



الغرض التأليفى الموحد للثلاثي الثاني لتلاميذ السنة الثامنة من التعليم الأساسي العام			الجمهورية التونسية *** وزارة التربية *** المنذوبية الجهوية للتربية بمسوسة
14 مارس 2023	الحصّة : ساعة	المادة : الرياضيات	

التمرين الأول : (4 نقاط)

يلي كل سزال ثلاث إجابات . إحداهما فقط صحيحة . ضع علامة (X) أمام الإجابة الصحيحة :

1) العدد $\left(\frac{3}{2}\right)^{-2} + \left(\frac{2023}{2021}\right)^0 - \left(\frac{2}{3}\right)^2$ يساوي :

(أ) $\frac{17}{9}$ (ب) $\frac{8}{9}$ (ج) 1

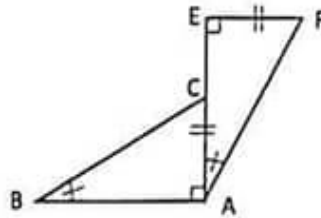
2) الكتابة العلمية للعدد 0,000374 تساوي :

(أ) $3,74 \times 10^{-5}$ (ب) $0,374 \times 10^{-3}$ (ج) $3,74 \times 10^{-4}$

3) إذا كان Δ مستقيماً مترجاً بمعيّن (O, I) و A و B نقطتان من Δ فاصلتاها $\left(-\frac{3}{2}\right)$ و $\left(-\frac{2}{5}\right)$ على التّوالي فإنّ البعد AB يساوي :

(أ) $\frac{19}{10}$ (ب) $\frac{3}{5}$ (ج) $\frac{11}{10}$

4) حسب المعطيات المقدمة في الشكل أسفله ، المثلثين EFA و ABC متقايسان حسب الحالة :



(أ) الأولى لتقايس المثلثات القائمة (ب) الأولى لتقايس المثلثات العامة (ج) الثانية لتقايس المثلثات القائمة

التمرين الثاني : (5 نقاط)

1) أحسب العبارتين التّابيتين :

$$A = -\frac{7}{5} + \frac{2}{5} \times (7 - 8)$$

$$B = \frac{\frac{3}{2} + \frac{5}{4}}{\frac{3}{2} - \frac{4}{5}}$$





$$E = \frac{(a^2b^3)^{-1} \times (a^{-3})^2}{(a^{-2}b^{-3})^3} \quad \text{2) لتكن العبارة } E :$$

1- بين ان $E = a^{-2}b^6$

ب- احسب العبارة E حيث $a^{-1}b^3 = 3$

التعريف الثالث : (4 نقاط)

لتكن العبارتين : $E = -\frac{3}{2}a \left(b - \frac{5}{3} \right) - \frac{1}{2}ab$ (a و b عددين كسريين)

$$F = -4 - \frac{5}{2}b$$

1) ا- فكك العبارة E

ب- اوجد العددين الكسريين a و b حيث $E = 0$

2) بين ان : $E - F = \frac{5}{2}(a + b) - 2ab + 4$

3) قارن E و F حيث : (1) $a = \frac{2}{3}$ و $b = -1$

ب) a و b متساويان و $a + b = -\frac{5}{2}$

التعريف الرابع : (7 نقاط)

لاحظ الرسم المقابل حيث الزوايا : $\widehat{GAC} = \widehat{GAB}$ و $\widehat{ACG} = \widehat{ABG}$ و G مركز ثقل المثلث ABC

1) اثبت ان $\widehat{AGB} = \widehat{AGC}$

2) استنتج تقليب المثلثين AGC و AGB

3) ماهي طبيعة المثلثين ABC و GCB ؟ علل جوابك

4) المستقيم (BG) يقطع القطعة $[AC]$ في النقطة M

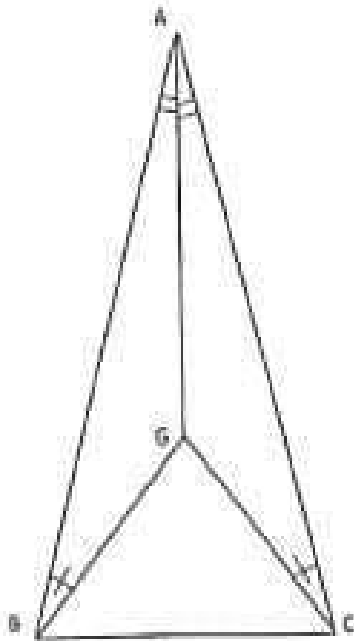
والمستقيم (CG) يقطع القطعة $[AB]$ في النقطة N

