9} = -\frac{8}{9} \text{ يعني } x = \frac{-8}{9} \times \left(\frac{-3}{8}\right) = \frac{3}{9} = \frac{1}{3} \text{ إذن } x = \frac{1}{3} *$$

$$x - \frac{11}{5} = 0 \text{ يعني } x = \frac{11}{5} \text{ يعني } \frac{-55}{4}x = \frac{11}{4} \times \left(\frac{-5}{4}\right) \text{ يعني } -\frac{4}{5}x = \frac{11}{2} \text{ يعني } -\frac{4}{5}x - \frac{11}{2} = 0$$

$$2x = 1 \text{ يعني } 2x = \frac{9}{4} - 1 = \frac{9}{4} - \frac{4}{4} = \frac{5}{4} \text{ يعني } 2x = \frac{5}{4} \text{ إذن } x = \frac{5}{8} *$$

لتعريف عدد 02:

$$x - 5 = 2 \text{ يعني } x = 2 + 5 = 7 \text{ إذن } x = 7 *$$

$$3x + 1 = 7 \text{ يعني } 3x = 7 - 1 = 6 \text{ يعني } x = \frac{6}{3} = 2 \text{ إذن } x = 2 *$$

$$2 - x = 13 \text{ يعني } -x = 13 - 2 = 11 \text{ يعني } x = 2 - 13 = -11 \text{ العدد } (-11) \text{ لا ينتمي إلى IN إذن هذه المعادلة ليس لها حل في IN.}$$

$$\frac{3}{2}x - 3 = 0 \text{ يعني } \left(\frac{3}{2}x - \frac{3}{2}\right) - 2 = 0 \text{ يعني } \left(\frac{3}{2}x - \frac{3}{2}\right) - (1 - 3) = 0 \text{ يعني } \left(\frac{3}{2}x - 1\right) - \left(\frac{3}{4}x - 3\right) = 0 \text{ يعني } \frac{3}{2}x - 1 = \frac{3}{4}x - 3 *$$

المعادلة ليس لها حل في IN.



$$\left(\frac{5}{2}x - \frac{1}{3}x\right) - 5 - \frac{1}{3} = x + 3 \text{ يعني } \frac{5}{2}x - 5 - \frac{1}{3}x - \frac{1}{3} = x + 3$$

$$\left(\frac{13}{6}x - x\right) = 3 + \frac{16}{3} \text{ يعني } \frac{13}{6}x - \frac{16}{3} = x + 3 \text{ يعني } \left(\frac{15}{6}x - \frac{2}{6}x\right) - \frac{15}{3} - \frac{1}{3} = x + 3$$

25

$$x = \frac{50}{7} \text{ إذن } x = \frac{3}{7} = \frac{25}{7} \times \frac{6}{7} = \frac{50}{7} \text{ يعني } \frac{7}{6}x = \frac{25}{3} \text{ يعني } \frac{13}{6}x - \frac{6}{6}x = \frac{9}{3} + \frac{16}{3}$$

$$\frac{3x-3+2x-6}{6} = \frac{x+1}{6} \text{ يعني } \frac{3(x-1)}{6} + \frac{2(x-3)}{6} = \frac{x+1}{6} \text{ يعني } \frac{x-1}{2} + \frac{x-3}{3} = \frac{x+1}{6}$$

$$x = \frac{10}{4} = \frac{5}{2} \text{ يعني } 4x = 10 \text{ يعني } 5x - x = 1 + 9 = 10 \text{ يعني } 5x - 9 = x + 1 \text{ يعني } \frac{5x-9}{6} = \frac{x+1}{6}$$

$$\frac{(2x+4) - (x-2)}{4} = 2 \text{ يعني } \frac{2(x+2)}{4} - \frac{x-2}{4} = 2 \text{ يعني } \frac{x+2}{2} - \frac{x-2}{4} = 2$$

$$x = 2 \text{ يعني } x + 6 = 8 \text{ يعني } \frac{x+6}{4} = 2 \text{ يعني } \frac{2x+4-x+2}{4} = 2$$

$$2x+2 = 2x+2 \text{ يعني } \frac{6x+6}{3} = \frac{5x+1}{3} + \frac{x+5}{3} \text{ يعني } 2x+2 = \frac{5x+1}{3} + \frac{x+5}{3} \text{ يعني } \frac{x+5}{3} = \frac{5x+1}{3}$$

. حل لهذه المعادلة .

$$3x-3 - \frac{x-2}{4} = 2 \text{ يعني } 3(x-3) - \left(\frac{x-2}{2}\right) = 2 \text{ يعني } \frac{3(x-3)}{4} - \frac{x-2}{4} = 2$$

$$\frac{12x-12-x+2}{4} = 2 \text{ يعني } \frac{4(3x-3)}{4} - \frac{x-2}{4} = 2 \text{ يعني } \frac{11x-10}{4} = 2$$

$$x = \frac{18}{11} \text{ يعني } 11x = 18 \text{ يعني } 11x - 10 = 8$$

$$\frac{5(2x-3)}{10} - \frac{2(3x+2)}{10} = \frac{4x-1}{5} \text{ يعني } \frac{2x-3}{5} - \frac{3x+2}{5} = \frac{4x-1}{10}$$

$$(10x-15) - (6x+4) = 4x-1 \text{ يعني } 5(2x-3) - 2(3x+2) = 4x-1 \text{ يعني } \frac{5(2x-3)-2(3x+2)}{10} = \frac{4x-1}{10}$$

$$4x-19 = 4x-1 \text{ يعني } 10x-15-6x-4 = 4x-1$$

$$-20 = 0 \text{ يعني } (4x-4x) - 19 - 1 = 0 \text{ يعني } 4x-19-4x+1 = 0 \text{ يعني } (4x-19) - (4x-1) = 0$$

هذا غير ممكن وبالتالي هذه المعادلة ليس لها حل.



$$7(-x+7) = 6 \text{ يعني } \frac{-x+7}{6} = \frac{1}{7} \text{ يعني } \frac{(3x-4x)+7}{6}$$

$$\text{عني } x = \frac{43}{7} \text{ . العدد } \frac{43}{7} \text{ لا ينتمي إلى المجموعة ID إذن هذه المعادلة ليس لها حل في ID .}$$

تمرين عدد 04:

مساحة ABCD هي $(x+1)(x+2)$ ومساحة CID هي: $\frac{x(x+2)}{2}$ ، إذن مساحة CID تساوي سدس مساحة ABCD

$$x = \frac{1}{2} \text{ يعني } \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \text{ يعني } 2x = 1 \text{ يعني } x+1 = 3x \text{ يعني } (x+2) = 0 \text{ يعني } \frac{x+1}{3} = x \text{ يعني } \frac{(x+1)(x+2)}{6} = \frac{x(x+2)}{2}$$

تمرين عدد 05:

$$x = 7 \text{ يعني } x-1 = 6 \text{ يعني } \frac{x-1}{2} = 3$$

$$x = -\frac{1}{2} \text{ يعني } 2x = -1 \text{ يعني } 2x+4 = 3 \text{ يعني } 2(x+2) = 3 \text{ يعني } \frac{x+2}{3} = \frac{1}{2}$$

$$5x-15 = -35 \text{ يعني } 5(x-3) = (-7) \times 5 = -35 \text{ يعني } \frac{x-3}{5} = -\frac{7}{5}$$

$$x = -4 \text{ يعني } x = -\frac{20}{5} = -4 \text{ يعني } 5x = -35 + 15 = -20$$

$$x = \frac{1}{6} \text{ يعني } 6x = 1 \text{ يعني } 6x-15 = -14 \text{ يعني } 3(2x-5) = (-2) \times 7 = -14 \text{ يعني } \frac{2x-5}{7} = -\frac{2}{3}$$

$$(2x+3) - (2x+3) = 0 \text{ يعني } \frac{4x+6}{2} + \frac{6x}{3} = \frac{4x+6}{2} + \frac{9}{3} \text{ يعني } \frac{4x+6}{2} = \frac{6x+9}{3}$$

. حل لهذه المعادلة .

$$-2 = 4 \text{ يعني } x-2 = x+4 \text{ يعني } \frac{x-2}{3} = \frac{x+4}{3}$$

و هذا غير ممكن وبالتالي هذه المعادلة ليس لها حل.

$$6x+16x = 24-2 \text{ يعني } 6x+2 = -16x+24 \text{ يعني } 2(3x+1) = -8(2x-3) \text{ يعني } \frac{3x+1}{8} = -\frac{2x-3}{2}$$

$$x = 1 \text{ يعني } x = \frac{22}{22} = 1 \text{ يعني } 22x = 22$$

$$\left(\frac{5}{2}x - \frac{5}{2} \times 2\right) - \left(\frac{1}{3}x + \frac{1}{3}\right) = x+3 \text{ يعني } \frac{5}{2}(x-2) - \frac{1}{3}(x+1) = x+3$$

تمرين عدد 06:

$$B = (5x - 2)(6x - 5) - (5x - 2)(3x + 3) = (5x - 2)(6x - 5) - (3x + 3)$$

$$= (5x - 2)(6x - 5 - 3x - 3) = (5x - 2)(3x - 8) = (5x - 2)(3x - 8)$$

$$3x - 8 = 0 \quad 3x = 8 \quad x = \frac{8}{3}$$

$$5x - 2 = 0 \quad 5x = 2 \quad x = \frac{2}{5}$$

$$B = 0 \quad (3x - 8) = 0 \quad 5x - 2 = 0 \quad 3x - 8 = 0 \quad 5x - 2 = 0 \quad x = \frac{8}{3} \text{ أو } x = \frac{2}{5}$$

تمرين عدد 10:

نظم أن مجموع أقيسة زوايا مثلث يساوي 180°

$$x = 180^\circ \quad x + 2x + 3x = 180^\circ \quad 6x = 180^\circ \quad x = \frac{180^\circ}{6} = 30^\circ \quad \text{إذن } x = 30^\circ$$

تمرين عدد 11:

نعتبر x العدد الكسري الذي نبحث عنه : الكسر الذي يمثل ثلث النصف : $\frac{1}{2} = \frac{1}{3}$ ، الكسر الذي يمثل خمس النصف :

$$\frac{1}{6} = \frac{1}{5} = \frac{1}{30}$$

إذا طرحنا ثلث نصف و خمس سدس العدد x من العدد x نفسه نتحصل على سدس. هذا ما يعطينا المعادلة التالية :

$$x - \left(\frac{1}{6}x + \frac{1}{30}x \right) = \frac{1}{6} \quad \text{البحث عن } x \text{ يجب حل هذه المعادلة } = \frac{1}{6} \quad x - \left(\frac{1}{6}x + \frac{1}{30}x \right) = \frac{1}{6}$$

$$\frac{4}{5}x = \frac{1}{6} \quad \frac{24}{30}x = \frac{1}{6} \quad \text{يعني } \frac{30x - 5x - x}{30} = \frac{1}{6} \quad \text{يعني } \frac{30x - 5x - x}{30} = \frac{1}{6} \quad \text{يعني } \frac{24}{30}x = \frac{1}{6}$$

$$\frac{1}{6}x = \frac{5}{24} \quad \text{يعني } x = \frac{5}{24}$$

تمرين عدد 12:

نعتبر x العدد الأول من بين الأعداد الست المتتالية

$$x + (x + 1) + (x + 2) + (x + 3) + (x + 4) + (x + 5) = 477$$

بما أن مجموعها 477 فلنأخذ نتحصل على المعادلة التالية

$$x + (x + 1) + (x + 2) + (x + 3) + (x + 4) + (x + 5) = 477$$

أد:

$$\frac{1-y}{2} + \frac{2+y}{4} = 2y \quad \text{يعني } \frac{1-y}{2} \times 1 + \frac{2+y}{4} = 2 \times 1 \times y \quad \text{يعني } \frac{1-y}{2} + \frac{2+y}{4} = 2y$$

$$2(1-y) + (2+y) = 2y \quad \text{يعني } \frac{2(1-y)}{4} + \frac{2+y}{4} = 2y \quad \text{يعني } 2(1-y) + (2+y) = 8y$$

$$2(1-y) + 2 + 2 = 8y \quad \text{يعني } 2 - 2y + 2 + 2 = 8y \quad \text{يعني } 2 - 2y + 2 + 2 = 8y$$

$$4 = 8y \quad -y + 4 = 8y \quad \text{يعني } -y + 4 = 8y \quad \text{يعني } 4 = 9y \quad \text{يعني } y = \frac{4}{9}$$

$$\text{ب- } (x = -1) \quad \text{حلا للمعادلة } x + \frac{y-2}{6} = y + (-1) \quad \text{يعني } \frac{y-2}{6} \times (-1) + \frac{y \times (-1) + 1}{6} = y + (-1)$$

$$\frac{2(2-y)}{6} + \frac{1-y}{6} = y - 1 \quad \text{يعني } \frac{2-y}{3} + \frac{1-y}{6} = y - 1 \quad \text{يعني } \frac{2-y}{3} + \frac{1-y}{6} = y - 1$$

$$2(2-y) + (1-y) = 6(y-1) \quad \text{يعني } \frac{2(2-y) + (1-y)}{6} = y - 1$$

$$4 - 2y - y + 1 = 6y - 6 \quad \text{يعني } 4 - 2y - y + 1 = 6y - 6$$

$$5 = 6y - 6 \quad \text{يعني } 5 + 6 = 6y \quad \text{يعني } 11 = 6y \quad \text{يعني } y = \frac{11}{6}$$

$$\text{ج- } (x = 0) \quad \text{حلا للمعادلة } \frac{y}{3} - \frac{1}{2} = x \quad \text{يعني } \frac{y}{3} - \frac{1}{2} = 0 \quad \text{يعني } \frac{y}{3} - \frac{1}{2} = 0$$

$$\frac{y}{3} = \frac{1}{2} \quad \text{يعني } \frac{1}{3} = \frac{y}{2} \quad \text{يعني } \frac{1}{3} = \frac{y}{2} \quad \text{يعني } y = \frac{2}{3}$$

$$\text{تمرين عدد 08: } A = (3x - 2)^2 - (3x + 3)^2 - 2(x - 1)$$

$$= ((3x)^2 - 2 \times 3x \times 2 + 2^2) - ((3x)^2 + 3 \times 3x + 3 \times 3x + 3^2) - (2x - 2)$$

$$= (9x^2 - 12x + 4) - (9x^2 + 18x + 9) - (2x - 2) = 9x^2 - 12x + 4 - 9x^2 - 18x - 9 - 2x + 2$$

$$= (9x^2 - 9x^2) + (-12x - 18x - 2x) + 4 - 9 + 2 = 0 + (-32x) + (-3) = -32x - 3$$

$$A = -2x \quad \text{يعني } -32x - 3 = -2x \quad \text{يعني } -30x = 3 \quad \text{يعني } x = -\frac{3}{30} = -\frac{1}{10} \quad \text{إذن } x = -\frac{1}{10}$$

$$\text{تمرين عدد 09: } (1)$$



تمرين عدد 15:

نعتبر x نصيب الأول ، نصيب الثاني هو $\frac{5}{6}x + 150$

نصيب الثالث هو $80 - \frac{2}{3}x$ ، بما أن نصيب الثاني يتفوق نصيب الأول بـ 5800 دينار فنحن نتحصل على المعادلة التالية :

$$\frac{5}{6}x + 150 = \frac{2}{3}x - 80 + 5800 \quad \text{للبحث عن نصيب كل وريرث يجب حل هذه المعادلة}$$

يعني $5570 - 150 = 5720 - \frac{2}{3}x = \frac{5}{6}x + 150$ يعني $\frac{1}{6}x = 5570 - 33420$ نصيب الأول هو 33420 د. عوض

x في كل مرة بالعدد 33420 للبحث عن نصيب كل من الوريرثين الثاني و الثالث .

نعتبر 16: P ثمن الأرض و P_1 ثمن الأرض في نهاية العام الأول و P_2 ثمن الأرض في نهاية العام الثاني

$$P_1 = P + \frac{10}{100}P = \left(1 + \frac{10}{100}\right)P = 1,1P \quad ; \quad P_2 = P_1 \left(1 + \frac{12}{100}\right) = 1,12P_1 = 1,232P$$

بما أن ثمن الأرض بعد 123200 دينار إذن $P = \frac{123200}{1,232} = 100000$ DT

$$\frac{100000}{2500} = 40$$

تمرين عدد 17:

(1) مساحة المربع هي $16cm^2$ مساحة كل من المثلثات CFG, DJE, AIL, BKH هي $\frac{x^2}{2}$

$$16 - 4 \times \frac{x^2}{2} = 16 - 2x^2 \quad \text{إذن المساحة المطلوبة هي } 16 - 2x^2$$

(2) إذا كانت المساحة المطلوبة تساوي $14 cm^2$ فإن $14 - 2x^2 = -2$ يعني $16 - 2x^2 = 1$

و بما أن $x \in \mathbb{Q}$ فإن $x = 1$.

تمرين عدد 18:

لكن x المبلغ الذي كان للرجل بالدينار ، اتفق في المعازرة الأولى $\frac{1}{3}x$ وبالمعازرة الثانية

$$\frac{1}{4} \left(x - \frac{1}{3}x \right) = \frac{1}{4} \left(\frac{2}{3}x - \frac{1}{3}x \right) = \frac{1}{4} \times \frac{1}{3}x = \frac{1}{12}x$$

ما بقي له بعد طرح ما اتفق في المعازرتين الأولىين: $\frac{1}{2}x = \frac{3}{6}x - \frac{3}{6}x - \frac{2}{6}x = \frac{6}{6}x - \left(\frac{2}{6}x + \frac{1}{6}x \right) = \frac{6}{6}x - \frac{3}{6}x = \frac{3}{6}x = \frac{1}{2}x$



$6x + 15 = 477$ يعني $(x + x + x + x + x) + (1 + 2 + 3 + 4 + 5)$
 $82 - 1 = 477 - 1$ يعني $6x = 477 - 1 = 476$ يعني $x = \frac{476}{6} = 77$

تمرين عدد 13: نعتبر x ثمن الحاسوب

القسمة الأولى : ربع الثمن يعني : $\frac{1}{4}x$ ، القسط الثاني : ثلاثة أخماس الثمن يعني $\frac{3}{5}x$ ، القسط الثالث : 300 دينار

هذا ما يعطينا المعادلة التالية : $x = \frac{1}{4}x + \frac{3}{5}x + 300$ للبحث عن ثمن الحاسوب يجب حل هذه المعادلة

$$x - \frac{17}{20}x = 300 \quad \text{يعني} \quad \frac{3}{20}x = 300 \quad \text{يعني} \quad x = 300 \times \frac{20}{3} = 2000$$

يعني $300 = \frac{17}{20}x - \frac{3}{20}x + 300 = x$ يعني $\frac{1}{4}x + \frac{3}{5}x + 300 = x$ يعني $\frac{17}{20}x + 300 = x$ يعني $\frac{3}{20}x = 300$ يعني $x = 2000$

تمرين عدد 14:

نعتبر x عدد ركاب الحافلة عند الإطلاق

عدد الركاب الذين تزلوا في المحطة الأولى هو $\frac{x}{2}$ ، عدد الركاب الذين تزلوا في المحطة الثانية هو $\frac{x}{4}$

عدد الركاب الذين تزلوا في المحطة الثالثة هو $\frac{x}{8}$ ، عدد الركاب الذين تزلوا في المحطة الرابعة هو $\frac{x}{16}$

عدد الركاب الذين تزلوا في المحطة الخامسة هو $\frac{x}{32}$ ، عدد الركاب الذين تزلوا في المحطة النهائية هو 2.

$$\frac{x}{2} + \frac{x}{4} + \frac{x}{8} + \frac{x}{16} + \frac{x}{32} + 2 = x$$

$$\frac{x}{2} + \frac{x}{4} + \frac{x}{8} + \frac{x}{16} + \frac{x}{32} + 2 = x$$

$$\frac{16x + 8x + 4x + 2x + x}{32} + 2 = x$$

$$\frac{31x}{32} + 2 = x$$

إذن عدد ركاب الحافلة عند الإطلاق هو 64 .

