



طريقة الحصول على القاسم المشترك الأكبر

لدينا $24 = ق.م. (48, 72)$ و $72 = 2^3 \times 3^2$ و $48 = 2^4 \times 3^1$ وبالتالي نلاحظ أن نكتب العدد 24 إلى جذاء عوامل أولية يمثل جذاء العوامل الأولية المشتركة للعددين 72 و 48 مع إسناد أصغر دليل قوة.

وهذا يعني أن القاسم المشترك الأكبر لعددين صحيحين طبيعيين هو جذاء العوامل الأولية المشتركة للعددين مع إسناد أصغر دليل قوة.

مثال 1: $600 = 2^3 \times 3^1 \times 5^2$ و $1300 = 2^2 \times 5^2 \times 13^1$ إذا $100 = 2^2 \times 5^2 = 4 \times 25$ ق.م. $(600, 1300)$

مثال 2: $a = 3^3 \times 11^1 \times 5^2 \times 2^4$ و $b = 7^2 \times 11^2 \times 3^2 \times 5^3$ و $c = 7^1 \times 13^1 \times 3^2 \times 5^4$

إذا $225 = 3^2 \times 5^2 = 9 \times 25 = ق.م. (a, b, c)$

هناك طريقة ثانية تسمى بخوارزمية إقليدس

للحصول على القاسم المشترك الأكبر للعددين 1850 و 270 نستعمل خوارزمية إقليدس كما يلي:

وبالتالي: ق.م. $(270, 1850) = 10$

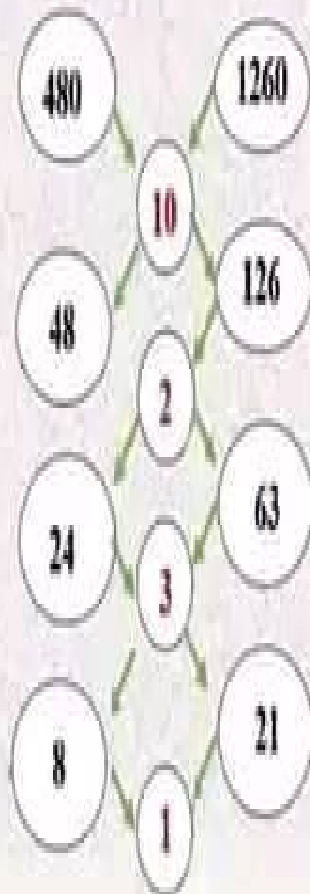
هناك طريقة ثالثة تسمى بطريقة المخطط

للحصول على القاسم المشترك الأكبر للعددين 1260 و 480

نستعمل الطريقة التالية:

وبالتالي فإن: $60 = 10 \times 2 \times 3 \times 1 = ق.م. (480, 1260)$

طريقة المخطط



العدد الأكبر	العدد الأصغر	باقي القسمة
1850	270	230
270	230	40
230	40	30
40	30	10
30	10	0

خوارزمية إقليدس





ملاحظة:

• نقول بأن عددين صحيحين طبيعيين أوليين فيما بينهما إذا كان قاسمهما المشترك الأكبر مساو لواحد.

أي إذا كان $1 = \text{ق.م.أ.}(b, a)$ فإن a و b أوليان فيما بينهما.

• إذا كان a عدد صحيح مضاعف للعدد الصحيح الطبيعي b (b قاسم لـ a) فإن $\text{ق.م.أ.}(b, a) = b$

مثال : $35 = \text{ق.م.أ.}(105, 35)$ لأن 105 مضاعف لـ 35 .

• مجموعة القواسم المشتركة لعددين صحيحين طبيعيين هي مجموعة قواسم قاسمهما المشترك الأكبر

أي إذا كان $d = \text{ق.م.أ.}(b, a)$ فإن $D_a \cap D_b = D_d$

مثال : $100 = \text{ق.م.أ.}(600, 1300)$ إذا

$$D_{600} \cap D_{1300} = D_{100} = \{1, 2, 4, 5, 10, 20, 25, 50, 100\}$$





القاسم المشترك الأكبر لعددين صحيحين طبيعيين

تعريف:

القاسم المشترك الأكبر لعددين صحيحين طبيعيين هو أكبر قاسم مشترك لهما

مثال: إذا أخذنا العددين 48 و 72 فلنأخذ مجموعة القواسم المشتركة لهما وأكبر عنصر في هذه المجموعة يسمى القاسم المشترك الأكبر لـ 48 و 72 ونرمز له بـ $D_{48, 72}$

نقوم بتفكيك العددين إلى جذاء عواملهم الأولية كما يلي

48	2	72	2
24	2	36	2
12	2	18	2
6	2	9	3
3	3	3	3
1		1	

فنتحصل على: $48 = 2^4 \times 3^1$ و $72 = 2^3 \times 3^2$

قواسم 2^4 هي: $1 = 2^0$ و $2^1 = 2$ و $2^2 = 4$ و $2^3 = 8$ و $2^4 = 16$

قواسم 3^2 هي: $1 = 3^0$ و $3^1 = 3$ و $3^2 = 9$

فنتحصل على جدول بيتاغور التالي:

x	1	2	4	8
1	1	2	4	8
3	3	6	12	24
9	9	18	36	72

إذا $D_{72} = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 12, 18, 24, 36, 72\}$

قواسم 2^4 هي: $1 = 2^0$ و $2^1 = 2$ و $2^2 = 4$ و $2^3 = 8$ و $2^4 = 16$

قواسم 3^1 هي: $1 = 3^0$ و $3^1 = 3$

فنتحصل على جدول بيتاغور التالي:

x	1	2	4	8	16
1	1	2	4	8	16
3	3	6	12	24	48

إذا $D_{48} = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 16, 24, 48\}$

وبالتالي القواسم المشتركة للعددين 48 و 72

$D_{48} \cap D_{72} = \{1, 2, 3, 6, 8, 12, 24\}$

وبالتالي: $24 = \text{ل.م.أ.}(48, 72)$



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