بين ان M منتصف $[AC]$ و N منتصف $[AB]$

5) اثبت تقليب المثلثين MBC و NBC

6) اثبت ان $\widehat{MNC} = \widehat{NCB}$

7) استنتج ان (MN) و (BC) متوازيان





الفرز التالي الموحد للتلاميذ الثاني لتلاميذ السنة الثامنة من التعليم الأساسي العام			الجمهورية التونسية *** وزارة التربية *** المنشورية الجهوية للثربية بسوسة
14 مارس 2023	الخصصة : ساعة	المادة : الرياضيات	

الإجابة

التعريف الأول : (4 نقاط)

بلي كل سؤال ثلاث إجابات . إحداهما لفظ صحيحة . متع علامة (X) أمام الإجابة الصحيحة :

1) العدد $\left(\frac{2}{3}\right)^{-2} + \left(\frac{2022}{2021}\right)^0 - \left(\frac{2}{3}\right)^2$ يساوي :

(ع) 1

(أ) $\frac{17}{9}$ (ب) $\frac{8}{9}$

2) الكتابة العلمية للعدد 0,000374 تساوي :

(ع) $3,74 \times 10^{-4}$

(أ) $3,74 \times 10^{-5}$ (ب) $0,374 \times 10^{-3}$

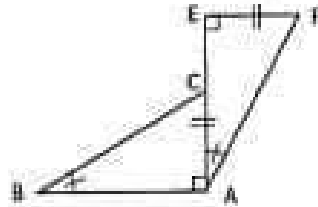
3) إذا كان Δ مستقيما منرجا بمركز (O, I) و A و B نقطتان من Δ فاصلتهما $\left(-\frac{3}{2}\right)$ و $\left(-\frac{2}{5}\right)$ على

التوالي فإن البعد AB يساوي :

(ع) $\frac{11}{10}$

(أ) $\frac{19}{10}$ (ب) $\frac{3}{5}$

4) حسب المعطيات المقدمة في الشكل أسفله . المثلثين ABC و EFA متقايسان حسب الحالة :



(أ) الأولى لتقايس المثلثات القائمة (ب) الأولى لتقايس المثلثات المعتمة (ج) الثانية لتقايس المثلثات القائمة

التعريف الثاني : (5 نقاط)

1) لحسب العبارتين التاليتين : $A = -\frac{7}{5} + \frac{2}{5} \times (7 - B) = -\frac{7}{5} + \frac{2}{5} \times (-4) = -\frac{7}{5} - \frac{8}{5} = -\frac{15}{5}$

$B = \frac{\frac{3}{2} + \frac{5}{4}}{-\frac{3}{2} + \frac{4}{5}} = \frac{-\frac{6}{4} + \frac{5}{4}}{-\frac{6}{4} - \frac{5}{4}} = \frac{-\frac{1}{4}}{-\frac{11}{4}} = -\frac{1}{4} \times \frac{4}{-11} = \frac{1}{11}$





$$E = \frac{(a^2b^3)^{-1} \times (a^{-3})^2}{(a^{-2}b^{-3})^3} = \frac{a^{-2} \times b^{-3} \times a^{-6}}{a^{-6} \times b^{-9}} : \text{ لتكن العبارة } E$$

$$= a^{-2} \times b^{-3+9} = a^{-2} \times b^6 = a^{-2}b^6$$

ا - بين ان $E = a^{-2}b^6$

ب - احسب العبارة E حيث $a^{-1}b^3 = 3$ $E = a^{-2} \times a^6 = (a^{-1} \times b^3)^2 = 3^2 = 9$