تمرين عدد 01		المسافة (Km)		كمية البنزين (ل)	
140	900	80	45	4	(1)
7					

$$(2) \text{ العامل التناصبي للجول } = \frac{80}{4} = 20$$

تمرين عدد 02: خطأ ، (2) خطأ ، (ب) صواب

تمرين عدد 03: من خلال التمثيل نلاحظ أن حجم 1cm³ له كتلة 20g و التمثيل هو لملاقة تناصب طرفي لانه يمر من O(0:0). إذن كتلة 1.5cm³ هي 30g = 20 × 1.5 و كتلة 1000cm³ هي 20000g و حجم 15g هو 0.75cm³ = $\frac{15}{20}$ و حجم 120Kg هو 60000cm³ = $\frac{120000}{20}$

$$\begin{cases} \frac{y}{5} = \frac{2}{3} \\ \frac{x}{3+x} = \frac{2}{3} \end{cases} \text{ أي } \begin{cases} y = \frac{2}{3} \times 5 \\ x = \frac{2}{3} \times (3+x) \end{cases}$$

$$\frac{y}{5} = \frac{2}{3} \times 5$$

$$\frac{x}{3+x} = \frac{2}{3} \times (3+x)$$

$$\begin{cases} 3y = 10 \\ 3x = 6 + 2x \end{cases} \text{ يعني } \begin{cases} y = \frac{10}{3} \\ x = 6 \end{cases}$$

تمرين عدد 04: يكون الجول جدول تناصب طرفي إذا كان

تمرين عدد 05:

$$2x+3 \text{ و } x+1 \text{ و } 2y+3 \text{ متناسبة طرفاً مع } 5 \text{ و } 3 \text{ و } 4 \text{ يعني } \frac{2y+3}{5} = \frac{x+1}{3}$$

$$\frac{x+1}{3} = \frac{2x}{5} \quad (1) \quad , \quad \frac{2y+3}{5} = \frac{2x}{4} \quad (2)$$

من (1) نستنتج $5 \times (x+1) = 3 \times 2x$ إذن $5x+5 = 6x$ يعني $x=5$
من (2) نستنتج أن $\frac{2y+3}{5} = 2$ أي $2y+3 = 8$ يعني $y = \frac{5}{2}$

تمرين عدد 06: لكن a و b و c و d نصيب الأبناء الذين أصارهم 6 و 9 و 12 و 15 على التوالي إذن $\frac{a}{6} = \frac{b}{9} = \frac{c}{12} = \frac{d}{15} = \frac{a+b+c+d}{6+9+12+15} = \frac{21}{42} = \frac{1}{2}$

$$\text{أي } a = \frac{6}{2} = 3 \text{ و } b = \frac{9}{2} = 4.5 \text{ و } c = \frac{12}{2} = 6 \text{ و } d = \frac{15}{2} = 7.5$$

و بالتالي نصيب الأبناء على التوالي من الأصغر إلى الأكبر 3، 4.5، 6، 7.5.
1) بما أن a و b متساويان طرفاً مع 8 و 7 فإن $\frac{a}{7} = \frac{b}{8}$

و بما أن a و b قسما ل $a \in \mathbb{N}$ فإن $\frac{a}{7} \in \mathbb{N}$ إذن $\frac{b}{8} \in \mathbb{N}$ و بالتالي b قسما ل 8

$$(2) \quad \frac{a}{7} = \frac{b}{8} = \frac{a+b}{7+8}$$

$$\frac{1}{5}x - \frac{1}{2} = \frac{1}{10}x - \frac{1}{10}$$

$$\text{إجمالي والمبلغ الذي أنفقه يساوي } 80 = x - \left(\frac{1}{10}x + \frac{1}{6}x + \frac{1}{3}x \right) \text{ يعني } x - \frac{1}{2}x = \frac{1}{10}x - \frac{1}{10}$$

$$80 = x - \frac{1}{2}x + \frac{1}{30}x - \frac{1}{30}x + \frac{1}{30}x = \frac{20x}{30} - \frac{1}{30}x = \frac{19x}{30} \text{ يعني } 80 = \frac{19x}{30} \text{ إذن } x = \frac{80 \times 30}{19} = 1260 \text{ دينار.}$$

تمرين عدد 19:

$$(1) \quad a = 4 \text{ و } a = 1.7h_n \text{ أي } x = 170 \text{ cm و الكتلة } p \text{ هي } kg = 70 - \frac{20}{4} = 65$$

$$(2) \quad a = 2 \text{ و } a = 1.85h_n \text{ أي } x = 185 \text{ cm و الكتلة } p \text{ هي } kg = 85 - \frac{35}{2} = 67.5$$

$$(3) \quad \text{إذا كان ربح كتلته } 80 \text{ فإن قيس طول النظرى بالصنتمتر هو } x \text{ بحيث } \left(\frac{x-150}{4} - (x-100) \right) = 80$$

$$\frac{x-150}{4} - (x-100) = 80 \Rightarrow \frac{x-150}{4} = 80 + x - 100 \Rightarrow \frac{x-150}{4} = x - 20 \Rightarrow x - 150 = 4x - 80 \Rightarrow -3x = -70 \Rightarrow x = \frac{70}{3} = 23.33$$

$$(4) \quad \text{هو قيس طولها النظرى بالصنتمتر إذن } \left(\frac{x-150}{2} - (x-100) \right) = 60 \Rightarrow \frac{x-150}{2} = 60 + x - 100 \Rightarrow \frac{x-150}{2} = x - 40 \Rightarrow x - 150 = 2x - 80 \Rightarrow -x = -70 \Rightarrow x = 70$$

$$\frac{x}{2} = 170 \text{ إذن } x = 340$$

تمرين عدد 20:

$x-1$	$x+13$	$x+1$	$x+2$
$x+9$	$x+4$	$x+4$	$x+7$
$x+6$	$x+7$	$x+4$	$x+3$
$x+11$	$x+1$	x	$x+13$



لترتف من الأصغر إلى الأكبر :

20 ; 18 ; 17 ; 16 ; 15 ; 15 ; 15 ; 12 ; 12 ; 11 ; 10 ; 9 ; 9 ; 8 ; 8 ; 8 ; 5 ; 4

تمرين عدد 01:

10 تكرارات

10 تكرارات

موسم هذه السلسلة Me هو : $M_e = \frac{10 + 11}{2} = 10,5$ (موسم سلسلة إحصائية هو قيمة الميزة التي تنجزه السلسلة إلى جزئين لهما نفس التكرار)

منوال هذه السلسلة هو 8 (الحد الأكثر تكراراً)

مدى هذه السلسلة = $20 - 4 = 16$ (الفرق بين الأصغر قيمة وأكبرها)

تمرين عدد 02:

15 ; 15 ; 13 ; 13 ; 12 ; 12 ; 11 ; 10 ; 8 ; 8 ; 8

5 تكرارات

5 تكرارات

موسم هذه السلسلة = $Me = 12$ ومنوالها 8 و مداها $15 - 8 = 7$

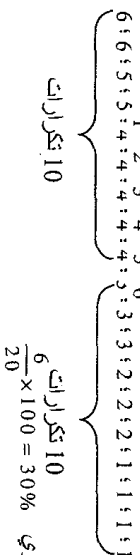
تمرين عدد 03:

موسم هذه السلسلة هو : 4 (رقم الوجه العلوي الأكبر تكراراً)

مدى هذه السلسلة هو $6 - 2 = 4$

مخطط الصيحات

موسم هذه السلسلة Me

إن $M_e = \frac{4 + 3}{2} = 3,5$ 

10 تكرارات

10 تكرارات

(4) النسبة المئوية لظهور رقم 4 على الوجه العلوي = $\frac{6}{20} \times 100 = 30\%$ (5) المعدل الحسابي = $\frac{1 \times 4 + 2 \times 3 + 3 \times 3 + 4 \times 6 + 5 \times 2 + 6 \times 2}{20} = \frac{65}{20} = 3,25$

تمرين عدد 04:

الأجور	من 300 إلى أقل من 320	من 320 إلى أقل من 340	من 340 إلى أقل من 360	من 360 إلى أقل من 380
عدد العمال	18	10	12	10
النسبة المئوية بالنسبة للمثالية	$\frac{18 \times 100}{50} = 36\%$	$\frac{10 \times 100}{50} = 20\%$	$\frac{12 \times 100}{50} = 24\%$	$\frac{10 \times 100}{50} = 20\%$
مركز القبة	310	330	350	370
مركز القبة	$\frac{300 + 320}{2} = 310$	$\frac{320 + 340}{2} = 330$	$\frac{340 + 360}{2} = 350$	$\frac{360 + 380}{2} = 370$

$$a + b \in \mathbb{N} \quad \frac{a}{7} = \frac{a+b}{15}$$

$$\frac{a}{7} = \frac{a+b}{15}$$

$$\text{وبما أن } a+b = 2055 \text{ فإن } \frac{a}{7} = \frac{2055}{15} = a = 137 \text{ ، } \frac{b}{8} = 137 \text{ إذن } b = 137 \times 8 = 1096$$

$$\frac{959}{1096} = \frac{137 \times 7}{137 \times 8} = \frac{7}{8}$$

تمرين عدد 08:

$$\text{نعلم أن مجموع أقيسة زوايا المثلث تساوي } 180^\circ \text{ فنعتبر أن هذه الأقيسة هي على التوالي } x \text{ و } y \text{ و } z \text{ لذا}$$

$$\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{5} = \frac{x+y+z}{2+3+5} = 18^\circ \text{ فإن: } 3z \text{ و } 5y \text{ و } 2x \text{ متناسبة مع } 3, 5, 2$$

$$\text{إذن } z = 5 \times 18^\circ = 90^\circ \text{ و } y = 3 \times 18^\circ = 54^\circ \text{ و } x = 2 \times 18^\circ = 36^\circ$$

$$(2) \quad z = 90^\circ \text{ إذن هذا المثلث قائم الزاوية}$$

تمرين عدد 09:

$$\frac{80}{100} = \frac{4}{5} = \frac{50}{100} = \frac{1}{2} ; \quad \frac{28}{100} = \frac{7}{25} = \frac{28}{100} = \frac{7}{25} ; \quad \frac{80}{100} = \frac{10}{10} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$$

$$\frac{45}{100} = \frac{9}{20} ; \quad \frac{22}{100} = \frac{11}{50}$$

تمرين عدد 10:

$$\frac{BC}{MN} = \frac{AC}{AM} = 3 \quad \text{بما أن } \frac{BC}{3} = \frac{2,4}{3} = 0,8$$

$$\text{بما أن } AC = 3AM \text{ و المثلثان } ABC \text{ و } AMN \text{ متشابهان فإن } \frac{BC}{MN} = \frac{AC}{AM} = 3$$

$$\text{تمرين عدد 11: } ABCD \text{ و } EFGH \text{ متشابهان و } \frac{AB}{EF} = \frac{3}{2} \text{ ، } \frac{BC}{FG} = \frac{3}{2} \text{ ، } \frac{AC}{EG} = \frac{3}{2} \text{ ، } \frac{BD}{FH} = \frac{3}{2} \text{ ، } \frac{AD}{EH} = \frac{3}{2} \text{ ، } \frac{BC}{FG} = \frac{3}{2} = 1,6 \text{ cm ، } \frac{BD}{FH} = \frac{3}{2} = 2,4 \text{ cm}$$

تمرين عدد 12:

$\frac{5}{x}$	x	$-\frac{5}{3}$
$\frac{2}{x}$	$\frac{10}{3x}$	-2

$$\text{تمرين عدد 13: } a \text{ و } b \text{ متساويان عكسياً مع } 3 \text{ و } -4 \text{ و } a+b = 2 \text{ و } 3a = -4b \text{ يعني } a+b = 2$$

$$\text{إذن: } -2 = \frac{a}{3} = \frac{b}{-4} \text{ ، } a+b = -4 \text{ ، } \frac{a}{-4} = \frac{b}{-4} \text{ ، } a+b = -4 \text{ ، } a = -2 \text{ و } b = -2$$

تمرين عدد 14:

$$\text{العمل التفاضلي هو } xy = 2 \text{ و } A\left(\frac{1}{3}; 6\right) \text{ و } B(10; 0,2) \text{ و } C(0,04; 50)$$



- (2) الميزة المرسومة هي ميزة كمية مستمرة
 (3) التكرار الجملي لهذه المسئلة هو $12 + 7 + 18 + 3 = 40$
 (4) المدة الزمنية التي يقضيها أكبر عدد من الأطفال أمام التلفاز هي بين 3 و 4 ساعات أو $\frac{3+4}{2}$
 و يمثل متوال هذه المسئلة

من 4 إلى أقل من 5	من 3 إلى أقل من 4	من 2 إلى أقل من 3	من 1 إلى أقل من 2	عدد الأطفال	النسبة المئوية
3	18	7	12		
$\frac{3}{40} \times 100 = 7,5\%$	$\frac{18}{40} \times 100 = 45\%$	$\frac{7}{40} \times 100 = 17,5\%$	$\frac{12}{40} \times 100 = 30\%$		

(6) عدد الأطفال الذين يقضون أقل من 3 ساعات هو $19 = 7 + 12$ نستنتج المئوية $\frac{19}{40} \times 100 = 47,5\%$

(7) محتل هذه المسئلة الإحصائية هو $\frac{1,5 \times 12 + 2,5 \times 7 + 3,5 \times 8 + 4,5 \times 3}{40} = 1,925$

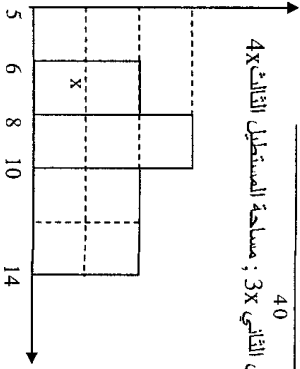
تمرين عدد 7: مساحة المستطيل الثاني $3x$ ؛ مساحة المستطيل الثالث $4x$
 التكرارات متناسبة مع مساحة المستطيلات إذن $\frac{A}{2} = \frac{B}{3} = \frac{C}{4}$

$$B = \frac{3}{2}C ; A = \frac{2}{4}C = \frac{C}{2}$$

$$B + A + C = 36 \quad \text{فإن} \quad \frac{3}{2}C + \frac{C}{2} + C = 36$$

$$\text{يعني} \quad \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{2} + 1\right)C = 36 \quad \text{إذن} \quad C = \frac{36 \times 4}{9} = 16$$

$$A = \frac{16}{2} = 8 \quad \text{و} \quad B = \frac{3 \times 16}{4} = 12$$



من 10 إلى أقل من 14	من 8 إلى أقل من 10	من 6 إلى أقل من 8	عدد الأشخاص
14	10	8	
16	12	8	

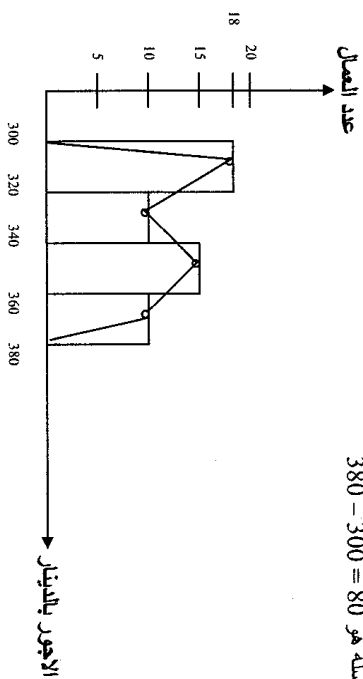
المسافة بالكم	عدد السيارات
240	6
235	8
230	3
225	10
220	7
215	

تمرين عدد 8:

(1) (أ)

(ب) 220 هو متوال هذه المسئلة الإحصائية

بر عدد من العمال (18) أجورهم بين 300 و 320 دينار فإن متوال هذه المسئلة هو $310 = \frac{300 + 320}{2}$
 مسئلة هو $380 - 300 = 80$



$$\text{محتل أجور العمال هو:} \quad \frac{310 \times 18 + 330 \times 10 + 350 \times 15 + 370 \times 10}{50} = 356,6$$

(3) عدد العمال الذين أجورهم أكبر أو يساوي 340 دينار هو $15 + 10 = 25$

إذن احتمال أن يكون أجر العامل أكبر أو يساوي 340 دينار هو: $\frac{25}{50} = 0,5$

تمرين عدد 9:

(1) المحصول الزراعي الجملي لهذا الفلاح بالقطار هو: $810 + 1200 + 600 + 390 = 3000$

$$\frac{810}{3000} \times 100 = 27\% \quad \text{النسبة المئوية للشعير هي:}$$

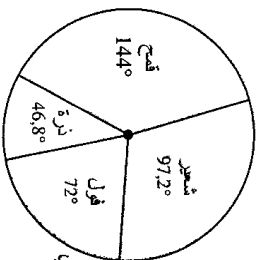
$$\frac{1200}{3000} \times 100 = 40\% \quad \text{النسبة المئوية للقمح هي:}$$

$$\frac{600}{3000} \times 100 = 20\% \quad \text{النسبة المئوية للقول هي:}$$

$$\frac{390}{3000} \times 100 = 13\% \quad \text{النسبة المئوية للذرة هي:}$$

$$\frac{13 \times 360}{100} = 46,8^\circ \quad \text{و} \quad \frac{40 \times 360}{100} = 144^\circ$$

$$\frac{20 \times 360}{100} = 72^\circ \quad \text{و} \quad \frac{27 \times 360}{100} = 97,2^\circ$$



مخطط القطاع الدائري

تمرين عدد 10:

(1) مخطط المستطيلات



+	1	2	3	4	5	6
1	2	3	4	5	6	7
2	3	4	5	6	7	8
3	4	5	6	7	8	9
4	5	6	7	8	9	10
5	6	7	8	9	10	11
6	7	8	9	10	11	12

تبرين عدد 18

(1) الحالات الممكنة:

2, 11, 12, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10

(2) عدد الحالات التي نحصل فيها على S هي 6

(3) احتمال الحدث E: "الحصول على S = 10" هو

$$\frac{3}{36} = \frac{1}{12}$$

تبرين عدد 19:

12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	مجموع النقاط
1	1	2	2	3	3	4	4	3	3	2	2	1	عدد القطع
1	1	2	2	3	3	4	4	3	3	2	2	1	التواتر

(1) احتمال سحب قطعة مجموع نقاطها مساوياً للصفر: $\frac{1}{28}$ (2) احتمال سحب قطعة مجموع نقاط نصفها يساوي عدداً فردياً هو: $\frac{12}{28} = \frac{3}{7}$ (3) احتمال سحب قطعة نقاط نصفها متساوية هو: $\frac{7}{28} = \frac{1}{4}$

(4) احتمال سحب قطعة نصفها غير منقطع والنصف الآخر به عدد زوجي من النقاط:

$$\frac{4}{28} = \frac{1}{7}$$

(1) ليكن جداء عددي نقطتي القطعة فردياً يجب أن يكون العددين فرديين:

5	5	3	5	3	3	1	5	1	3	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

احتمال سحب قطعة من هذه القطع هو: $\frac{6}{28} = \frac{3}{14}$

تبرين عدد 20:

بما أن احتمال ظهور أي عدد متناسب مع الرقم الموجود عليه $\frac{a}{24} = \frac{b}{24} = \frac{c}{24}$ ، إذن $\frac{a}{48} = \frac{b}{96} = \frac{c}{144}$ إذن $a=8$ و $b=2a=16$ و $c=3a=24$ فإن $a+b+c=24$ يعني $a+2a+3a=24$ و بالتالي $a=4$ و $b=2a=8$ و $c=3a=12$ خلال 24 رمية رقم 2 يظهر 4 مرات و رقم 4 يظهر 8 مرات و رقم 6 يظهر 12 مرة

العدد الجملي	العملة	الإطارات	زيت
24 + 84 = 108	120 - 36 = 84	$\frac{40 \times 60}{100} = 24$	40 - 24 = 16
120 - 108 = 12	$\frac{120 \times 30}{100} = 36$		

تبرين عدد 15: مجموع قطع البسكويت: $14+10+16+8+12+20=80$

احتمال أن يكون شكل القطعة التي سقطت من العلية:

$$(1) \text{ دائري: } \frac{3}{80} = \frac{14+10}{80} ; (2) \text{ مرسوم عليها صفور: } \frac{7}{40} = \frac{14}{80}$$

$$(3) \text{ مرسوم عليها زهرة: } \frac{7}{80} = \frac{16+12}{80}$$

$$(4) \text{ لها شكل مثلث: } \frac{3}{80} = \frac{8+16}{80} ; (5) \text{ لها شكل مضلع: } \frac{7}{80} = \frac{56}{80} = \frac{16+8+12+20}{80} ; (6) \text{ مرسوم عليها سيارة: } 0$$

$$(7) \text{ لها شكل مثلث ومرسوم عليها زهرة: } \frac{16}{80} = \frac{1}{5}$$

تبرين عدد 16:

(1) البرمز إلى السؤال بالحرف س

إمكانية السؤالين هي

س1 أدب و س2 أدب

س1 أدب و س3 أدب

س2 أدب و س3 أدب

إذن عدد الإمكانيات هو 10

$$(2) \text{ احتمال أن يكون السؤالين في الرياضة هو: } \frac{1}{10} = 0.1$$

$$(3) \text{ احتمال أن يكون السؤالين في الأدب هو: } \frac{3}{10} = 0.3$$

$$(4) \text{ احتمال أن يكون السؤالين أحدهما في الرياضة و الآخر في الأدب هو: } \frac{6}{10} = 0.6$$

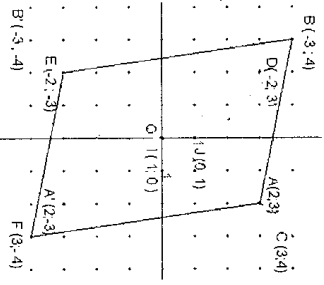
$$\text{تبرين عدد 17: عدد التلاميذ } = 10+6+1+2+3+5 = 30$$



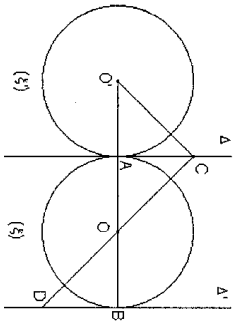
المستقيم (BC) بالنسبة إلى J هو المستقيم (AC') وهو ما يعني أن المستقيم (BC) مواز للمستقيم (AB') من ناحية ومواز للمستقيم (AC'') من ناحية أخرى و منه نستنتج أن المستقيمين (AB') و (AC'') متقاطعان وبالتالي النقاط A و B' و C' على استقامة واحدة
 ج- لنينا B' و A' متناظرتي B و C بالنسبة إلى J ونعلم ان التناظر المركزي يحافظ على البعد فإن BC = B'C = AC' و AB' و AC' = AB' فإن BC = AC' و AC' = AB' و B' و C' على استقامة واحدة فإن A منتصف [BC] و المستعمل خاصية التناظر المركزي يحافظ على أقسية الزوايا اثبت ان $AC'B = BC'B = AC'B$
تمرين عدد 10: (1) انجز الرسم

- 2) ب/ لنينا I منتصف [AB] مما يعني أن A و B متناظرتان بالنسبة إلى I و لنينا C و C' متناظرتان بالنسبة إلى I و نعلم ان التناظر المركزي يحافظ على البعد فإن $BC = AC' = 5cm$
 ج- بما ان منظر الزاوية BAC بالنسبة إلى I هي الزاوية $B'AC'$ و التناظر المركزي يحافظ على أقسية الزوايا فإن $BAC = 50^\circ$
 4) لنينا F و E متناظرتي B و C بالنسبة إلى A لذا فإن $EF = BC$ (لان التناظر المركزي يحافظ على البعد) و (BC) \parallel (EF) (لان منظر مستقيم بالنسبة إلى نقطة هو مستقيم مواز له) و بما ان $BC = AC'$ و $BC = EF$ (حسب 2-ب) فإن $AC' = EF$
 5) بما ان التناظر المركزي يحافظ على أقسية الزوايا و $FEA = ABC$ بالنسبة إلى A فإن $FEA = ABC$ وبما ان $BAC = B'AC' = ABC$ (حسب 2-ج) فإن $AB'C = CAB$
تمرين عدد 11: (1) انظر الرسم

- 2) O(0;0) ؛ I(1;0)
 3) ب) A'(2;-3) ؛ B'(-3;-4)
 ج) D(-2;3) ؛ C(3;4)
 د) E(-2;-3) ؛ F(3;-4)
 4) لنينا F و E متناظرتي B و C بالنسبة إلى O لذا فإن $EF = AB$ (لان التناظر المركزي يحافظ على البعد) و (EF) \parallel (AB) (لان منظر مستقيم بالنسبة إلى نقطة هو مستقيم مواز له)
 5) لنينا AB و EF و (EF) \parallel (AB) مما يعني ان الرباعي ABBF متوازيان متقابلان متوازنان و متقابلان إذن فهو متوازي أضلاع.
تمرين عدد 12: انجز الرسم بعقدك
 3) منظر النقطة A بالنسبة إلى المحور (OI) هي النقطة B منظر A بالنسبة إلى O هي النقطة C
 4) مجموعة النقاط M(x;y) حيث $x=3$ و $y \in \mathbb{Q}$ هي المستقيم (AC)
 5) مجموعة النقاط N(x;y) حيث $x \in \mathbb{Q}$ و $y = -1$ هي المستقيم (DC)
 6) مجموعة النقاط P(x;y) حيث $x = y$ هي المستقيم (OE)
 7) K(-1;-1)

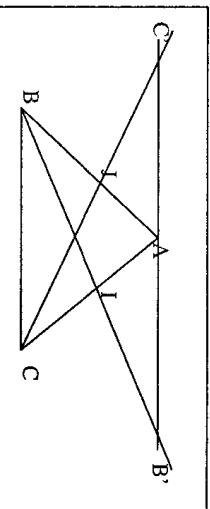
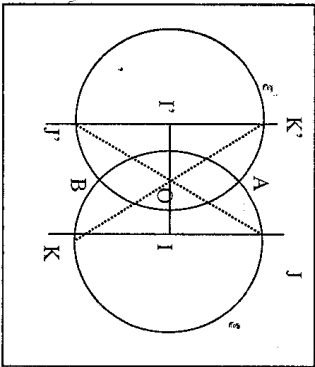


ن الدائرة Δ في النقطة A لذا Δ عمودي على (AB) في A و لنينا Δ' المماس للدائرة Δ في النقطة B لى (AB) في B و بما ان المستقيمين Δ و Δ' يحدد نفس المستقيم (AB) فإن $\Delta \parallel \Delta'$ و A بالنسبة إلى O هي A بالنسبة إلى O و المستقيم Δ يمر من A لذا فإن منظر المستقيم Δ بالنسبة إلى النقطة O هو Δ' و يمر من النقطة B و هذا المستقيم هو Δ' إذن Δ منظر Δ' بالنسبة إلى O
 5) ب لنينا B و D متناظرتي C و A بالنسبة إلى O و نعلم ان التناظر المركزي يحافظ على البعد فإن $BD = AC$
 ج- لنينا B و D و O متناظرات A و C و O على التوالي بالنسبة إلى O لذا فإن منظر الزاوية OCA بالنسبة إلى O هي الزاوية ODB و نعلم ان التناظر المركزي يحافظ على أقسية الزوايا
 إذن $OCA = ODB$



- 6) ب لنينا المستقيم Δ عمودي على القطعة [OO'] في منتصفها A لذا فإن Δ يمثل المتوسط العمودي لـ [OO'] و بما ان C نقطة من Δ فإن $OC = OC'$ إذن O هي منتصف القطعة [CC'] و بما ان O هي مركزها O' ج- منظره الدائرة Δ بالنسبة إلى A هي الدائرة التي مركزها O' و شعاعها OA
 د- الدائرة Δ' و منظرها بالنسبة إلى A هما متساويان في النقطة A
تمرين عدد 08:

1) انظر الرسم
 2) لنينا الدائرتين Δ و Δ' لهما نفس الشعاع و متقاطعتين في النقطتين A و B و مركزيهما I و I' على التوالي
 لذا فإن $IA = IB = IA' = IB'$ هذا يعني المماس IAI' متساوي الضلعين قعره الزاوية B
 3) بما ان $IA = IB = IA' = IB'$ فإن النقطتين A و B يتبعان إلى المتوسط العمودي للقطعة [II'] لذا فالمتستقيم (AB) يمثل المتوسط العمودي للقطعة [II'] وبالتالي النقطتين I و I' متناظرتين بالنسبة إلى المستقيم (AB) و بما ان الدائرتين Δ و Δ' لهما نفس الشعاع فإن Δ و Δ' متناظرتين بالنسبة إلى (AB)
 4) ج- لو I' و K' متناظرات J و I على التوالي بالنسبة إلى النقطة O و بما ان التناظر المركزي يحافظ على الاستقامة و النقاط J و I و K و O على استقامة واحدة فإن النقاط I' و K' تكون على استقامة واحدة و بما ان المستقيم (I'K') منظر المستقيم (JK) بالنسبة إلى O فإن (I'K') \parallel (JK) و نعلم ان (AB) \parallel (JK) إذن (AB) \parallel (I'K')



- 1) انظر الرسم
 2) ب- لنينا I منتصف [AC] و J منتصف [AB] مما يعني أن منظره A منظره C بالنسبة إلى I و B منظره A بالنسبة إلى J و لنينا B' منظره B بالنسبة إلى I و C' منظره C بالنسبة إلى J لذا فإن منظر المستقيم (BC) بالنسبة إلى I هو المستقيم (A'B')



تمرين عدد 06:

$$\widehat{BAC} = 135^\circ - 120^\circ = 60^\circ ; \widehat{ACB} = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ ; \widehat{ABC} = 180^\circ - (60^\circ + 45^\circ) = 75^\circ$$

تمرين عدد 07:

$$\begin{aligned} \text{نظم أن مجموع أقيسة زوايا المثلث } ABC \text{ يساوي } 180^\circ \text{ لذا فإن: } \widehat{A} + \widehat{B} + \widehat{C} = 180^\circ \text{ أي } 2x + 3x + x = 180^\circ \\ \text{يعني } 6x = 180^\circ, \text{ يعني } x = 30^\circ \text{ إذن } \widehat{A} = 2x = 2 \times 30 = 60^\circ \text{ و } \widehat{C} = x = 30^\circ \text{ و } \widehat{B} = 3x = 3 \times 30 = 90^\circ \end{aligned}$$

و بالتالي المثلث ABC قائم الزاوية في B

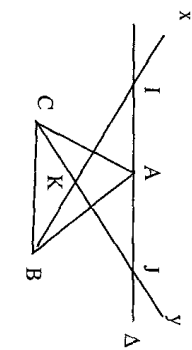
تمرين عدد 08:

(1) انظر الرسم

لها في I و C

و بما أن $\widehat{BIC} = \widehat{AIC}$ و $\widehat{AIC} = \widehat{ICB}$ أي

المستقيم (IB) قاطع للمستقيمين المتوازيين (II) و (BC) متوازيان والمستقيم (CI) قاطع



فإنهما متقاويتان أي $\widehat{AIB} = \widehat{CBI}$.
المستقيم (IB) قاطع للمستقيمين المتوازيين (II) و (BC) متوازيان و I و B و ما أن $\widehat{IIB} = \widehat{IBC}$ و \widehat{AIB} هما زاويتان متبادلتان داخليا

و $\widehat{ABC} = \widehat{ACB}$.
لذا فإن زاويتي القاعدة متقاويتان أي: $\widehat{ABC} = \widehat{ACB}$.

بما أن (BI) و (CI) هما منصفتي كل من الزاويتين \widehat{ACB} و \widehat{ABC} على التوالي فإن: $\widehat{CBI} = \widehat{IBI}$ و $\widehat{ABI} = \widehat{IBC}$ و $\widehat{AIC} = \widehat{ICB}$ و منه نستنتج أن: $\widehat{AIB} = \widehat{AIC}$ وبالتالي المثلث KIB زاويتان متقاويتان إذن هو

مقايس الضلعين ففته الرئيسية K
تمرين عدد 09:

نظم أن في مثلث قائم الزاوية الزاوية الحادتان متتامتان و بما أن المثلث ABC قائم

الزاوية في A فإن \widehat{ABC} و \widehat{ACB} هما زاويتان متتامتان أي $\widehat{ABC} + \widehat{ACB} = 90^\circ$ يعني $\widehat{ACB} = 90^\circ - 54^\circ = 36^\circ$

ب- لدينا المستقيم Δ عمودي على المستقيم (AC) في النقطة C، والمستقيم

(AB) عمودي على المستقيم (AC) في النقطة A (لأن ABC قائم في A) لذا

المستقيمان Δ و (AB) يحددان نفس المستقيم إذن هما متوازيان: $\Delta // (AB)$

(3) \widehat{BCE} و \widehat{ABC} هما زاويتان متبادلتان داخليا حاصلتان عن تقاطع المستقيم

(BC) و المستقيمين المتوازيين Δ و (AB) إذن هما متقاويتان أي: $\widehat{ABC} = \widehat{BCE}$

* \widehat{ABC} و \widehat{BAE} هما زاويتان متبادلتان داخليا حاصلتان عن تقاطع المستقيم (AE) و المستقيمين المتوازيين (AB) و (AE)

إذن هما متقاويتان أي: $\widehat{BAE} = \widehat{ABC}$

(4) \widehat{ABC} و \widehat{BAF} هما زاويتان متبادلتان داخليا حاصلتان عن تقاطع المستقيم (AB) و المستقيمين المتوازيين (FA)

و (BC) إذن هما متقاويتان أي: $\widehat{ABC} = \widehat{BAF}$ و بما أن $\widehat{ABC} = \widehat{BCE}$ (حسب السؤال 3) فإن $\widehat{BAF} = \widehat{BCE}$

(5) * $\widehat{ACK} = 90^\circ$ لأن $\widehat{ACK} \perp (AC)$

* $\widehat{BCE} = \widehat{BCE} = 54^\circ$

* $\widehat{CAK} = 180^\circ - (\widehat{BAF} + \widehat{BAC}) = 180^\circ - 144^\circ = 36^\circ$

تمرين عدد 05:

الزاويتان \widehat{A} و \widehat{B} هما متبادلتان داخليا و بما أنهما متقاويتان فإن $(Ax) // (By)$

الزاويتان \widehat{C} و \widehat{D} هما متبادلتان داخليا و بما أنهما متقاويتان فإن $(Cz) // (Dz)$

الزاويتان \widehat{A} و \widehat{C} هما متبادلتان داخليا و بما أنهما متقاويتان فإن $(Oy) // (Az)$

تمرين عدد 05:

$\widehat{zAx} = 180^\circ - \widehat{OAz} = 180^\circ - 105^\circ = 75^\circ$

$\widehat{zAx} = \widehat{zAx}$ و $\widehat{zAx} // \widehat{Oy}$ و $\widehat{Oy} // \widehat{Az}$ إذن $\widehat{zAx} = \widehat{Oy}$

تمرين عدد 04:

الزاويتان \widehat{A} و \widehat{B} هما متبادلتان داخليا و بما أنهما متقاويتان فإن $(DC) // (II)$

تمرين عدد 02:

المستقيمان (AB) و (DC) متوازيان والمستقيم (BC) قاطع لهما في النقطتين B

و C و بما أن $\widehat{A} = 49^\circ$ و $\widehat{B} = 180^\circ - 49^\circ = 131^\circ$ نفس

بالتالي $\widehat{C} = 49^\circ$ و $\widehat{D} = 180^\circ - 49^\circ = 131^\circ$ نفس

الطريقة نتحصل على:

(أ) $\widehat{XAV} = \widehat{UBT} = 58^\circ$; $\widehat{YAV} = \widehat{UBT} = 58^\circ$

(ب) $\widehat{XAV} = \widehat{UBT} = 58^\circ$; $\widehat{YAV} = \widehat{UBT} = 58^\circ$

نظم أن $\widehat{YAV} = \widehat{UBT} = 58^\circ$ و $\widehat{UBT} = 180^\circ - 58^\circ = 122^\circ$ و $\widehat{YAV} = 180^\circ - \widehat{UBT} = 180^\circ - 122^\circ = 58^\circ$

تمرين عدد 03:

المثلث ODC متقايس الضلعين ففته الرئيسية O (لأن $OC = OD$) لذا فإن زاويتي القاعدة متقاويتان أي:

$\widehat{ODC} = \widehat{OCD}$

المستقيمان (KLI) و (DC) متوازيان والمستقيم (OK) قاطع لهما في K و D و بما أن $\widehat{OKL} = \widehat{ODC} = 63^\circ$

متمثلتان فإنهما متقاويتان أي $\widehat{OKL} = \widehat{ODC} = 63^\circ$

المستقيمان (AB) و (DC) متوازيان والمستقيم (BD) قاطع لهما في B و D و بما أن $\widehat{ODC} = 63^\circ$

متمثلتان داخليا فإنهما متقاويتان أي $\widehat{ABD} = \widehat{ODC} = 63^\circ$

بالتالي $\widehat{A} = 49^\circ$ و $\widehat{B} = 180^\circ - 49^\circ = 131^\circ$ نفس

الطريقة نتحصل على:

$\widehat{BAD} = 180^\circ - 68^\circ = 112^\circ$

$\widehat{BAD} = 180^\circ - 68^\circ = 112^\circ$

تمرين عدد 03:

المثلث ODC متقايس الضلعين ففته الرئيسية O (لأن $OC = OD$) لذا فإن زاويتي القاعدة متقاويتان أي:

$\widehat{ODC} = \widehat{OCD}$

المستقيمان (KLI) و (DC) متوازيان والمستقيم (OK) قاطع لهما في K و D و بما أن $\widehat{OKL} = \widehat{ODC} = 63^\circ$

متمثلتان فإنهما متقاويتان أي $\widehat{OKL} = \widehat{ODC} = 63^\circ$

المستقيمان (AB) و (DC) متوازيان والمستقيم (BD) قاطع لهما في B و D و بما أن $\widehat{ODC} = 63^\circ$

متمثلتان داخليا فإنهما متقاويتان أي $\widehat{ABD} = \widehat{ODC} = 63^\circ$

بالتالي $\widehat{A} = 49^\circ$ و $\widehat{B} = 180^\circ - 49^\circ = 131^\circ$ نفس

الطريقة نتحصل على:

$\widehat{BAD} = 180^\circ - 68^\circ = 112^\circ$

$\widehat{BAD} = 180^\circ - 68^\circ = 112^\circ$

تمرين عدد 05:

الزاويتان \widehat{A} و \widehat{B} هما متبادلتان داخليا و بما أنهما متقاويتان فإن $(Ax) // (By)$

الزاويتان \widehat{C} و \widehat{D} هما متبادلتان داخليا و بما أنهما متقاويتان فإن $(Cz) // (Dz)$

الزاويتان \widehat{A} و \widehat{C} هما متبادلتان داخليا و بما أنهما متقاويتان فإن $(Oy) // (Az)$

تمرين عدد 05:

$\widehat{zAx} = 180^\circ - \widehat{OAz} = 180^\circ - 105^\circ = 75^\circ$

$\widehat{zAx} = \widehat{zAx}$ و $\widehat{zAx} // \widehat{Oy}$ و $\widehat{Oy} // \widehat{Az}$ إذن $\widehat{zAx} = \widehat{Oy}$

تمرين عدد 04:

الزاويتان \widehat{A} و \widehat{B} هما متبادلتان داخليا و بما أنهما متقاويتان فإن $(DC) // (II)$

تمرين عدد 05:

الزاويتان \widehat{A} و \widehat{B} هما متبادلتان داخليا و بما أنهما متقاويتان فإن $(Ax) // (By)$



$$* \widehat{IA'B'} = \widehat{IAB} \quad (\text{لأن } \widehat{IAB} = \frac{O\widehat{AB}}{2} \text{ و } \widehat{IA'B'} = \frac{O\widehat{A'B'}}{2} \text{ و } O\widehat{A'B'} = O\widehat{AB})$$

إذن المثلثان IAB و IA'B' متماثلان حسب الحالة الأولى لتقليب المثلثات
(ب) ينتج عن تقليب المثلثين IAB و IA'B' أن بقية عناصرهما النظيرة الأخرى متساوية ومنها IA = IA' و IB = IB' و IC = IC'

تمرين عدد 05

1) انظر الرسم

(2) لدينا (IK) // (KB) و (JK) // (IB) لذا الرباعي IJKB أضلاعه المتقابلة متوازية إذن هو متوازي الأضلاع و منه فإن أضلاعه المتقابلة متساوية و بالتالي IB = JK و IK = JB