التمرين الثالث : (4 نقاط)

لتكن العبارتين : $E = -\frac{3}{2}a(b - \frac{5}{3}) - \frac{1}{2}ab$ (a و b عدنان كسريان)

$$F = -4 - \frac{5}{2}b$$

(1) ا - فكك العبارة E

ب - اوجد العددين الكسريين a و b حيث $E = 0$

(2) بين ان : $E - F = \frac{5}{2}(a + b) - 2ab + 4$

(3) قارن E و F حيث : (ا) $a = \frac{2}{3}$ و $b = -1$

(ب) a و b مقلوبان و $a + b = -\frac{5}{2}$

التمرين الرابع : (7 نقاط)

لاحظ الزمس المقابل حيث الزوايا : $\widehat{GAC} = \widehat{GAB}$ و $\widehat{ACG} = \widehat{ABG}$ و G مركز نقل المثلث ABC

(1) اثبت ان $\widehat{AGB} = \widehat{AGC}$

(2) استنتج تقايس المثلثين AGC و AGB

(3) ماهي طبيعة المثلثين GCB و ABC ؟ علل جوابك .

(4) المستقيم (BG) يقطع القطعة $[AC]$ في النقطة M

والمستقيم (CG) يقطع القطعة $[AB]$ في النقطة N

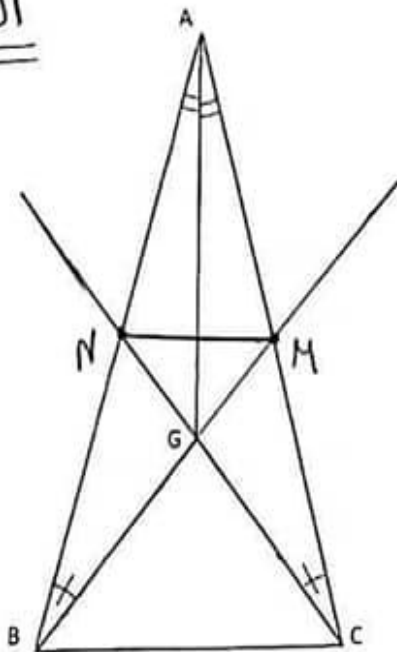
بين ان M منتصف $[AC]$ و N منتصف $[AB]$

(5) اثبت تقايس المثلثين MBC و NBC

(6) اثبت ان $\widehat{MNC} = \widehat{NCB}$

(7) استنتج ان (MN) و (BC) متوازيان

الرسم





التقرير الثالث:

$$E = -\frac{1}{2}a \left[3\left(b - \frac{5}{3}\right) + b \right] \quad \text{--- 1}$$

$$= -\frac{1}{2}a \left[3b - 3 \times \frac{5}{3} + b \right] = \boxed{-\frac{1}{2}a(4b-5)}$$

ب - $E=0$ يعني $-\frac{1}{2}a(4b-5)=0$ يعني $4b-5=0$ أو $-\frac{1}{2}a=0$ يعني

$$\boxed{a=0, \text{ أو } b=\frac{5}{4}}$$

$$E-F = -\frac{3}{2}ab + \frac{3a}{2} \times \frac{5}{3} - \frac{1}{2}ab + 4 + \frac{5}{2}b \quad \text{(2)}$$

$$= -\frac{3}{2}ab - \frac{1}{2}ab + \frac{5a}{2} + \frac{5}{2}b + 4$$

$$= -\frac{4}{2}ab + \frac{5}{2}(a+b) + 4 = \boxed{\frac{5}{2}(a+b) - 2ab + 4}$$

$$E-F = \frac{5}{2}\left(\frac{2}{3} - 1\right) - 2 \times \frac{2}{3} \times -1 + 4 \quad \text{ب} = -1 \text{ و } \text{ا} = \frac{2}{3} \quad \text{(3)}$$

$$E-F = \frac{5}{2} \times \left(\frac{2}{3} - \frac{3}{3}\right) + \frac{4}{3} + 4$$

$$E-F = -\frac{5}{6} + \frac{4}{3} + 4 = -\frac{5}{6} + \frac{8}{6} + \frac{24}{6} = \boxed{\frac{27}{6}} > 0$$