(ب) بما أن AI و IBK هما زاويتان متماثلتان و (IK) // (KB) فإن $\widehat{AI} = \widehat{IBK}$

(ج) في المثلثين AI و IBK و IB = IB

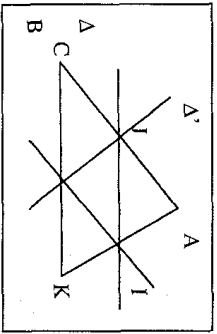
(لأن I منتصف [AB])

(حسب السؤال 2-1)

* $\widehat{AI} = \widehat{IBK}$ (حسب السؤال 2-1)

* $\widehat{IKB} = \widehat{IBK}$ (لأن I منتصف [AB])

إذن المثلثان AI و IBK متماثلان حسب الحالة الثانية لتقليب المثلثات



(3) أ بما أن IBK و JKC زاويتان متماثلتان و (IB) // (JK) فإن $\widehat{IBK} = \widehat{JKC}$

و بما أن $\widehat{AI} = \widehat{IBK} = \widehat{JKC}$ فإن $\widehat{AI} = \widehat{JKC}$

(ب) في المثلثين AI و JKC لدينا:

* $\widehat{AI} = \widehat{JKC}$ (لأن I منتصف [AB])

* $\widehat{IKC} = \widehat{AI}$ (حسب السؤال 3-1)

* $IK = AI$ (لأن I منتصف [AB])

* $IB = JK$ و $IA = IB$ و $IA = IB$

إذن المثلثان AI و JKC متماثلان حسب الحالة الأولى لتقليب المثلثات

(ج) ينتج عن تقليب المثلثين AI و JKC أن بقية عناصرهما النظيرة الأخرى متساوية ومنها IA = IC و IB = IC

على استقامة واحدة فإن J منتصف [AC]

تمرين عدد 06:

1) انظر الرسم

(أ) في المثلثين AIB و AJC لدينا:

* $AB = AC$ (معطى)

* $\widehat{BAI} = \widehat{CAJ}$ زاوية مشتركة

* $\widehat{AIB} = \widehat{AJC}$ لأن $\widehat{AIB} = \frac{A\widehat{OB}}{2}$ و $\widehat{AJC} = \frac{A\widehat{OC}}{2}$ و $A\widehat{OB} = A\widehat{OC}$

[ABC] متساوي الضلعين فتمه (A)

إذن المثلثان AIB و AJC متماثلان حسب الحالة الأولى لتقليب المثلثات

(ب) ينتج عن تقليب المثلثين IAB و IAC أن بقية عناصرهما النظيرة الأخرى متساوية ومنها BI = CI

(3) في المثلثين IBC و ICB لدينا:

* $BI = CI$ (حسب السؤال 2-ب)

* $\widehat{IBC} = \widehat{ICB}$ زاوية مشتركة

بدي، BDL،

ج (لأنهما متجاوران داخليا و (BD) // (AC))

(لأنهما متجاوران بالرأس)

* $IA = IB$ (لأن I منتصف [AB])

إذن المثلثان BDI و ACI متماثلان حسب الحالة الأولى لتقليب المثلثات

(2) نستنتج من تقليب المثلثين ACI و BDI أن بقية العناصر النظيرة الأخرى متساوية ومنها AC = BD و ID = IC

تمرين عدد 02:

1) في المثلثين OAC و OBD لدينا: * $OA = OB$ (لأن O مركزها)

* $OC = OD$ (لأن O منتصف [CD])

إذن المثلثان OAC و OBD متماثلان حسب الحالة الثانية لتقليب المثلثات

(2) ينتج عن تقليب المثلثين OAC و OBD أن بقية عناصرهما النظيرة الأخرى متساوية ومنها AC = BD و $\widehat{ACO} = \widehat{BDO}$

تمرين عدد 03:

1) في المثلثين القائمين BIC و BCI لدينا:

* $BC = BC$ (لأن المثلث ABC متساوي الضلعين فتمه (A))

* $\widehat{BCI} = \widehat{BCI}$ وتر مشترك

إذن المثلثان BIC و BCI متماثلان حسب الحالة الأولى لتقليب المثلثات القائمة

(2) ينتج عن تقليب المثلثين BIC و BCI أن بقية عناصرهما

النظيرة الأخرى متساوية ومنها IB = IC و BI = CI و بما

أن $AI = AI$ فإن $AB = AC$

تمرين عدد 04:

1) انظر الرسم

(2) في المثلثين OAB و OA'B' لدينا:

* $OA' = OA$ (لأن O مركز دائرة [AA'])

* $OB' = OB$ (لأن O مركز دائرة [BB'])

* $\widehat{AOB} = \widehat{AO'B'}$ (لأنهما متجاوران بالرأس)

إذن المثلثان OAB و OA'B' متماثلان حسب الحالة الثانية لتقليب

المثلثات

(ب) نستنتج من تقليب المثلثين OAB و OA'B' أن بقية

عناصرهما النظيرة الأخرى متساوية

ومنها $AB = A'B'$ و $OA = OA'$ و $OB = OB'$

(3) في المثلثين IAB و IA'B' لدينا:

* $AB = A'B'$ (حسب السؤال 2-ب)

* $\widehat{AIB} = \widehat{A'I'B'}$ (حسب السؤال 2-ب)

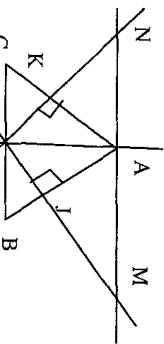
إذن المثلثان IAB و IA'B' متماثلان حسب الحالة الثانية لتقليب المثلثات



تمرين عدد 08:

- 1) انظر الرسم
- 2) (1) في المثلثين القائمين IJB و IKC لدينا : $IKC = IJB$ و $IC = IB$ (لان I منتصف [BC])
- 3) (2) (لان I منتصف [BC]) $IB = IC$
- 4) (3) ينتج عن تقاسيم المثلثين IJB و IKC أن بقية عناصرهما النظرية الأخرى متقابلة ومنها $IKC = IJB$ و $IJ = IK$ (حسب السؤال 2-ب)
- 5) (4) (حسب السؤال 2-ب) $IJ = IK$

إذن المثلثان AIJ و AIK متقايسان حسب الحالة الثانية لتقاسيم المثلثات القائمة.



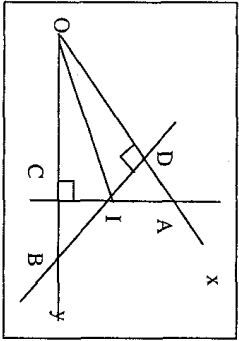
- ب) ينتج عن تقاسيم المثلثين AIJ و AIK أن بقية عناصرهما النظرية الأخرى متقابلة ومنها $AIK = AIJ$
- 3) (1) في المثلثين AIM و AIN لدينا : $AIM = AIN$ (حسب السؤال 3-ب)
- 4) (2) $MAI = NAI = 90^\circ$ (لان $AI \perp MN$)

[AI] ضلع مشترك

إذن المثلثان AMI و ANI متقايسان حسب الحالة الأولى لتقاسيم المثلثات القائمة
ب) ينتج عن تقاسيم المثلثين AMI و ANI أن بقية عناصرهما النظرية الأخرى متقابلة ومنها $AM = AN$ و $MA = NA$ و $M = N$ على السقطة واحدة فإن A منتصف [MN]

تصريف عدد 09:

- 1) انظر الرسم
- 2) (1) في المثلثين القائمين OAC و OBD : $OA = OB$ (معطى)
- 3) (2) AOB زاوية مشتركة
- 4) (3) OBD و OAC متقايسان حسب الحالة الأولى لتقاسيم المثلثات القائمة
- 5) (4) ينتج عن تقاسيم المثلثين OAC و OBD أن بقية عناصرهما النظرية الأخرى متقابلة ومنها $OC = OD$
- 6) (5) (حسب السؤال 2-ب) $OC = OD$
- 7) (6) OID و OIC متقايسان حسب الحالة الثانية لتقاسيم المثلثات القائمة
- 8) (7) ينتج عن تقاسيم المثلثين OIC و OID أن بقية عناصرهما النظرية الأخرى متقابلة ومنها $COI = DOI$ وبالتالي OI منتصف الزاوية α



حسب السؤال 2-ب)

مترك

$$\text{لان } \frac{ACB}{2} = \frac{ACB}{2} \text{ و } \frac{IBC}{2} = \frac{ABC}{2} \text{ و } \frac{ACB}{2} = \frac{ABC}{2}$$

ب) نستنتج من تقاسيم المثلثين IBC و IJB أن بقية عناصرهما النظرية الأخرى متقابلة ومنها $IC = JB$

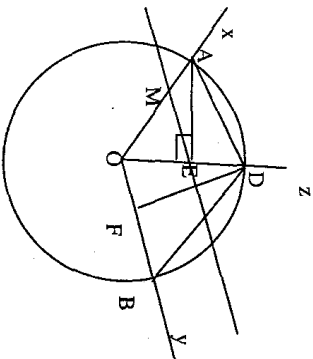
- 1) (4) في المثلثين IKC و IJB لدينا : $IC = JB$ (حسب السؤال 3-ب)
- 2) (3) $KIB = KIC$ (حسب السؤال 3-ب)
- 3) (2) $IKC = IJB$ (لان $\frac{ACB}{2} = \frac{ACB}{2}$ و $\frac{IBK}{2} = \frac{ABC}{2}$)

إذن المثلثان IKC و IJB متقايسان حسب الحالة الأولى لتقاسيم المثلثات

ب) ينتج عن تقاسيم المثلثين IKC و IJB أن بقية عناصرهما النظرية الأخرى متقابلة ومنها $KC = KB$ و $AC = AB$ و $AC = KB$ و $KC = KB$ فإن التقاطعين A و K ينتميان إلى الوسيط الموردي [BC] وبالتالي فإن (AK) يمثل الوسيط الموردي لـ [BC]

تصريف عدد 07:

- 1) انظر الرسم
- 2) (1) بما أن OA و OD يمثلان شعاع اللانارة α فإن $OA = OD$



و بالتالي المثلث OAD متقايس المثلثين OAD و OAD
ب) بما أن زاويتي القاعدة متقايسان فإن $OAD = ODA$
3) (1) في المثلثين OAD و OBD لدينا :
4) (2) $OA = OB$ (لانها يمثلان شعاع اللانارة α)
5) (3) [OD] ضلع مشترك

إذن المثلثان DOA و DOB (لان [OD] منتصف الزاوية α)
ب) ينتج عن تقاسيم المثلثين OAD و OBD أن بقية عناصرهما النظرية الأخرى متقابلة ومنها $AD = BD$ و $OAD = ODA$ و $OBD = ODB$ (السؤال 1-ب) فإن $OAD = OBD$

- 1) (4) في المثلثين FDB و ADE متقايسان القائمين
- 2) (5) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 3) (6) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 4) (7) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 5) (8) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 6) (9) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 7) (10) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 8) (11) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 9) (12) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 10) (13) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 11) (14) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 12) (15) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 13) (16) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 14) (17) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 15) (18) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 16) (19) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 17) (20) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 18) (21) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 19) (22) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 20) (23) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 21) (24) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 22) (25) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 23) (26) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 24) (27) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 25) (28) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 26) (29) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 27) (30) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 28) (31) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 29) (32) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 30) (33) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 31) (34) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 32) (35) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 33) (36) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 34) (37) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 35) (38) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 36) (39) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 37) (40) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 38) (41) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 39) (42) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 40) (43) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 41) (44) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 42) (45) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 43) (46) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 44) (47) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 45) (48) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 46) (49) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 47) (50) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 48) (51) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 49) (52) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 50) (53) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 51) (54) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 52) (55) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 53) (56) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 54) (57) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 55) (58) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 56) (59) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 57) (60) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 58) (61) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 59) (62) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 60) (63) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 61) (64) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 62) (65) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 63) (66) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 64) (67) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 65) (68) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 66) (69) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 67) (70) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 68) (71) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 69) (72) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 70) (73) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 71) (74) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 72) (75) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 73) (76) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 74) (77) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 75) (78) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 76) (79) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 77) (80) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 78) (81) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 79) (82) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 80) (83) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 81) (84) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 82) (85) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 83) (86) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 84) (87) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 85) (88) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 86) (89) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 87) (90) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 88) (91) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 89) (92) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 90) (93) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 91) (94) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 92) (95) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 93) (96) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 94) (97) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 95) (98) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 96) (99) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)
- 97) (100) $AD = AD$ (حسب السؤال 3-ب)



إذن $H\hat{K}E = F\hat{O}H$

(ب) بما أن المثلث EHK متقايس الضلعين قمته الرئيسية E فإن زاويتي القاعدتين متساويتان $E\hat{H}K = E\hat{K}H$ و بما أن $F\hat{O}H = H\hat{K}E$ فإن $F\hat{O}H = H\hat{K}E$ وبالتالي المثلث $H\hat{O}F$ له زاويتان متساويتان إذن هو متقايس الضلعين قمته الرئيسية F

(4) الزاويتان $K\hat{O}I$ و $F\hat{O}L$ متساويتان داخليا حاصلتان عن تقاطع المستقيم (GF) و المستقيمين المتوازيين (FL) و

$K\hat{O}I = F\hat{O}L$ (EG)

(ب) في المثلثين $F\hat{O}L$ و $K\hat{O}I$ (حسب السؤال 4-1)

$F\hat{O}L = K\hat{O}I$ (لأنهما متساويتان بالرأس)

$F\hat{O}L = K\hat{O}I$ (لأن 1 متصفان $[FG]$)

$F\hat{O}L = K\hat{O}I$ (لأن 1 متصفان $[FG]$)

إذن المثلثان $F\hat{O}L$ و $K\hat{O}I$ متقايمان حسب الحالة الأولى لتقايس المثلثات

(ج) ينتج عن تقايس المثلثين $F\hat{O}L$ و $K\hat{O}I$ أن بقية عناصرهما النظرية الأخرى متقايسة ومنها $GK = FL$ و بما أن

$GK = FL$ فإن $F\hat{O}H = F\hat{O}L$ (لأن $F\hat{O}H = F\hat{O}L$)

تمرين عدد 12:

(1) ب في المثلثين القائمين BPF' و EGG' لدينا

$BPF' = EGG'$ (حسب السؤال 2-ب)

$BPF' = EGG'$ (حسب السؤال 2-ب) و $BPF' = EGG'$ (حسب السؤال 2-ب) و $BPF' = EGG'$ (حسب السؤال 2-ب)

(ج) ينتج عن تقايس المثلثين BPF' و EGG' أن بقية عناصرهما النظرية الأخرى متقايسة ومنها $F'G' = EG$

$F'G' = EG$

(د) بما أن $EFG' = EG'$ (حسب ج) فإن المثلث EFG' متقايس الضلعين قمته الرئيسية E

(2) أ في المثلثين القائمين BHF' و EHG' لدينا

$BHF' = EHG'$ (حسب السؤال 1-د) * $[EH]$ ضلع مشترك

إذن المثلثان BHF' و EHG' متقايمان حسب الحالة الثانية لتقايس المثلثات القائمة

(ب) ينتج عن تقايس المثلثين BHF' و EHG' أن بقية العناصر النظرية الأخرى متقايسة ومنها $BHF' = EHG'$

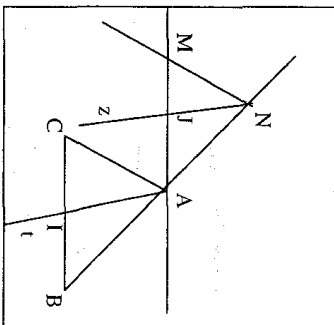
لذا $[EH]$ يمثل منصف الزاوية $F'E\hat{G}$ و نعلم أن في مثلث متقايس الضلعين المتوسط العمودي للقاعدة يحمل منصف الزاوية الصادر من القمة الرئيسية. و بما أن EFG' متقايس الضلعين قمته الرئيسية E و $[EH]$ هو منصف الزاوية

$F'E\hat{G}$ فإن $[EH]$ هو المتوسط العمودي ل $[F'G']$

(2) المستقيم (EH) يمثل المتوسط العمودي لكل من $[F'G']$ و $[FG]$ لذا فإن $(EH) \perp (F'G')$ و $(EH) \perp (FG)$ و

وبالتالي فإن $(EH) \parallel (F'G')$

13



المستقيم (AB) و المتوازيين (AM) و (BC) إذن $\hat{M}AN = \hat{B}CA$

(ب) الزاويتان $B\hat{C}A$ و $M\hat{A}C$ متساويتان داخليا حاصلتان عن تقاطع

المستقيم (AC) و المتوازيين (BC) و (AM) إذن $\hat{M}AN = \hat{B}CA$

و بما أن $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$

$\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$

$\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$

و بما أن $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$

$\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$ و $\hat{M}AN = \hat{B}CA$

(ج) في المثلثين ABC و AMN لدينا:

$BC = AM$ (مطابق)

(حسب السؤال 2-ب) $\hat{A}CB = \hat{M}AN$

(حسب السؤال 2-ب) $\hat{A}CB = \hat{M}AN$

إذن المثلثان ABC و AMN متقايمان حسب الحالة الأولى لتقايس المثلثات

و منه نستنتج أن بقية عناصرهما النظرية الأخرى متقايسة و منها

$AN = AB$ و $M\hat{N}A = B\hat{A}C$

(ب) في المثلثين AIB و NIA لدينا:

$NA = AB$ (حسب السؤال 2-ج)

$N\hat{A}I = A\hat{B}I$ (حسب السؤال 2-أ)

$N\hat{A}I = A\hat{B}I$ (حسب السؤال 2-أ)

(ب) $\hat{B}AC = \hat{A}NM$ و $\hat{I}NA = \hat{I}NA$ و $\hat{I}NA = \hat{I}NA$ و $\hat{I}NA = \hat{I}NA$

إذن المثلثان AIB و NIA متقايمان حسب الحالة الأولى لتقايس المثلثات

تمرين عدد 11:

(1) انظر الرسم

(2) أ في المثلثين EJK و EJH لدينا:

$E\hat{K}H = E\hat{J}H = 90^\circ$

$E\hat{K}H = E\hat{J}H = 90^\circ$

$E\hat{K}H = E\hat{J}H = 90^\circ$

$E\hat{K}H = E\hat{J}H = 90^\circ$

$E\hat{K}H = E\hat{J}H = 90^\circ$

$E\hat{K}H = E\hat{J}H = 90^\circ$

$E\hat{K}H = E\hat{J}H = 90^\circ$

$E\hat{K}H = E\hat{J}H = 90^\circ$

$E\hat{K}H = E\hat{J}H = 90^\circ$

$E\hat{K}H = E\hat{J}H = 90^\circ$

تمرين عدد 01:

1- ليكن V_A حجم الجسم (A): $V_A = \frac{4}{3} \times \pi \times 6^3 = 288\pi \text{ cm}^3$

2- ليكن V_B حجم الجسم (B) و h ارتفاعه و B مساحة قاعدته إذن $V_B = \frac{1}{3} Bh$

إذن $B = \frac{3V_B}{h} = \frac{3 \times 288\pi \times 3.14}{9.42} = 288\pi \text{ cm}^2$

3- نعلم أن $B = \frac{EF \times EG}{2} = \frac{2 \times B}{2} = 160\text{cm}$ إذن $B = \frac{EF \times EG}{2}$

تمرين عدد 02:

ليكن V_T حجم المخروط الكبير (ارتفاعه h) و V_1 حجم المخروط الصغير (ارتفاعه $\frac{h}{2}$).

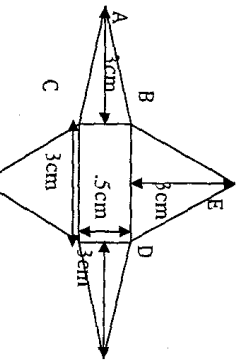
$V_1 = \frac{1}{8} V_T$ $O'A' = \frac{OA}{2}$

$V_1 = \frac{\pi \times (O'A')^2 \times \frac{h}{2}}{3} = \frac{\pi \times \left(\frac{OA}{2}\right)^2 \times \frac{h}{2}}{3} = \frac{\pi \times OA^2 \times h}{8 \times 2 \times 3} = \frac{1}{8} V_T$

إذن $V_2 = V_T - V_1 = \frac{7}{8} V_T$

إذن $V_2 = 7V_1$ مرام أكثر بست مرات من صغيرة.

تمرين عدد 03: (1) انظر الرسم
1- المساحة الجملية للهرم هي



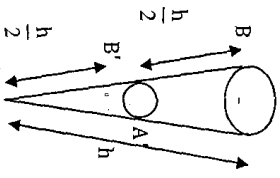
$BC \times BD + 2 \left[\frac{BC \times 3}{2} + \frac{BD \times 3}{2} \right] = 3 \times 1.5 + 2 \left[\frac{1.5 \times 3}{2} + \frac{3 \times 3}{2} \right]$
 $= 4.5 + 2 \left[\frac{4.5}{2} + \frac{9}{2} \right] = 18\text{cm}^2$

تمرين عدد 04:

ليكن V_1 حجم الجسم (S1) $V_1 = \pi R^2 \times R + \left(\frac{\pi R^2 \times R}{3} \right)$

ليكن V_2 حجم الجسم (S2) $V_2 = 2 \times \left[\frac{\pi R^2 \times 2R}{3} \right] = \frac{4\pi R^3}{3}$

الاحظ أن $V_1 = V_2 = \frac{4\pi R^3}{3}$ حجم الكرة التي شعاعها R

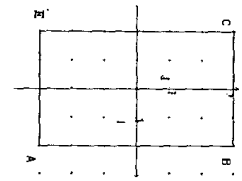


C. متناظر وان بالنسبة إلى محور الترتيبات (O1).
تأخرتان بالنسبة إلى محور الترتيبات (O2) لذا المستقيم (O2) هو المتوسط العمودي لقطعة المستقيم (BC) $\perp (O1)$ و نعلم أن $(O1) \perp (O2)$ إذن:

(1) و بما أن (O1) هو المتوسط العمودي لقطعة المستقيم [AB] فإن (2)

من (1) و (2) نستنتج أن (BA) \perp (BC) وبالتالي ABC قائمة الزاوية في A.

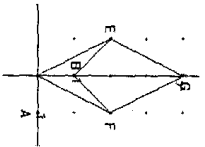
(3) أ لدينا B (2, 3) و E (-2, -3) لذا النقطتان E و B قاصداً هما وتر ترتيبهما متساويان لأن هما متناظران بالنسبة إلى أصل الدمين O وبالتالي O منتصف [EB].



ب) بما أن O منتصف [EB] و O منتصف [AC] فإن القطرتين [EB] و [AC] يتقاطعان في منتصفيهما لذا الرباعي ABCO هو متوازي أضلاع و أثبتنا في السؤال (2) ج) أن ABC قائمة الزاوية في A إذن ABCE مستطيل.

تمرين عدد 08: أ) (1) A (1, 0), B (0, 1), C (0, 4), D (-1, 2), E (0, 4), F (1, 2), G (0, 4)

ب) لدينا F و P لهما نفس الترتيبات 2 و فاصلتان متساويتان (-1) و 1 إذن النقطتان E و F متناظرتان بالنسبة إلى محور الترتيبات (OB) يعني المستقيم (OB) هو المتوسط العمودي للقطعة [EF] ولدينا G (0, 4) إذن G \in (OB) وبالتالي (OG) هو المتوسط العمودي للقطعة [EF] و [EF] و [OG] \perp (OG) النقطة (EF) \perp (OG) هي منتصف [EF] و منتصف [OG]

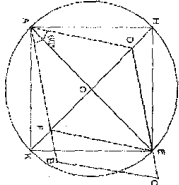


إذن الرباعي OFGE قطرها متعامدان في منتصفيهما فهو معين.

أ) (1) EF = 2cm و OG = 4cm . ب) مساحة المعين OFGE = $\frac{4 \times 2}{2} = 4\text{cm}^2$

تمرين عدد 09: أ) ب) $\frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$ $\frac{B\hat{A}D}{2} = 30^\circ$

* في متوازي الأضلاع ABCD الزوايا المتقابلة متساوية أي $A\hat{D}C = B\hat{C}A$ و $A\hat{D}C = 120^\circ$ و $D\hat{A}B = D\hat{C}B = 60^\circ$ و بما أن مجموع أقيسة $120^\circ + 60^\circ = 180^\circ$ فإن



* في المثلث ADE لدينا $A\hat{D}E + A\hat{E}D = 180^\circ$

لذا $A\hat{E}D = 180^\circ - (D\hat{A}E + A\hat{D}E) = 180^\circ - (30^\circ + 120^\circ) = 180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$

ج- / لدينا $A\hat{E}D = 30^\circ$ لذا المثلث ADE متساوي الضلعين ففته الرئيسية D إذن $AD = DE = 6\text{cm}$

3- ب- لدينا DE و AF متساويان متقاطعان متوازيان و متساويان إذن هو

متوازي أضلاع. و بما أن $AD = DE$ فإن ADEF هو معين

4- ب لدينا [AE] = [AF] (بمثلثين قطران الدائرة) و (AE) \perp (HK) (لأن ADEF معين لذا قطراه متعامدان) و

O منتصف كل من [AE] و [HK] لذا الرباعي AHEK قطراه متعامدان في منتصفيهما و متساويان إذن هو مربع.

تمرين عدد 10: 26cm^2



$$\frac{9067.5}{113040} \times 100 = 8.02149\% \text{ النسبة المئوية لامتلاء الصهرج}$$

$$\text{تعيين عدد 11:} \quad \text{حجم رأس المسهل} \quad \pi \times 3 \times 3 \times 1 = 9\pi \text{ mm}^3$$

$$\text{حجم بدن المسهل} \quad \pi \times 2 \times 2 \times 120 = 480\pi \text{ mm}^3$$

$$\text{حجم الجزء المخروطي} \quad \frac{\pi \times 2 \times 2 \times 4}{3} = \frac{16\pi}{3}$$

$$\text{حجم المسهل} \quad \text{mm}^3 \quad 1483\pi = \frac{16\pi}{3} + \frac{16\pi}{3} + \frac{16\pi}{3} + 9\pi + 480\pi = 9\pi + 480\pi + \frac{16\pi}{3} + \frac{16\pi}{3} + \frac{16\pi}{3}$$

$$\text{المسهل هي} \quad 15522067 \times 7.8 = 12.107 = 12.107212 \text{ g}$$

تعيين عدد 12: ليكن V هو قيس حجم المسيج ويساوي الفارق بين قيسي حجمي الهرمين SABCD و SERGH ابن:

$$V = \frac{25^2 \times SI}{3} - \frac{20^2 \times SO}{3} = \frac{625 \times 25 - 400 \times 20}{3} = 2541.67 \text{ m}^3$$

$$C = 2541.67 \text{ m}^3 = 2541670 \text{ l}$$

$$T = \frac{2541670}{20} = 127083.5 \text{ l}$$

الوقت اللازم لملئه من الحنفية بالثانية: 127083.5 ساعة و 18 دقائق و 3 ثواني.

تعيين عدد 13: اارتفاع الاسطو اية: $h = 8r$

$$(2) \text{ حجم 4 كرة هو: } r^3 = \frac{16\pi}{3} \times \left(\frac{4\pi r^3}{3}\right) = 4 \times \left(\frac{4\pi r^3}{3}\right) \quad \text{حجم الفراغ} \quad \frac{8\pi r^3}{3} = \frac{24\pi r^3 - 16\pi r^3}{3} = \frac{16\pi r^3}{3}$$

تعيين عدد 14: حجم المادة المكونة للثبة:

$$V = \frac{4}{3} \pi \times (3.6)^3 - \frac{4}{3} \pi \times 3^3 = \frac{4}{3} \times 3.14 \times 46.656 - \frac{4}{3} \times 3.14 \times 27 = 195.33312 - 113.04 = 82.29312 \text{ m}^3$$

$$82.29312 \times 300 = 24687.936 \text{ DT}$$

تعيين عدد 15:

$$1- \text{ حجم المخروط هو } \frac{\pi \times 3^2 \times h}{3} = 103.62 \quad \text{اين } h = \frac{103.62}{\pi \times 3}$$

$$2- \text{ الجسم المتكون من العنبر هو مخروط ارتفاعه } h = SO' \text{ و شعاعه } r = O'A' \text{ و حجمه } V' = \frac{\pi \times r^2 \times h}{3}$$

$$\text{اين } \frac{SO'}{O'A'} = \frac{r'}{r} \quad \text{فان } \frac{h'}{3} = \frac{r'}{3} \quad \text{و بالتالي } r' = \frac{h'}{4}$$

$$\text{اين } \frac{\pi \times (h')^2 \times h'}{4} = \frac{\pi \times h^3}{48} \quad \text{و بما ان } V' = 14.13 \text{ cm}^3 \quad \text{فان } h^3 = \frac{14.13 \times 48}{\pi}$$

$$\text{نظم ان } h^3 = 6^3 = 2^3 \times 3^3 = 216 \quad \text{اين } h = 6 \text{ cm}$$

$$S \quad \frac{4 \times 2 \times \pi \times 120}{360} = \frac{8}{3} \pi \text{ cm} \quad \text{يساوي } [AB]$$

$$\text{ب- يساوي } [AB] \text{ هو محيط قاعدة المخروط اين } \pi R \times 2 = \frac{8}{3} \pi \quad \text{اين } R = \frac{4}{3} \text{ cm}$$

ب- يساوي x قيس المساحة الجيبية للمخروط بالـ cm^2

$$x = \pi R^2 + SA \times R \times \pi = \pi \times \left(\frac{4}{3}\right)^2 + 4 \times \left(\frac{4}{3}\right) \times \pi = \frac{16}{9} \pi + \frac{64}{9} \pi = \frac{80}{9} \pi = 27.91 \text{ cm}^2$$

$$2- \text{ ليكن } V \text{ حجم المخروط بالـ } \text{cm}^3 \text{ ارتفاعه } h \text{ اين } V = \frac{1}{3} \pi R^2 h \quad \text{اين } V = \frac{1}{3} \pi R^2 h = 47.25 \text{ cm}^3$$

$$\frac{3V}{\pi R^2} = \frac{3 \times 28\pi}{\pi \times \left(\frac{4}{3}\right)^2}$$

$$\text{تعيين عدد 06:} \quad \text{قيس حجم الجسم} \quad \frac{7x^2\pi}{3} = 2x^2\pi + \frac{\pi x^2}{3} = \left(\frac{\pi x^2 \times x}{3}\right) + (\pi \times x^2 \times 2x)$$

$$\text{تعيين عدد 07:} \quad (1) \text{ ا حجم التراب المستخرج من البئر: } 37.68 = 3.14 \times 1^2 \times 12$$

$$(2) \text{ ا حجم التراب المحمول بكل شاحنة: } 1.8 \text{ m} = 0.5 \times 1.2 \times 3$$

عدد الشاحنات اللازمة لنقل التراب: $N = \frac{V_1}{V_2} = \frac{37.68}{1.8} = 20.93 \text{ m}$

$$V_3 = 3.14 \times 1^2 \times 1.7 = 5.338 \text{ m}^3 \quad \text{حجم الماء بالمتر المكعب: } 5.338 \text{ m}^3 = 5.338 \text{ dm}^3$$

$$V_4 = 20^3 \times \frac{4}{3} \times 3.14 = 33493.33 \text{ cm}^3 \quad \text{حجم الكرة التي سقطت في البئر: } 33493.33 \text{ cm}^3$$

$$\text{الحجم الجبلي للكرة والماء: } 5371493.33 \text{ cm}^3 = 5371.493.33 \text{ l} \quad \text{ا ارتفاع الماء بالبئر بعد رمي الكرة به: } h = \frac{5371493.33}{3.14 \times (100)^2}$$

$$\text{تعيين عدد 08:} \quad \text{ا ليكن } V \text{ حجم قطعة الذهب فان } V \text{ يساوي حجم الماء المسال } 60 \text{ cm}^3 = 60 \text{ ml}$$

$$\text{ب- كتلة هذه القطعة من الذهب } D = \frac{360}{60} = 6 \text{ g/cm}^3$$

$$\text{تعيين عدد 09:} \quad \text{لتعتبر } T \text{ كتلة الإبراء فارعا فان } 500 = T + 0.91V = \sqrt{T + 0.91 \times 400} = T + 364$$

تعيين عدد 10:

$$\text{ا- حجم الناتج المتجمع فوق سطح المنزل } 130 \times 50 \times 1.5 = 9750 \text{ dm}^3$$

$$\text{ب- كتلة الناتج المتجمع فوق سطح المنزل } 9750 \times 0.93 = 9067.5 \text{ Kg}$$

ج- كتلة الناتج تساوي كتلة الماء الناتج عن توبلته: ونعلم ان 1 dm^3 من الماء يزن 1 Kg اين حجم الماء الناتج عن توبلته يساوي: $9067.5 \times 1.5 = 13601.25 \text{ dm}^3$

$$\text{شعاع الصهرج كروي الشكل: } R = \frac{6}{2} \text{ m} = 3 \text{ m}$$

$$\text{حجم الصهرج } 113040 \text{ dm}^3 = \frac{4}{3} \times \pi \times 3^3 \times 30^3$$



(2) ا) (ABC) و (EFG) مستويان متوازيان.

(2) (ABC) \subset (AC) و (EFG) \subset (AC) متقاطعان (1) و (AC) و (EG) محتويان في نفس المستوي (ACG) (2)

من (1)+(2) نستنتج: (AC) و (EG) متوازيان

ب) يمان (EG) يقطع (BF) إذن (FE) و (AC) غير متوازيين و (EHG) \subset (BF) و (BF) غير متوازيين و غير متقاطعين

تمرين عدد 05:

1- ا) (AC) و (BF) غير متوازيين و غير متقاطعين

ب- (BF) و (CG) متوازيان

ج) (FM) و (AB) متقاطعين

د) (BF) \cap (AC) = \emptyset

هـ) (AC) = (AC) \cap (AFG)

3) يمان (BCG) \subset (CG) و (CG) \subset (AE) // (CG) فإن (AE) // (BCG)

4) لنا (ABC) = {N} و (ABF) \cap (AB) = {N} و (AB) \cap (FM) = {N} و (FM) \cap (AB) = {N}

5) ا) الجسم MBEFG هو هرم قاعدته المثلث EFG وارتفاعه [ME]

ب) حجم هذا الهرم هو: $\frac{1}{3} \times \frac{4 \times 6}{2} \times 9 = 36 \text{ cm}^3$

تمرين عدد 06:

(1) (MNP) \cap (OMP) = (MP) و (ABO) \cap (MNP) = (AB)

2) ا) يمان Q \subset (MNP) ، (MNP) \subset (NM) فإن (NM) \subset (MNP) و (MNP) \cap (MN) = \emptyset

و نعلم ان (OMN) \subset (MNP) و (MNP) \subset (MN) أي (I) و (MN) محتويان في نفس المستوي (OMN)

إذن (I) // (MN)

ب) يمان (I) // (MN) و (MNP) \subset (NM) فإن (I) // (MNP)

1) ا) (ONP) \cap (IB) و (IB) \cap (MNO) = (IB) فإن (ONP) \cap (ON) و (ON) \cap (IB) و (IB) \cap (ON) و (ON) \cap (IB) فإن K \in (ON) و (ON) \cap (ONP) = (ON)

تمرين عدد 07:

1) (ABC) \subset S ; E \in (ADC) و (ADC) \subset (EAG)

2) (EHG) = \emptyset ; (AB) \cap (ABC) = (A) ; (SA) \cap (ABC) = (A) فإن (EGC) = (EGC) و (EGC) \cap (SHC) = \emptyset

3) (ABC) \subset (AM) و (ABC) \subset (DM) = (M) و (AM) \cap (DM) = (M) و (AM) و (DM) متقاطعان في M

4) (ABC) \subset (AC) و (AC) \subset (EFG) و (EFG) \cap (AC) = \emptyset فإن (EFG) \cap (AC) = \emptyset و (AC) و (EFG) متوازيان

(AC) // (EFG) فإن (AC) // (EFG)

5) يمان (AB) // (EF) و (EHG) \subset (BF) فإن (EHG) // (AB)

عدد الرؤوس	عدد الأوجه	عدد الحواف
8	6	12

[HFI], [ECI], [ACI] 2

3) يمان F و P ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة إذن فهي تكون مستوي واحد. و بالتالي كل منها تنتمي لهذا المستوي

4) ا) (CFG) ، B \in (CFG) ، B \notin (HGF) ، (ABC) \cap (FB) = \emptyset ، (ABC) \subset (HGC) و (DC) \subset (HGC)

ب) (CFG) ، M \in (CFG) ، A \in (DBC) ، (AM) \subset (ABC) ، (AM) \cap (AMG) = \emptyset ، (AMG) \cap (MN) = \emptyset

تمرين عدد 02:

1) (A'B'C') \cap (A'B'C') = {A'} ; (A'C') \cap (A'B'C') = {C'} ; P \cap (BC) = {B}

P \cap (BB') = {B} ; P \cap (AM) = {A} ; (AB') \cap (ABC) = {A}

إذن (MC) \subset (BCC') ، (BC) \cap (BCC') = (BC)

إذن: (AC') \subset P ; A \in P ; C' \in P

و (MA) \subset (ABB')

(A'M) \cap (A'B'C') = (AM) \cap (A'B') = G ; (ABB') \cap (A'B'C') = (A'B')

(1) (AEF) \cap (ABC) = (DG) ; (AJ) \cap (AEF) = (AI) \subset (AEF)

(2) (EFG) \cap (BIC) = (FG) ; (EHG) \cap (BIC) = (FG) ; (AE) \cap (BCG) = \emptyset ; (AEF) \cap (BCD) = (AB) ; (ABF) \cap (HDC) = \emptyset

3) ا) (AE) // (DH) لأن AEHD مستطيل و (DH) \subset (DHG) إذن (AE) // (DHG)

ب) (DH) \subset (DHG) إذن (AE) و (AE) و (DC) غير متوازيين لأن (DC) و (AE) غير متقاطعين و غير متوازيين

(DC) و (DH) متقاطعان (2) من (1)+(2) نستنتج (AE) و (DC) غير متقاطعين و غير متوازيين

4) (FE) و (AE) محتويان في نفس المستوي (AEF) . و هما غير متوازيين لأن (AE) // (FE) و (AD) و (AE) و (FE) و (AE) متقاطعان

إذن (AB) و (AE) متقاطعان

1) (FG) و (AB) غير متوازيين و غير متقاطعين، (FG) و (AD) متوازيان لأنهما يوزان في نفس المستوي (EH)

(FE) و (FG) متقاطعان لأنهما محتويان في نفس المستوي و غير متوازيين ، (EFG) و (ABC) متوازيان

(AE) و (FG) متقاطعان في (BF) ، (ACK) و (ABC) متقاطعان في (AC)

(ABE) و (HFG) متوازيين لأنهما محتويان في نفس المستوي و غير متوازيين

(AE) و (AB) // (FE) و (AB) // (FE) محتويان في نفس المستوي (AEF) . و هما غير متوازيين لأن (AE) // (FE) و (AD) و (AE) و (FE) و (AE) متقاطعان

إذن (AB) و (AE) متقاطعان

تمرين عدد 04:

1) (FG) و (AB) غير متوازيين و غير متقاطعين، (FG) و (AD) متوازيان لأنهما يوزان في نفس المستوي (EH)

(FE) و (FG) متقاطعان لأنهما محتويان في نفس المستوي و غير متوازيين ، (EFG) و (ABC) متوازيان

(AE) و (FG) متقاطعان في (BF) ، (ACK) و (ABC) متقاطعان في (AC)

(ABE) و (HFG) متوازيين لأنهما محتويان في نفس المستوي و غير متوازيين

(AE) و (AB) // (FE) و (AB) // (FE) محتويان في نفس المستوي (AEF) . و هما غير متوازيين لأن (AE) // (FE) و (AD) و (AE) و (FE) و (AE) متقاطعان

إذن (AB) و (AE) متقاطعان



2/ (ب) لدينا F و E متناظرتي G و E بالنسبة إلى I و J وبما أن التقاطع المركزي يحافظ على البعد فإن $EG = FE$

و نعلم أن $EG = FG$ إذن $FG = FE$

3/ لدينا $[FE]$ متناظرة $[EG]$ بالنسبة إلى J لذا : $[FE] \parallel [EG]$ و لدينا $[FG] \parallel [EG]$ متناظرة $[EG]$ بالنسبة إلى I

لذا $(FG) \parallel (EG)$ هذا يعني أن التقاطع E و F و G على استقامة واحدة و بما أن $FG = FE$ فإن F منتصف

$[E'G']$ و بالتالي E' و G' متناظرتين بالنسبة إلى F .