لما أن $E-F$ موجب قطعاً فإن $E > F$

$$E-F = \frac{5}{2} \times -\frac{5}{2} - 2ab + 4 \quad \text{ب) } a+b = -\frac{5}{2}$$

لما أن a و b مغلوبان فإن $a \times b = 1$ وبالتالي

$$E-F = -\frac{25}{2} - 2 + 4 = -\frac{25}{2} + 2 = -\frac{25}{2} + \frac{4}{2}$$

$$E-F = \boxed{-\frac{21}{2}} < 0$$

لما أن $E-F$ سالب قطعاً فإن $F > E$





تمرين الرابع

① لدينا المثلث AGC : $\widehat{AGC} = 180 - (\widehat{CAG} + \widehat{GCA})$
 ولدينا المثلث AGB : $\widehat{AGB} = 180 - (\widehat{BAG} + \widehat{GAB})$
 ولدينا ان $\widehat{GAC} = \widehat{GAB}$ و $\widehat{ACG} = \widehat{ABG}$ فإن $\widehat{AGC} = \widehat{AGB}$

② في المثلث AGC و AGB لدينا .

⊙ $\widehat{CAG} = \widehat{BAG}$ (مطلوب)

⊙ $\widehat{AGB} = \widehat{AGC}$ (حسب السؤال ①)

⊙ $AG = AG$ (قطع مشترك)

← حسب الحالة الأولى لتعاين المثلثات العامة فإن المثلث AGC و AGB متقاين

③ بما ان المثلث AGC و AGB متقاين وبالتالي فإن $\widehat{GAC} = \widehat{GAB}$

متقاين من حيث وحسب العناصر المتبقية فإن $\widehat{ACG} = \widehat{ABG}$ و $GC = GB$

ومن ثم ABC متقاين الخطين GA و GC متقاين الخطين GB في G .

④ بما ان G هو مركز ثقل المثلث ABC فإن (BG) هو المستقيم

الواصل للمركز الثقل من B ومنه فإن (BG) يقطع $[AC]$ في

نصفه M ومنه $[AC]$ و (CG) هو المستقيم

الواصل للمركز الثقل من C ومنه (CG) يقطع $[AB]$ في

نصفه N وبالتالي $[AB]$.

⑤ في المثلث MBC و NBC لدينا :

⊙ $BC = BC$ (قطع مشترك)

⊙ $NB = MC$ (لان $AB = AC$ و M منتصف $[AC]$ و N منتصف $[AB]$)

⊙ $\widehat{NBC} = \widehat{MCB}$ (لان $\widehat{BGC} = \widehat{BGC}$ متقاين الخطين GA و GC و $\widehat{NBC} = \widehat{MCB}$)

و نعلم ان $\widehat{NBC} = \widehat{MCB}$

← حسب الحالة الثانية لتعاين المثلثات العامة فإن المثلث MBC و NBC متقاين

⑥ بما ان المثلث MBC و NBC متقاين فإن

نلاحظ ان $\widehat{NBC} = \widehat{MCB}$ و $\widehat{NCB} = \widehat{MBC}$ و $BC = BC$

المنظرة فإن $CM = BN$ و بما ان $CG = BG$

فإن $GN = GM$ وبالتالي G منتصف $[MN]$

و بما ان $\widehat{BGC} = \widehat{MGM} = \widehat{NBM} = 180 - \widehat{BGC} - \widehat{MGM} = 180 - \widehat{BGC} - \widehat{NBM}$

⑦ (MN) و (BC) متوازيين و GA يقطع (MN) و (BC) في

نصفه M و N و G منتصف $[MN]$ و G منتصف $[BC]$

و بما ان GA يقطع (MN) و (BC) في

نصفه M و N و G منتصف $[MN]$ و G منتصف $[BC]$



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