4/ متناظرة الزاوية $FG'E$ بالنسبة إلى I هي الزاوية FGE' و نعلم أن التقاطع المركزي يحافظ على أقيسة الزوايا إذن

$$\widehat{EG'I} = \widehat{FGE} = 45^\circ$$

مقال عدد 2

فرض مراقبة عدد 1

تعيين عدد 01

العدد	916	5175	7300	9072
قابل القسمة على 4	X		X	X
قابل القسمة على 8				X
قابل القسمة على 9		X	X	X
قابل القسمة على 25		X		

تعيين عدد 2

$$b = 2^2 \times 3^3 \times 5^2 \times 11$$

$$b = 5^2 \times (2^2 \times 3^3 \times 11) / 1$$

$$b = 25 \times (2^2 \times 3^3 \times 11)$$

نلاحظ أن العدد b يكتب في صيغة $b = 25 \times a$ حيث $b = 25 \times 3^3 \times 11$ و $a = 2^2 \times 3^3 \times 11$

ب/ خارج القسمة الاقليدية للعدد b على 25 هو $25 \times 3^3 \times 11$ / ج

$$b+1 = 2^2 \times 3^3 \times 5^2 \times 11 + 1$$

$$b+1 = 3^2 \times (2^2 \times 5^2 \times 11) + 1$$

$$b+1 = 9 \times (2^2 \times 5^2 \times 11) + 1$$

خارج القسمة الاقليدية للعدد $b+1$ على 9 هو $2^2 \times 5^2 \times 11$ و الباقي هو 1 لأن $1 > 9$

تعيين عدد 3
 $\frac{7}{5} \in C, \frac{-13}{4} \in A, C \subset Q, B \in N, A \subset D, C \subset Z$ /

$$A \cap C = \left\{ 0; \frac{9}{5} \right\} \quad A \cap D = \{ 0; -13; -9; 1, 8; \frac{9}{5}; 5; -7; -3; 19 \}$$

$$C \cap Q = \left\{ 0; \frac{9}{5}; \frac{5}{3}; \frac{17}{8} \right\} \quad B \cap N = \{ 0; 5; 19 \}, A \cap Z = \{ 0; -9; 5 \}$$

مقال عدد 1

مراقبة عدد 1

ا/ ب/ خطأ / ج/ خطأ / د/ صواب

$$9 \times 9^{91} = 2^{91} \times (8+1) = 2^{91} \times (2^3+1) = 2^{91} \times 2^3 + 2^{91} = 2^{91} \times 2^3 + 2^{91} = 2^{91} \times 2^3 + 2^{91} = 2^{91} \times (2^3+1) = 2^{91} \times 8 + 2^{91} = 2^{91} \times 9$$

$$\frac{x}{9} = 2^{91}$$

$$5/ \text{ب/ } 2^{91} \times 5/9 = 2^{91} \times (4+1) = 2^{91} \times (2^2+1) = 2^{91} \times 2^2 + 2^{91} = 2^{91} \times 2^2 + 2^{91} = 2^{91} \times (2^2+1) = 2^{91} \times 5$$

$$\text{و لدينا } \frac{y}{5} = 2^{91}$$

$$x+y = 2^{94} + 2^{91} + 2^{91} = 2^{94} + 2^{91} + 2 \times 2^{91} = 2^{91} \times 2^3 + 2^{91} \times 2^2 + 2 \times 2^{91} = 2^{91} \times (2^3+2^2+2) = 2^{91} \times (8+4+2) = 2^{91} \times 14 = 2^{91} \times 2 \times 7 = 2^{92} \times 7 = 2^{92} \times 7$$

$$\text{إذن } x+y \text{ هو عدد قابل القسمة على 7 و لدينا } \frac{x+y}{7} = 2^{92}$$

تعيين عدد 2:

$$NMF = \{ 0; 1 \}$$

$$GNZ_+ = \{ 0; 4 \}$$

$$ZUF = Z$$

$$ENZ_- = \left\{ 0; -3; \frac{-12}{3} \right\}$$

$$EUF = \left\{ 0; -3; -4; -1; -5; \frac{15}{2} \right\}$$

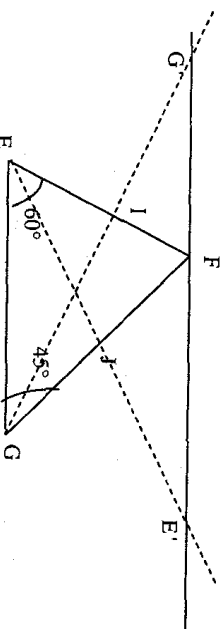
$$EUG = \left\{ 0; -1; -3; \frac{-15}{3}; 4; \frac{15}{2}; 1; \frac{-12}{3} \right\}$$

$$ENF = \{ 0; -3; -4; 1 \}$$

$$FNG = \{ 0 \}$$

$$ZNE = \left\{ 0; -3; \frac{-12}{3}; 1 \right\}$$

تعيين عدد 3



ج/ لدينا F و G' متناظرتي E و G بالنسبة إلى I وبما أن التقاطع المركزي يحافظ على البعد فإن

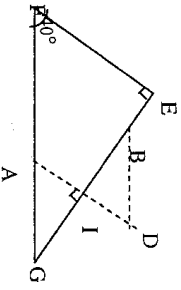
$$FG' = EG = 5 \text{ cm}$$

$$\begin{aligned} \text{ب} \quad x=0 \text{ و } y &= -\frac{2}{3} \\ A &= \frac{1}{4}x - 2xy + \frac{1}{2}y - 1 = \frac{1}{4} \times 0 - 2 \times 0 \times \left(-\frac{2}{3}\right) + \frac{1}{2} \times \left(-\frac{2}{3}\right) - 1 = 0 - 0 - \frac{1}{3} - 1 = -\frac{4}{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ج} \quad x &= \frac{5}{2} \text{ و } y = -\frac{1}{2} \\ A &= \frac{1}{4}x - 2xy + \frac{1}{2}y - 1 = \frac{1}{4} \times \left(\frac{5}{2}\right) - 2 \times \left(\frac{5}{2}\right) \times \left(-\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{2} \times \left(-\frac{1}{2}\right) - 1 = \frac{5}{8} + \frac{5}{2} - \frac{1}{4} - 1 = \frac{15}{8} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{د} \quad x &= -\frac{3}{4} \text{ و } y = -\frac{7}{3} \\ A &= \frac{1}{4}x - 2xy + \frac{1}{2}y - 1 = \frac{1}{4} \times \left(-\frac{3}{4}\right) - 2 \times \left(-\frac{3}{4}\right) \times \left(-\frac{7}{3}\right) + \frac{1}{2} \times \left(-\frac{7}{3}\right) - 1 = \left(-\frac{3}{16}\right) - \frac{7}{2} - \frac{7}{6} - 1 = -\frac{131}{24} \end{aligned}$$

تمرين عدده



1/ ب) نعلم أن في مثلث قائم الزاويتان الحادتان هما متتامتان و بما أن المثلث EFG قائم الزاوية في E

$$\text{فإن } \hat{E}GF = 90^\circ - \hat{E}FG = 90^\circ - 40^\circ = 50^\circ \text{ يعني } \hat{E}FG + \hat{E}GF = 90^\circ$$

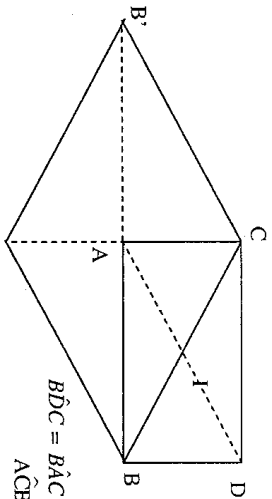
2/ ب) لدينا I المسقط العمودي لـ A على (EG) لذا $(AI) \perp (EG)$ ونعلم أن المثلث EFG قائم الزاوية في E لذا

(ج) الزاويتان $\hat{I}AG$ و $\hat{E}FG$ حاصلتان نفس المتكافئ (EG) و (AI) إذن هما متوازيتان: $(BF) \parallel (AI)$

و بما أن $\hat{I}AG$ و $\hat{E}FG$ هما زاويتان متتامتان فإنهما متكافئتان أي: $\hat{I}AG = \hat{E}FG = 40^\circ$

لـ (ب) لدينا B و D منطرتي G و A بالنسبة إلى I لذا: منظر المستقيم (AG) بالنسبة إلى I هو المستقيم الموازي لـ (BD) إذن $(BD) \parallel (AG)$

(ج) الزاويتان \hat{DBI} و \hat{AGI} حاصلتان عن تقاطع المتوازيين (BD) و (AG) مع المستقيم (BG) و بما أن \hat{DBI} و \hat{AGI} هما زاويتان متبادلتان داخلياً فإنهما متكافئتان أي $50^\circ = \hat{AGI} = \hat{DBI}$



ب) بالنسبة إلى I هي C .
مناظرتي A و B بالنسبة إلى I .
المركزي يحافظ على البعد

$$\text{فإن } AB = DC$$

د- مناظرة الزاوية $\hat{B}AC$ بالنسبة إلى I هي $\hat{B}DC$
بما أن التناظر المركزي يحافظ على أقيسة الزوايا فإن: $\hat{B}DC = \hat{B}AC = 90^\circ$

2) لدينا مناظرة \hat{ACB} بالنسبة إلى I هي \hat{CBD} إذن $\hat{ACB} = \hat{CBD}$

في الرباعي $ABDC$ لدينا $\hat{B}DC = 90^\circ$ و $\hat{ACB} = \hat{CBD}$ و $\hat{B}AC = \hat{B}DC = 90^\circ$

3- ب- مناظرة الدائرة التي مركزها C و شعاعها AC هي الدائرة التي مركزها C' و شعاعها AC'
4) التفتين C و B' مناظرتي التفتين C و B بالنسبة إلى I بالتناظر المحوري بالنسبة إلى (AC) بما أن التناظر المحوري يحافظ على البعد فإن $BC = B'C$ و $BC' = B'C'$ إذن الرباعي $BCB'C'$ إذن هو معين

مثال عدد 1

فرض مراقبة عدد 2

تمرين عدده 1 (أ) خطأ (ب) خطأ (ج) صواب (د) خطأ

تمرين عدده 2

$$\begin{aligned} A &= \left(\frac{4}{3} - x\right) - \left(x + \frac{1}{4}\right) + \left(x - \frac{4}{3}\right) - \left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{4}{3} - x - x - \frac{1}{4} + x - \frac{4}{3} + \frac{1}{2} \\ &= (-x - x + x) + \left(\frac{4}{3} - \frac{1}{4} - \frac{4}{3} + \frac{1}{2}\right) = (-x) + \left(\frac{1}{4}\right) = -x + \frac{1}{4} \end{aligned}$$

$$B = \left(-\frac{1}{3} + x\right) - \left(x - \frac{5}{9}\right) + (x - 1) = -\frac{1}{3} + x - x + \frac{5}{9} + x - 1 = \left(x - x + x\right) + \left(-\frac{1}{3} + \frac{5}{9} - 1\right) = x - \frac{7}{9}$$

$$C = -(x - 2) + \left(\frac{6}{5} - x\right) - (-3x + 3) = -x + 2 + \frac{6}{5} - x + 3x - 3 = (-x - x + 3x) + (2 + \frac{6}{5} - 3) = x + \frac{1}{5}$$

(ب)

$$A + B = \left(-x + \frac{1}{4}\right) + \left(x - \frac{7}{9}\right) = -x + \frac{1}{4} + x - \frac{7}{9} = 0 + \left(-\frac{19}{36}\right) = -\frac{19}{36}$$

$$B - C = \left(x - \frac{7}{9}\right) - \left(x + \frac{1}{5}\right) = x - \frac{7}{9} - x - \frac{1}{5} = (x - x) + \left(-\frac{7}{9} - \frac{1}{5}\right) = 0 + \left(-\frac{44}{45}\right) = -\frac{44}{45}$$

تمرين عدده 3

$$\begin{aligned} A &= \frac{1}{4}x - 2xy + \frac{1}{2}y - 1 = \frac{1}{4} \times (-2) - 2 \times (-2) \times \left(-\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{2} \times (-1) - 1 = -\frac{1}{2} - 4 - \frac{1}{2} - 1 = -6 \end{aligned}$$



ب- بما أن H منتصف $[AB]$ و التناظر المركزي يحافظ على المنتصف فإن منظره H بالنسبة إلى O هي منتصف منظره $[AB]$ بالنسبة إلى O و هي منتصف $[EF]$.
 إجابات منتصف $[EF]$ هي $(0,5;-3,5)$.
 4- التناظرين B و A متناظرين التناظرين F و A بالتوالي بالنسبة للنقطة O بما أن التناظر المركزي يحافظ على البعد إذن $AF = BE$ و $AE = BF$ فإن الرباعي $ABEF$ هو متوازي أضلاع

مثال عدد 1

فرض تألفي عدد 01

تبرين عدد 01 (1)

$a+c-b$

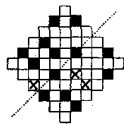
$xyz \in \mathbb{Q}$

متكافئان

$zBn + xAv = 180^\circ$

2) 3 مرئيات

تبرين عدد 02



$$A = \begin{pmatrix} 1 \\ -7 \end{pmatrix} \times \frac{3}{5} \times (-7) + \begin{pmatrix} -17 \\ 21 \end{pmatrix} \times \frac{3}{17} + \frac{1}{4} \times (-3) \times 4$$

$$A = \frac{3}{5} \times \begin{pmatrix} -3 \\ 21 \end{pmatrix} + (-3) = \frac{3}{5} + \begin{pmatrix} -1 \\ -7 \end{pmatrix} = \frac{21}{35} + \begin{pmatrix} -5 \\ -35 \end{pmatrix} + (-3)$$

$$A = \frac{16}{35} + \begin{pmatrix} -105 \\ -35 \end{pmatrix} = -\frac{89}{35}$$

$$B = \begin{pmatrix} -5 \\ -6 \end{pmatrix} \times \frac{7}{2} - \frac{5}{6} \times \begin{pmatrix} -9 \\ -2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -5 \\ -6 \end{pmatrix} \times \left[\frac{7}{2} + \begin{pmatrix} -9 \\ -2 \end{pmatrix} \right] = \begin{pmatrix} -5 \\ -6 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \end{pmatrix}$$

$$B = \begin{pmatrix} -5 \\ -6 \end{pmatrix} \times (-1) = \frac{5}{6}$$

$$C = \frac{5}{10} \times \frac{1}{2} - \frac{10}{10} \times \frac{1}{2} = \frac{10}{2} - \frac{1}{2}$$

$$C = \frac{9}{10} \times \begin{pmatrix} 9 \\ -2 \end{pmatrix} - \frac{1}{2} = \frac{81}{20} - \frac{1}{2} = \frac{81}{20} - \frac{10}{20} = -\frac{91}{20}$$

مثال عدد 2

بئة عدد 2

|a|

$-x+y$

$[AB]$ منتصف داخليا

متكافئان داخليا

تبرين عدد 02

* $|x| = \frac{3}{2}$ يعني $x = \frac{3}{2}$ أو $x = -\frac{3}{2}$ ؛ $x = -3$ لا يمكن

* $|x| - \frac{1}{2} = \frac{3}{4}$ يعني $|x| = \frac{3}{4} + \frac{1}{2} = \frac{5}{4}$ يعني $x = \frac{5}{4}$ أو $x = -\frac{5}{4}$

* $|x - \frac{3}{5}| = 0$ يعني $x = \frac{3}{5}$

* $x - \frac{4}{3} + (-\frac{3}{2} - x) = 0$ يعني $\frac{4}{3} - x = \frac{3}{2}$ يعني $\frac{3}{2} - x = \frac{4}{3}$ يعني $x = \frac{3}{2} - \frac{4}{3} = \frac{1}{6}$ يعني $x = \frac{3}{2} + x = \frac{4}{3}$

تبرين عدد 03 $x + \frac{5}{7} \geq y + \frac{5}{7}$ / $x \geq y$

ب/ $x \geq y$ يعني $x - \frac{7}{9} \geq y - \frac{7}{9}$

ج/ $x \geq y$ و $\frac{10}{7} > y + \frac{5}{8}$ يعني $\frac{10}{7} > y + \frac{5}{8}$

د/ $x \geq y$ و $\frac{-3}{11} > y - \frac{9}{4}$ يعني $\frac{-3}{11} > y - \frac{9}{4}$

تبرين عدد 04

أ- $A'(2;-3)$ ؛ $B(-3;-4)$

ب- $C(3;4)$ ؛ $D(-2;3)$

ج- $F(3;-4)$ ؛ $E(-2;-3)$

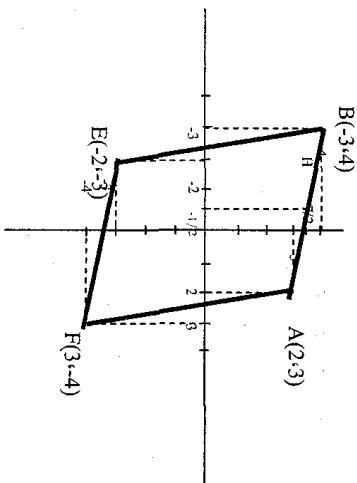
د- لدينا F و A متناظران B و E بالنسبة إلى O و نعلم أن التناظر المركزي يحافظ على البعد إذن $EF = AB$

: $[AB]$ منتصف H أ- H

فاصلة H هي : $-0,5$ ؛ $\frac{2+(-3)}{2} = -\frac{1}{2}$

ترتيبه H هي : $3,5$ ؛ $\frac{3+4}{2} = \frac{7}{2} = 3,5$

إذن $H(-0,5;3,5)$



$$B = \frac{(-5ab^3)^2 a^{-3} b^{-7}}{(25a^3b)^{-1}} = \frac{(-5)^2 \times a^2 \times b^6 \times a^{-5} \times b^{-7}}{(25)^{-1} \times a^{-3} \times b^{-1}} = \frac{(-5)^2 \times (a^2 \times a^3) \times (b^6 \times b^{-7})}{5^{-2} \times a^{-3} \times b^{-1}}$$

$$B = \frac{(-5)^2 \times a^{-3} \times b^{-1}}{5^{-2} \times a^{-3} \times b^{-1}} = (-5)^2 \times 5^2 = 25^2 = 625$$

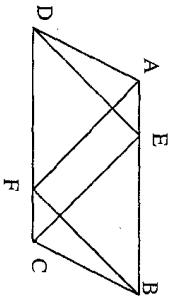
$$C = \frac{a^7 \times b^2 \times a^{-6} \times b^{-2}}{(-a)^3 [(-a)^{-2} b^{-3}]^{-1}} = \frac{(a^2 a^{-6}) \times (b^2 b^{-2})}{(-a)^3 \times b^6} = \frac{a^1 \times b^0}{(-a)^3 \times b^6} = -\frac{1}{a^2} \times \frac{1}{b^6} = -\left(\frac{1}{ab}\right)^6$$

$$\sqrt{\frac{19^0}{10^{12}}} = \frac{1}{10^6} ; \quad \sqrt{\frac{1}{3^2}} = \frac{1}{3^2} ; \quad \sqrt{1^{81}} = 1 ; \quad \sqrt{5^8} = 5^4 ; \quad \sqrt{0.64} = 0.8 ; \quad \sqrt{\frac{49}{169}} = \frac{7}{13}$$

تمرين 03

تمرين 04

1/2 في المثلثين BCF و AED لدينا :
 * BC = AD (في متوازي الأضلاع ، كل ضلعين متقابلين متساويان)
 * AE = FC (معطى)



* $\hat{EAD} = \hat{FCB}$ (في متوازي الأضلاع، كل زاويتين متقابلتين متساويتان)
 * إذن المثلثان BCF و AED متساويان حسب الحالة الثانية لتقايس المثلثات.

ب/ بقية العناصر النظيرة الأخرى المتقايسة هي :

$$B\hat{F}C = A\hat{E}D \text{ و } B\hat{F}C = A\hat{E}D \text{ و } B\hat{F}C = A\hat{E}D$$

ج/ لدينا $F\hat{B}C = A\hat{E}D$ (حسب السؤال 2 ب) و لدينا $A\hat{B}C = A\hat{D}C$ (زاويتان متقابلتين في متوازي الأضلاع) إذن $A\hat{B}F = A\hat{D}C - A\hat{D}E$ و لدينا $F\hat{B}C - A\hat{E}D = A\hat{B}F = A\hat{D}C - A\hat{D}E$ فإن $A\hat{B}F = A\hat{D}C - A\hat{D}E$

3/ في المثلثين DEC و BFA لدينا :

$$* ED = BF \text{ (حسب السؤال 2/ب)}$$

$$* AE = FC \text{ و } AB = DC \text{ (لأن } BE = DF \text{)}$$

$$* \hat{E}DC = \hat{A}BF \text{ (حسب السؤال 2/ج)}$$

إذن المثلثان DEC و BFA متساويان حسب الحالة الثانية لتقايس المثلثات.

ب- نستنتج من تقايس المثلثين DEC و BFA أن بقية عناصرهما النظيرة الأخرى متقايسة ومنها $B\hat{F}A = \hat{D}E\hat{C}$

$$A\hat{C}B = 180^\circ - (A\hat{B}C + B\hat{A}C) = 180^\circ - (80^\circ + 50^\circ) = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$$

أ. المثلث ABC له زاويتان متساويتان إذن هو متساوي الضلعين فبقية الزاوية A.

ب/ سبب سميت EIB قائم الزاوية في I لنا : الزاويتان الحادتان $B\hat{E}I$ و $E\hat{B}I$ متتامتان أي $90^\circ = \hat{B}E\hat{I} + \hat{E}B\hat{I}$

$$90^\circ = \hat{B}E\hat{I} - \hat{E}B\hat{I} = 90^\circ - 50^\circ = 40^\circ$$

و بما أن الزاويتان $F\hat{E}A$ و $B\hat{E}I$ متتامتان بلأس فإنهما متساويتان أي $40^\circ = \hat{B}E\hat{I} = \hat{F}E\hat{A}$

$$F\hat{A}E = 180^\circ - \hat{E}\hat{A}C = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ \text{ يعني: } F\hat{A}E + \hat{E}\hat{A}C = 180^\circ$$

$$\text{و في المثلث } AFE \text{ لدينا } F\hat{A}E + A\hat{E}F + E\hat{F}A = 180^\circ$$

$$E\hat{F}A = 180^\circ - (F\hat{A}E + A\hat{E}F) = 180^\circ - (100^\circ + 40^\circ) = 180^\circ - 140^\circ = 40^\circ \text{ يعني}$$

و بما أن $40^\circ = \hat{A}E\hat{F} = \hat{A}F\hat{E}$ فإن المثلث AEF له زاويتين متساويتان إذن هو متساوي الضلعين فبقية الزاوية A.

3/ ب) لدينا (BC) عمودي على [EG] في I و النقطة I منتصف [EG] لذا فإن (BC) هو المتوسط العمودي للقطعة [EG].

ج) النقطة B تنتمي إلى المتوسط العمودي (BC) للقطعة [EG] لذا فإن $BE = BC$ وبالتالي المثلث BEG متساوي

الضلعين قاعدته [EG] و منه فإن زاويتي القاعدتين $B\hat{E}G$ و $B\hat{G}E$ هما متساويتان إذن $40^\circ = \hat{B}E\hat{G} = \hat{E}G\hat{B}$

فرض مراقبة عدد 3

تمرين 01

$$2 \text{ (مساحة المربع: } 6 \times 6 = 36 \text{ cm}^2 \text{)}$$

$$\text{مساحة المثلثين: } 2 \times \left(\frac{4 \times 6}{2}\right) = 24 \text{ cm}^2$$

$$\text{المساحة المطلوبة: } 36 - 24 = 12 \text{ cm}^2$$

تمرين 02

$$A = \frac{a^2 b^{-3} (-3a^2 b)^3}{b^5 (9a^{-2} b^3)^{-2}} = \frac{a^2 \times b^{-3} \times (-3)^3 \times a^6 \times b^3}{b^5 \times 9^2 \times a^4 \times b^{-6}} = \frac{(-3)^3 \times (a^2 \times a^6) \times (b^{-3} \times b^3)}{9^2 \times (b^5 \times b^{-6}) \times a^4}$$

$$A = \frac{(-3)^3 \times a^4 \times b^0}{9^2 \times b^{-1} \times a^4} = \frac{(-3)^3 \times a^4 \times b^0}{9^2 \times b^{-1} \times a^4} = \frac{(-3)^3}{9^2} \times 1 \times \frac{1}{b^{-1}} \times (-3)^7 \times b$$



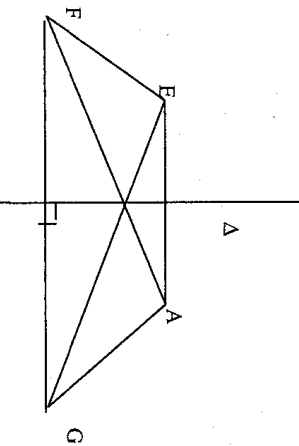
$$C = \frac{\left(-\frac{2}{3}\right)^5 \times \left(\frac{3}{5}\right)^5 \times \left(-\frac{25}{4}\right)^2}{81 \times \left(-\frac{2}{9}\right)^3 \times \left(\frac{3}{2}\right)^7} = \frac{\left(-\frac{2}{3} \times \frac{3}{5}\right)^5 \times \left[-\left(\frac{5}{2}\right)^2\right]}{3^4 \times \frac{(-2)^3 \times 3^7}{9^3} \times \frac{3^7}{2^7}}$$

$$C = \frac{\left(-\frac{2}{5}\right)^5 \times \left(\frac{5}{2}\right)^4 \times \left(-\frac{2}{5}\right)^4 \times \left(\frac{5}{2}\right)^4 \times \left(-\frac{2}{5}\right) \times \left(-\frac{2}{5} \times \frac{5}{2}\right)^4}{\frac{3^4 \times 3^7}{9^3} \times \frac{(-2)^3}{2^7} \times \frac{3^{11} \times (-2)^3}{3^6 \times (-2)^7}} = \frac{3^5 \times (-2)^4}{3^5 \times (-2)^4}$$

$$C = \frac{-\frac{2}{5} \times (-1)^4}{-3^5 \times \frac{1}{2^4}} = \frac{-\frac{2}{5}}{-\frac{3^5}{2^4}} = \left(-\frac{2}{5}\right) \times \left(-\frac{2^4}{3^5}\right)$$

$$C = \frac{2^5}{5 \times 3^5} = \frac{1}{5} \times \left(\frac{2}{3}\right)^5 = \frac{1}{5} \times \frac{32}{243} = \frac{32}{1215}$$

تمرين 04



d- لدينا D الوسط المودي لـ [FG] لذا F و G متناظران بالنسبة إلى D ونعلم أن التناظر المحوري يحافظ على البعد إذن FE = EG كما أن التناظر المحوري يحافظ على اقيسة الزوايا وبما أن منظر الزاوية EFG بالنسبة إلى D هي الزاوية AGF فإن AGF = EFG و AGF = EFG لدينا:

- * $BF = AG$
- * $AGF = EFG$
- * $AFG = EFG$ ضلع مشترك
- إذن المثلثان AFG و EFG متقايمان حسب الحالة الثانية لتقايس المثلثات.
- ومنه نستنتج أن عناصرهما النظيرة الأخرى متقايسة ومنها $AF = EG$
- و- في المثلثين EAF و EAG لدينا:
- * ضلع مشترك [EA]
- * $AG = EF$

مثال عدد 2

أقية عدد 3

- $-4,5691237 \times 10^{-2}$
- ضلعان و الزاوية المحصورة بينهما في أحدهما ضلعين و الزاوية المحصورة بينهما في الثاني.
- $AB = DC$

تمرين 02

$$\left(\frac{5}{3}\right)^5 \times \left(-\frac{5}{3}\right)^4 = \left(\frac{5}{3}\right)^5 \times \left(\frac{5}{3}\right)^4 = \left(\frac{5}{3}\right)^9$$

$$\left(-\frac{3}{4}\right)^6 \times \left(\frac{4}{3}\right)^{-3} = \left(-\frac{3}{4}\right)^6 \times \left(\frac{4}{3}\right)^6 = \left[\left(-\frac{3}{4}\right) \times \left(\frac{4}{3}\right)\right]^6 = (-1)^6 = 1$$

$$(-27)^3 \times (-81)^5 = [(-3)^3]^3 \times [(-3)^4]^5 = (-3)^9 \times [(-3)^{20}] = -[(-3)^9 \times 3^{20}] = -[(-3)^9 \times (-3)^{20}] = -(-3)^{29} = 3^{29}$$

$$\frac{2^6}{3^4} \times \left(-\frac{729}{512}\right) \times 3 = \frac{2^6}{3^4} \times \left(-\frac{3^6}{2^9}\right) \times 3 = -\frac{2^6}{2^9} \times \frac{3^6 \times 3}{3^4} = -2^{-3} \times 3^7 = -2^{-3} \times 3^3 = -\frac{3^3}{2^3} = \left(-\frac{3}{2}\right)^3$$

تمرين 03

$$A = \left(\frac{-3}{2}\right)^{-19} \times \frac{1}{\left(\frac{6}{4}\right)^{-10}} \times \frac{1}{\left(-\frac{1}{2}\right)^{-2}} = \left[\frac{-3}{2}\right]^{-19} \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times \left(\frac{1}{6}\right)^2$$

$$A = \left[\frac{-3 \times 4}{2 \times 6}\right]^{-19} \times \frac{1}{4} = (-1)^{-19} \times \frac{1}{4} = (-1) \times \frac{1}{4} = -\frac{1}{4}$$

$$B = \left(\frac{3}{2}\right)^5 \times \frac{4}{5} \times \left(-\frac{213}{5}\right)^0 = \left(\frac{3}{2}\right)^5 \times \frac{4}{5} \times 1 = \left(\frac{-3}{2}\right)^5 \times \left(\frac{4}{5}\right)^4$$

$$B = \left(\frac{-3}{2}\right)^2 \times \frac{4}{5} \times \frac{4}{5} \times \frac{4}{5} \times \frac{4}{5} = \left(\frac{-3}{2}\right)^2 \times \left(\frac{4}{5}\right)^4$$

$$B = \left(-\frac{3}{2}\right)^2 \times \left(\frac{4}{5}\right)^4 = \left(-\frac{3}{2}\right)^2 \times \left(\frac{4}{5}\right)^4 = \left(-\frac{6}{5}\right)^4 = \frac{1296}{625}$$



$$E + F = -\frac{17}{4}x^2 - \frac{17}{4}y^2 + \frac{17}{4}x^2 + \frac{17}{4}y^2 = \left(-\frac{17}{4}x^2 + \frac{17}{4}x^2\right) + \left(-\frac{17}{4}y^2 + \frac{17}{4}y^2\right) = 0 + 0 = 0$$

ب/ نستنتج أن E و F متقابلين

$$x = y = -2$$

$$E = -\frac{17}{4}x^2 - \frac{17}{4}y^2 = -\frac{17}{4} \times (-2)^2 - \frac{17}{4} \times (-2)^2 = -\frac{17}{4} \times 4 - \frac{17}{4} \times 4 = -17 - 17 = -34$$

$$F = -E = 34 \text{ فإن } E + F = 0$$

تمرين ع-04
أنجز الرسم.

ج/ لدينا A و G متناظرتان بالنسبة إلى E لذا $EG = EA$

و لدينا $G\hat{E}F$ و $B\hat{E}A$ هما زاويتان متقابلتان بالرأس إذن هما متقابلتان

إذن في المثلثين القائمين ABE و EFG لدينا :

$$EG = EA$$

$$B\hat{E}A = G\hat{E}F$$

إذن المثلثان ABE و EFG متماثلان حسب الحالة الأولى لتقيس المثلثات القائمة.

ديتبع عن تقيس المثلثين EFG و EAB أن بقية عناصرهما النظيرة الأخرى متقابلة و منها $EF = EB$

و بما أن النقط E و F و B على استقامة واحدة فإن E منتصف [BF] وبالتالي F و B متناظرتان بالنسبة إلى E.

ب/

هـ/ في المثلثين EFG و EBA لدينا :

$$EB = EF \quad * \quad (السؤال د) \quad EG = EA \quad * \quad G\hat{E}B = F\hat{E}A \quad * \quad (متقابلتان بالرأس)$$

إذن المثلثان EFG و EBA متماثلان حسب الحالة الثانية لتقيس المثلثات.

فرض مراقبة عدد4

$$\text{تمرين ع-01} \quad \frac{1}{2} \times \left(\frac{a^2 - b^2}{b}\right) / \text{ب/} \quad , \quad |a| / \text{ب/}$$

ج- الوتر و زاوية حادة في أحدهما الوتر و زاوية حادة في الثاني / الوتر و ضلع قائم في أحدهما الوتر و ضلع قائم في الثاني

د- / متماثلين الضلعين
تمرين ع-02

$$E = (a+b)^2 = (a+b) \times (a+b) = a \times a + a \times b + b \times a + b \times b = a^2 + ab + ab + b^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$\text{إذن } E = F$$

E و G متماثلان حسب الحالة الثالثة لتقيس المثلثات وبالتالي زواياها النظيرة متقابلة أي :

$$A\hat{E}G = E\hat{A}F \quad \text{و} \quad E\hat{A}G = A\hat{E}F$$

11 مثال عدد4

تمرين ع-01 خط (ب) خط ج- خط د- خط

(1) خط (ب) خط ج- خط د- خط (ب) الخط الأول لتقيس المثلثات القائمة

(2) $a - b$; $b - a$; $a - b$

تمرين ع-02

$$A = -2(x - \frac{3}{4}y) + 4(\frac{1}{2}x - \frac{1}{6}y) = [-2x + x - (-2) \times \frac{3}{4}y] + [4 \times \frac{1}{2}x - 4 \times \frac{1}{6}y] = (-2x + \frac{3}{2}y) + (2x - \frac{2}{3}y)$$

$$= -2x + \frac{3}{2}y + 2x - \frac{2}{3}y = (-2x + 2x) + (\frac{3}{2}y - \frac{2}{3}y) = 0 + (\frac{3}{2} - \frac{2}{3})y = \frac{5}{6}y$$

$$B = -\frac{3}{2}(2x - \frac{2}{5}y + 2) - \frac{1}{5}(3y - 5x - 15) = [(-\frac{3}{2}) \times 2x - (-\frac{3}{2}) \times \frac{2}{5}y - \frac{3}{2} \times 2] - [\frac{1}{5} \times 3y - \frac{1}{5} \times 5x - \frac{1}{5} \times 15]$$

$$B = (-x + \frac{3}{5}y - 3) - (\frac{3}{5}y - x - 3)$$

$$= -x + \frac{3}{5}y - 3 - \frac{3}{5}y + x + 3 = (-x + x) + (\frac{3}{5}y - \frac{3}{5}y) + (-3 + 3) = 0 + 0 + 0 = 0$$

ب/

$$X = (a+1)(b+2) - (a+1)(b+3) = (a+1)[(b+2) - (b+3)] = (a+1)(b+2-b-3)$$

$$= (a+1) \times (-1) = -(a+1)$$

$$Y = (2a-1)b - 2a + 1 = (2a-1)b - (2a-1) = (2a-1)(b-1)$$

تمرين ع-03

$$E = \frac{3}{4}(x^2 + y^2) - 5(x^2 + y^2) = [\frac{3}{4}x^2 + \frac{3}{4}y^2] - [5x^2 + 5y^2] = \frac{3}{4}x^2 + \frac{3}{4}y^2 - 5x^2 - 5y^2$$

$$= (\frac{3}{4}x^2 - 5x^2) + (\frac{3}{4}y^2 - 5y^2) = (\frac{3-20}{4}x^2) + (\frac{3-20}{4}y^2) = -\frac{17}{4}x^2 + (-\frac{17}{4}y^2) = -\frac{17}{4}x^2 - \frac{17}{4}y^2$$

$$F = 17(\frac{x^2}{4} + 5) - 17(5 - \frac{y^2}{4}) = [17 \times \frac{x^2}{4} + 17 \times 5] - [17 \times 5 - 17 \times \frac{y^2}{4}] = (\frac{17}{4}x^2 + 85) - (85 - \frac{17}{4}y^2)$$

$$F = \frac{17}{4}x^2 + 85 - 85 + \frac{17}{4}y^2 = \frac{17}{4}x^2 + \frac{17}{4}y^2$$

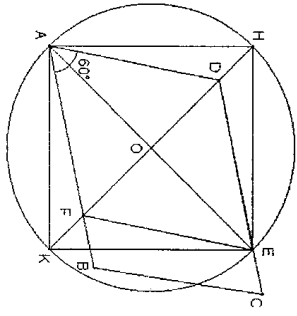


نعتبر c نصيب الين الأكبر

39 ← 312

15 ← c

c = $\frac{312 \times 15}{39} = 120$



تمرين ع-04-د (2) ب $\hat{D}AE = \frac{\hat{B}AD}{2} = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$

* في متوازي الأضلاع ABCD الزوايا المتقابلة متقابلة أي

$\hat{D}AB = \hat{D}CB = 60^\circ$ و $\hat{A}DC = \hat{A}BC$

و بما أن مجموع أقيسة الأضلاع $\hat{A}DC = \frac{360^\circ - 120^\circ}{2} = 120^\circ$

زوايا متوازي الأضلاع يساوي 360° فإن

* في المثلث ADE لدينا $\hat{A}DE + \hat{D}AE + \hat{A}ED = 180^\circ$ لذا $\hat{A}DE = 180^\circ - (30^\circ + 120^\circ) = 180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$

ج/ لدينا $\hat{D}AE = 30^\circ = \hat{A}ED$ لذا المثلث ADE متساوي الساقين فتمتد قاعدته الرئيسية D إلى D' بحيث $AD = AD' = 60\text{cm}$ 3/ ب لدينا $[AF] = [DE]$ و $[AD] = [DE]$ لذا الرباعي ADEF هو معينمتوازي أضلاع. و بما أن $[AD] = [DE]$ فإن ADEF هو معين4/ ب لدينا $[AE] = [AF]$ (بمثلثان قائم الزاوية ج)و $[HE] \perp [AE]$ (لأن ADEF معين لذا قطراه متعامدان)

و O منتصف كل من [AE] و [HK] لذا الرباعي AHEK متعامدان في منتصفيهما ومتساويان إذن هو مربع.

2- مثال ع-02

48cm² / و

د/ متعامدان

ج/ مستطيل

bx = ay

تمرين ع-01-د

تمرين ع-02-د

* $2x + 3 = 1$ يعني $-2x = 1 - 3 = -2$ يعني $2x = 2$ يعني $x = 1$

* $x - \frac{7}{9} = -\frac{10}{9}$ يعني $2x - x = -\frac{10}{9} + \frac{7}{9}$ يعني $x = -\frac{3}{9} = -\frac{1}{3}$

* $\frac{7}{9} - \frac{1}{9} = 2x - x$ يعني $\frac{6}{9} = x$ يعني $x = \frac{2}{3}$

* $\frac{3}{2}x - \frac{3}{5}x = \frac{1}{2} + \frac{3}{2}$ يعني $\frac{3}{10}x = \frac{4}{2}$ يعني $x = \frac{20}{3}$

* $\frac{3}{2}x - \frac{3}{5}x = \frac{1}{2} + \frac{3}{2}$ يعني $\frac{3}{10}x = \frac{4}{2}$ يعني $x = \frac{20}{3}$

* $x - \left(\frac{3x+2}{3}\right) = \left(\frac{2-3x}{2}\right) + \frac{1}{4}$ يعني $x - \frac{3x+2}{3} = \frac{2-3x}{2} + \frac{1}{4}$

* $x - \frac{3x+2}{3} = \frac{2-3x}{2} + \frac{1}{4}$ يعني $x - \frac{3x+2}{3} = \frac{2-3x}{2} + \frac{1}{4}$

* $x = \left(\frac{2^3}{12}\right) \times \left(\frac{-2}{3}\right) = \frac{23}{18}$ يعني $-\frac{3}{2}x = -\frac{2}{3} \times \frac{23}{18} = -\frac{23}{27}$

* $x = \left(\frac{2^3}{12}\right) \times \left(\frac{-2}{3}\right) = \frac{23}{18}$ يعني $-\frac{3}{2}x = -\frac{2}{3} \times \frac{23}{18} = -\frac{23}{27}$

تمرين ع-03-د

* $x = -\frac{5}{3} \times (-2) = \frac{10}{3}$ يعني $\frac{x}{3} = \frac{-3}{5}$ يعني $x = -\frac{9}{5}$

* $x = -\frac{5}{3} \times (-2) = \frac{10}{3}$ يعني $\frac{x}{3} = \frac{-3}{5}$ يعني $x = -\frac{9}{5}$

(FA = FC = GB

ر (زوايا المثلث متقايسة الأضلاع متقايسة) إذن المثلثان EGA و EFB متساويان حسب الحالة الثانية

بين المثلثين EGA و EFB أن بقية العناصر النظرية الأخرى متقايسة ومنها EA = EB و

GEA = BEF

بما أن EA = EB فإن المثلث EAB متساوي الساقين فتمتد قاعدته الرئيسية E.

و بما أن $\hat{G}EA = \hat{B}EF = 90^\circ$ فإن المثلث EFB قائم الزاوية في E

تمرين 5:

محيط المربع: $4 \times 9 = 36\text{cm}$

ضلع المثلث: $\frac{36}{3} = 12\text{cm}$

إذن البعد المثلث بقطعة الإستقامة هو: $\frac{36 - (2 \times 12)}{2} = 6\text{cm}$

2- مثال ع-01

د- صواب

ج- خطأ

ب- صواب

أ- صواب

تمرين ع-01-د

تمرين ع-02-د

تمرين ع-03-د

تمرين ع-04-د

تمرين ع-05-د

تمرين ع-06-د

تمرين ع-07-د

تمرين ع-08-د

تمرين ع-09-د

تمرين ع-10-د

تمرين ع-11-د

تمرين ع-12-د

تمرين ع-13-د

تمرين ع-14-د

تمرين ع-15-د

تمرين ع-16-د

تمرين ع-17-د

تمرين ع-18-د

تمرين ع-19-د

تمرين ع-20-د

تمرين ع-21-د

تمرين ع-22-د

تمرين ع-23-د

تمرين ع-24-د

تمرين ع-25-د

تمرين ع-26-د

تمرين ع-27-د

تمرين ع-28-د



مثال عدد 1

فرض مراقبة عددية

$$904,32 \text{ cm}^3 \text{ د/}$$

$$\frac{\pi r^2 h}{3}$$

$$\text{تمرين ع-01 عدد} \quad 15/1 \quad \text{ب/ } \frac{7}{12}$$

عدد السنوات	عدد التلاميذ
5	4
4	3
3	2
2	1
1	2
0	5
9	6

تمرين ع-02 عدد

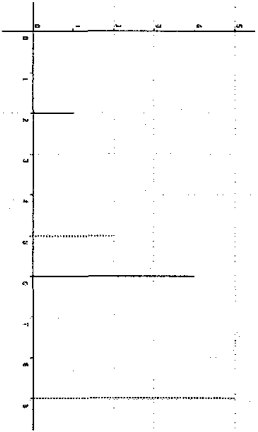
ب- التكرار الجولي لهذه المسئلة الاحصائية هو 30.

ج- متوال هذه المسئلة هو 5

د- مدى هذه المسئلة هو 4.

هـ- /-

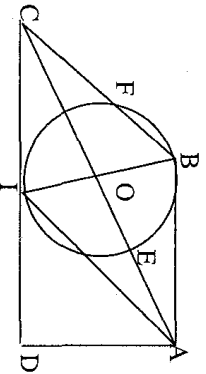
عدد السنوات



مخطط العمودات

عدد التلاميذ

تمرين ع-03 عدد



$$\text{1/ اب- مساحة شبه المنحرف } ABCD \\ \frac{(4+6) \times 4}{2} = 10 \times 2 = 20 \text{ cm}^2$$

2/ ب- لدينا $[AB] = [CI]$ و $[AB] \parallel [CI]$ لذا الرباعي $ABCI$ هو متوازي أضلاع
3/ ج- لدينا القطران $[BI]$ و $[EF]$ يتقاطعان في منتصفهما O و متساويان لذا الرباعي $BEIF$ هو مستطيل.

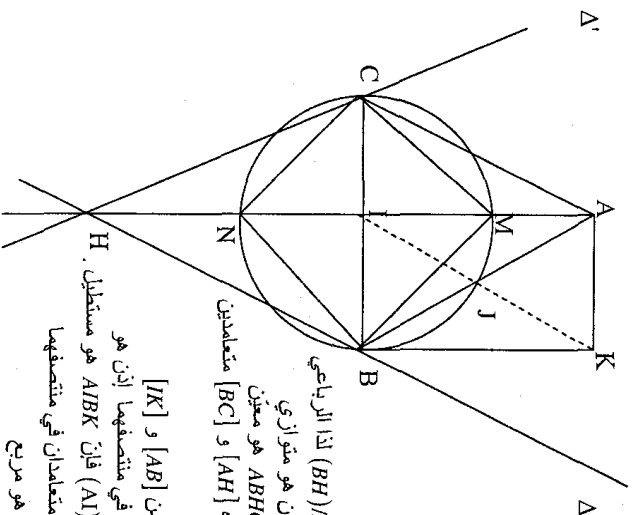
$$x = -\frac{3}{5} \times (-2) = -\frac{6}{5} \quad \text{يعني} \quad \frac{-2}{5} = \frac{3}{1} \quad \text{يعني} \quad \frac{1}{2} \text{ و } \frac{5}{6} \quad \text{متساويان مع}$$

$$\text{يعني} \quad \frac{10}{9} = \frac{20}{18} \times \left(-\frac{5}{6}\right) = -\frac{4}{3}$$

$$\text{ج/ } a-1 \text{ و } 2a-1 \text{ متساويان مع } 2 \text{ و } -1 \text{ يعني} \quad \frac{2a-1}{-1} = \frac{a-1}{2} \quad \text{يعني} \quad 2(2a-1) = -(a-1) \text{ يعني}$$

$$-a+1 = -a-2 = 4a-2 = 3 \quad \text{يعني} \quad 4a+a=1+2=3 \quad \text{يعني} \quad 5a=3 \quad \text{يعني} \quad a = \frac{3}{5}$$

تمرين ع-04 عدد



1/ اب- لدينا $(HC) \parallel (AB)$ و $(BH) \parallel (AC)$ لذا الرباعي $ABHC$ أضلاعه المتقابلة متوازيتان هو متوازي الأضلاع. بما أن $AB = AC$ فإن $ABHC$ هو معين
ج- بما أن $ABHC$ معين فإن قطراه $[AH]$ و $[BC]$ متعامدين أي $(BC) \perp (AH)$
2/ ب- لدينا النقطة J منتصف كل من $[AB]$ و $[IK]$ لذا الرباعي $AIBK$ قطراه يتقاطعان في منتصفهما إذن هو متوازي الأضلاع. و بما أن $(AI) \perp (IB)$ فإن $AIBK$ هو مستطيل
3/ ج- لدينا القطران $[MN]$ و $[BC]$ متعامدان في منتصفهما I و متساويان لذا الرباعي $MBCN$ هو مربع



تمرين ع-03 عدد

6	5	4	3	2	1	x
6	5	4	3	2	1	1
12	10	8	6	4	2	2
18	15	12	9	6	3	3
24	20	16	12	8	4	4
30	25	20	15	10	5	5
36	30	24	18	12	6	6

(2) لدينا 36 وضعية إذن احتمال الحصول على عدد أكبر أو يساوي 16 هو $\frac{11}{36}$.

(3) احتمال الحصول على عدد فردي هو $\frac{9}{36} = \frac{1}{4}$.

(4) احتمال الحصول على عدد يقبل القسمة على 5 هو $\frac{1}{6} = \frac{6}{36}$.

(5) - حدث أكبر: "الحصول على عدد أصغر أو يساوي 36"

- حدث ممكن: "الحصول على عدد زوجي"

- حدث مستحيل: "الحصول على عدد أكبر من 37"

تمرين ع-04 عدد

$(SEF) \cap (BK) = \{E\}$; $(SEG) \cap (EK) = (BK)$; $(SEG) \cap (EFS) = (ES)$; $(SEG) \cap (EFG) = (FG) \cap (KJ) \cap (EFG)$; $(FG) \cap (KJ)$; $(FG) \cap (EH)$; $(EH) \cap (SEH)$; $(JK) \cap (SEH)$; $(JK) \cap (SFG) = (KJ)$; $(SH) \cap (SFG) = \{S\} - 3$

ب/ لدينا : $(EH) \subset (SEH)$; $(JK) \cap (FG) \cap (EH) = \{S\} - 3$

ب/ لدينا : $(EH) \subset (SEH)$; $(JK) \cap (FG) \cap (EH) = \{S\} - 3$

$V = \frac{6 \times 6 \times 12}{3} = 144 \text{cm}^3$ (4)

مثال عدد 1

فرض تألفي عدد 3

تمرين ع-01 عدد

(1) أ) صواب ؛ ب) صواب

(2) أ) 19.92 ؛ ب) $\frac{6}{7}$

تمرين ع-02 عدد

$$F = 3x^4 - 2x^3 = 3x^3 \cdot x - 2x^3 = x^3(3x - 2) \quad /1/$$

$$F = x^3(3x - 2) = 0 \quad ; \quad x = 0 \quad /ب/$$

$$x = \frac{2}{3} \quad /أ/ \quad 3x - 2 = 0 \quad \text{يعني} \quad 3x = 2$$

عدد

$$V_A = \frac{4}{3} \times \pi \times 6^3 = 4\pi \times \frac{6^3 \times 6}{3} = 288\pi \text{cm}^3 \quad (A) : \text{جم الجسم}$$

$$V_B = \frac{1}{3} \pi B h \quad \text{جم الجسم (B) و h ارتفاعه و B مساحة قاعدته إذن}$$

$$\text{إذن } 288\text{cm}^3 = \frac{3V_B}{h} = \frac{3 \times 288\pi}{9.42} = \frac{3 \times 288 \times 3.14}{9.42}$$

$$B = \frac{2 \times B}{EG} = \frac{2 \times 288}{36} = 16 \text{cm} \quad \text{إذن } B = \frac{EF \times EG}{EG} = \frac{2 \times 288}{36} = 16$$

مثال عدد 2

فرض مراقبة عدد 6

تمرين ع-01 عدد

(1) أ) صواب ؛ ب) صواب

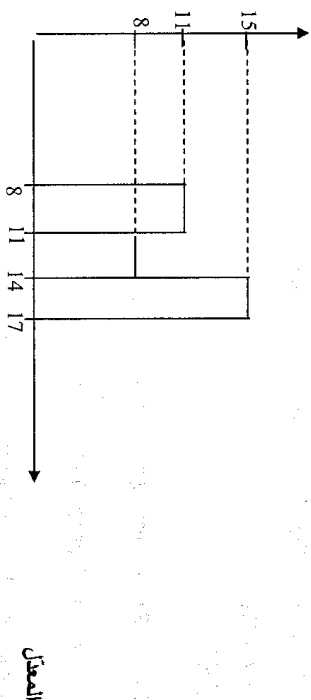
(2) أ) 47.5% ؛ ب) 1.925

تمرين ع-02 عدد

عدد التلاميذ	من 8 إلى أقل من 11	من 11 إلى أقل من 14	من 14 إلى أقل من 17
المعدل	11	8	15

ب/

عدد التلاميذ



المعدل

ج/ معدل هذه السلسلة الإحصائية هو : من 14 إلى أقل من 17 **مخطط المستطيلات**

د-/ مدى هذه السلسلة هو 9

هـ/ النسبة المئوية للتلاميذ الذين لهم معدل يفوق أو يساوي 11 هو $\frac{8+15}{34} \times 100 \approx 67.65\%$



و بما أن $(FH) \parallel (FG)$ فإن $(EH) \parallel (FO)$ و بالتالي الرباعي $EFHO$ له ضلعان متقابلان متوازيان و متساويان إذن هو متوازي أضلاع.

ب/ لدينا $EFHO$ متوازي أضلاع لذا $(FE) \parallel (HO)$

و بما أن $(EH) \perp (EG)$ فإن $(FE) \perp (EG)$

و الرباعي $EOGH$ هو متوازي أضلاع قطراه متعامدان إذن هو مربع

ب/ بما أن $EOGH$ هو مربع فإن قطراه متعامدان في منتصفيهما و بما أن I منتصف إحدى قطريه $[EG]$ فإن I منتصف $[OH]$.

تمرين عدد 04

1/ لدينا $(BG) \parallel (AC)$; $(BC) \perp (EF)$ لذا $(AC) \parallel (EF)$

2/ المستويان (ABC) و (EFG) غير متقاطعين إذن هما متوازيان $(EFG) \parallel (ABC)$

3/ (ACG) و (BEF) يتقاطعان في المستقيم (AE) .

4/ $(ACG) \cap (BEF) = (AE)$

5/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

6/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

7/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

8/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

9/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

10/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

11/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

12/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

13/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

14/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

15/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

16/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

17/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

18/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

19/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

20/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

21/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

22/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

23/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

24/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

25/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

26/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

27/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

28/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

29/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

30/ $V = \frac{(3 \times 2.5)}{2} \times 5 = 18.75 \text{cm}^3$

$$x^2 = 2x - 2 \text{ أو } x^2 = 0 \text{ يعني } 3x - 2 = 0 \text{ أو } x = 0 \text{ أو } x = \frac{2}{3}$$

$$3/ \frac{1}{2} = \frac{1}{2} : A \text{ احتمال الحدث } A = \{2;4;6\} / \{1;2;3;4;5;6\}$$

$$1/2 \text{ / } \frac{1}{3} : B \text{ احتمال الحدث } B = \{1;4\} / \{1;2;3;4;5;6\}$$

$$3/ \frac{1}{6} : A \cap B \text{ احتمال الحدث } A \cap B = \{4\} / \{1;2;3;4;5;6\}$$

$$4/ \frac{2}{3} : A \cup B = \{1;2;4;6\} / \{1;2;3;4;5;6\}$$

تمرين عدد 04

1/ $(EA) \parallel (ABC) = \{A\} / \{1\}$

2/ لدينا $(EF) \perp (BF)$; $(EF) \parallel (HG)$ لذا $(HG) \parallel (EF)$

3/ (MN) و (AD) ليسا في نفس المستوى إذن هما غير متوازيين و غير متقاطعين

4/ $(ABC) \cap (BCG) = (BC) / \{4\}$

5/ $(AEN) \parallel (BFC) / \{5\}$

6/ (FGC) و (MN) متقاطعان

7/ $V = (4.5 \times 2.5) \times 1.6 = 18 \text{cm}^3$

فرض تاليفي عدد 3

تمرين عدد 02 د/ صواب ب/ صواب ج/ خطأ

1/ التكرار الجملي لهذه المسئلة الإحصائية هو : $30 = 6 + 12 + 9 + 3$

ج/ مدى هذه المسئلة هو : 15

تمرين عدد 03

1/ -ب/ لدينا النقطة O منتصف كل من $[FH]$ و $[EG]$

ج/ بما أن الرباعي $ERGH$ هو متوازي أضلاع فإن أضلاعه المتقابلة متقابلة

و بالتالي $(ER) \parallel (GH)$ و $(EH) \parallel (FG)$ و J منتصف $[EH]$

و بالتالي $(EJ) \parallel (FG)$ و J منتصف $[EH]$

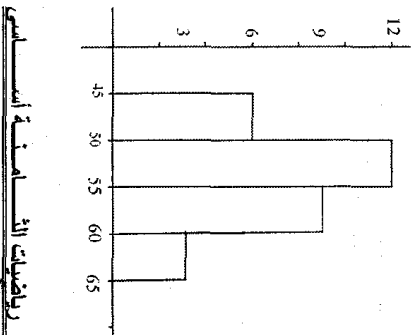
و بالتالي $(EJ) \parallel (FG)$ و J منتصف $[EH]$

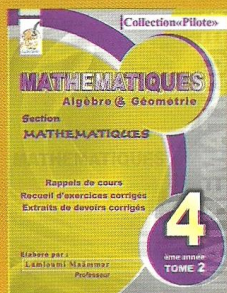
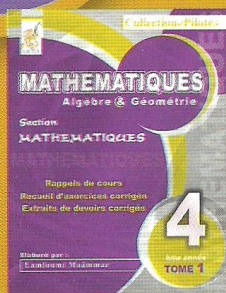
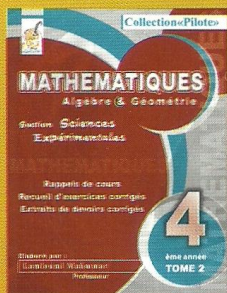
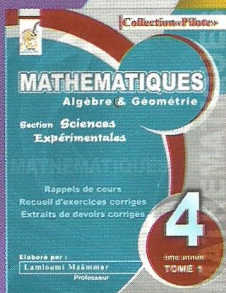
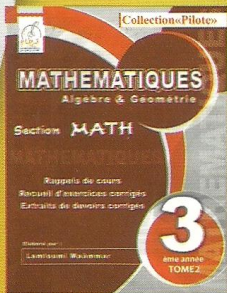
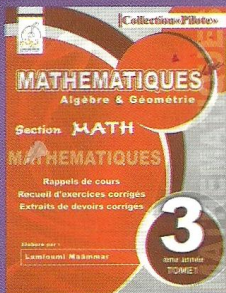
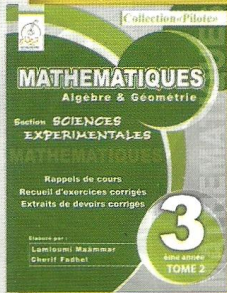
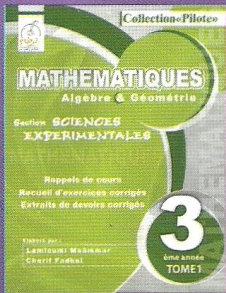
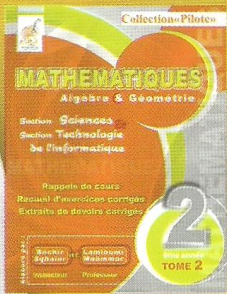
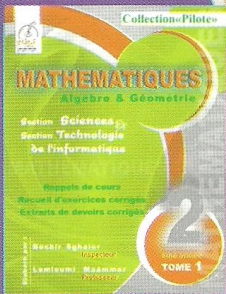
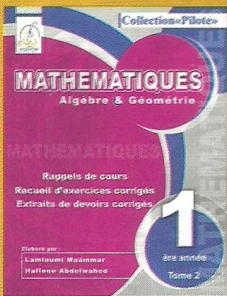
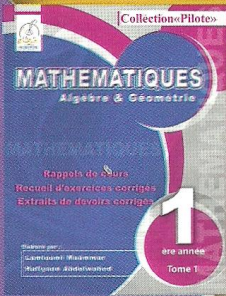
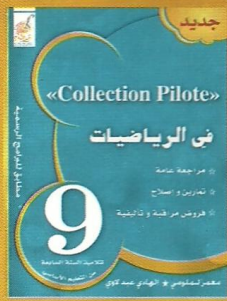
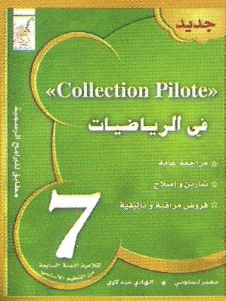
و بالتالي $(EJ) \parallel (FG)$ و J منتصف $[EH]$

و بالتالي $(EJ) \parallel (FG)$ و J منتصف $[EH]$

و بالتالي $(EJ) \parallel (FG)$ و J منتصف $[EH]$

و بالتالي $(EJ) \parallel (FG)$ و J منتصف $[EH]$





نهج حفوز عمارة أنيس 3000 صفاقس
الهاتف 74 227 967 74 222 117
فاكس 74 200 855
الجوال 97 677 469 98 418 721
Site web: www.carthage-edition.tn
Email: contact@carthage-edition.tn



طبعة السنفة الفتر
Imprimerie Reliure d'Art
Tél.: +216 74 432 030 - Fax: +216 74 432 248



ISBN: 978-9973-56-104-1

ثمن: 6.000



COLLEGE.MOURAJAA.COM