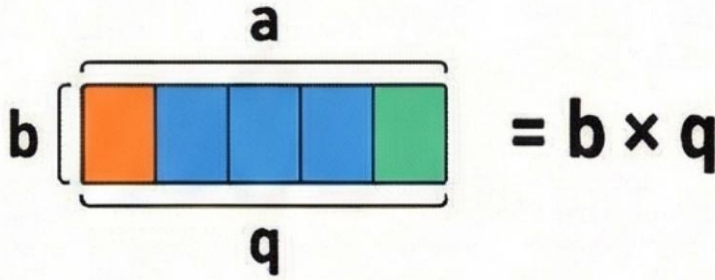




دليل شامل لقواسم ومضاعفات الأعداد الطبيعية

المفاهيم الأساسية

2. قواسم عدد صحيح طبيعي



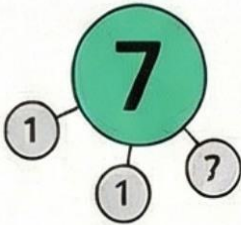
العدد b قاسم للعدد a إذا وُجد عدد طبيعي q بحيث $a = b \times q$

خواص قواسم الأعداد



1. العدد 1 قاسم لكل عدد طبيعي عدد طبيعي
2. كل عدد طبيعي غير منعدم قاسم لنفسه
3. إذا كان b قاسمًا لـ a ، فإن a مضاعف لـ b

3. الأعداد الأولية



هو كل عدد طبيعي أكبر من 1، ويقبل القسمة على عددين فقط هما 1 ونفسه

أمثلة على الأعداد الأولية

2، 3، 5، 7، 11، 13، 17، 19، 23...

ملاحظة: العدد 1 ليس أوليًا



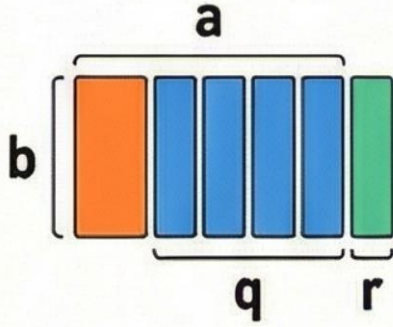
هذا العمل خاص بأكاديمية أينشتاين





دليل شامل لقواسم ومضاعفات الأعداد الطبيعية

المفاهيم الأساسية



1. القسمة الإقليدية

$$a = bq + r$$

r محصور بين 0 و b

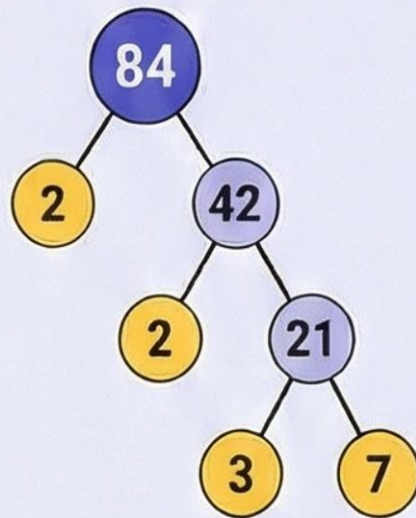
q : خارج القسمة
 r : باقي القسمة

q : خارج القسمة
 r : باقي القسمة

4. طريقة التفكيك إلى جداء عوامل أولية

نقسم لعدد على العوامل الأولية بدءًا من أصغر عامل، ونكرر القسمة على نفس العامل حتى لا يقبل القسمة، ثم ننتقل إلى العامل الأولي، حتى يصبح الناتج يساوي 1.

مثال: تفكيك العدد 84



$$84 = 2 \times 2 \times 3 \times 7 = 2^2 \times 3 \times 7$$



هذا العمل خاص بأكاديمية أينشتاين





دليل شامل لقواسم ومضاعفات الأعداد الطبيعية

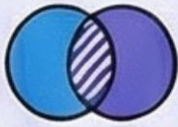
علاقات ومصطلحات هامة

7. العلاقة الأساسية بين ق.م.أ و م.م.أ

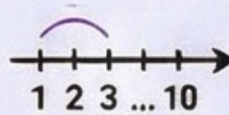
$$a \times b = (a,b) \text{ ق.م.أ} \times (a,b) \text{ م.م.أ}$$

(تطبق على أي عددين a و b غير صفر).

8. مصطلحات رئيسية



القاسم المشترك:
عدد يقسم عددين أو أكثر



المضاعف المشترك:
عدد هو مضاعف لعددين أو أكثر.



التفكيك الوحيد: كل عدد
صحيح يمكن تفكيكه إلى جداء
عوامل أولية بطريقة وحيدة



الأوليان فيما بينهما:
عددان قاسمهما المشترك
الأكبر هو 1

في
العمل
خاص
بالمراجعة
الاعداد





دليل شامل لقواسم ومضاعفات الأعداد الطبيعية



5. إيجاد القاسم المشترك الأكبر

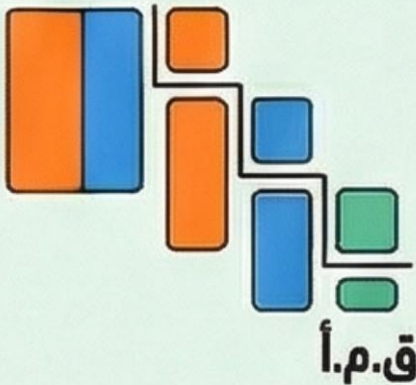
هو أكبر عدد طبيعي يقسم عددين أو أكثر في نفس الوقت.

5. القاسم المشترك الأكبر (ق.م.أ.)
نأخذ العوامل الأولية المشتركة
فقط وبأصغر أس.

طريقة 1: التفكيك إلى عوامل أولية

$$\begin{array}{cc} 180 & 126 \\ 2^1 \times 3^2 \times 5 & 2 \times 3^2 \times 7 \\ \downarrow & \\ \text{ق.م.أ. } (125, 180) & \\ = 2 \times 3^2 = 18 & \end{array}$$

طريقة 2: خوارزمية إقليدس



6. المضاعف المشترك الأصغر
نأخذ كل العوامل الأولية
(المشتركة وغير المشتركة)
بأكبر أس.

طريقة إيجاد م.م.أ.

$$\begin{array}{cc} 36 & 45 \\ 2^1 \times 3^2 & 3^2 \times 5 \\ \downarrow & \\ \text{م.م.أ. } (36, 45) & \\ = 2^2 \times 3^2 \times 5 = 180 & \end{array}$$

نقسم العدد الأكبر على
الأصغر، ثم نقسم القاسم
على باقي القسمة، ونستمر
حتى يكون الباقي 0. آخر باقي
غير صفري هو ق.م.أ.

هذا هو القاسم المشترك الأكبر



مرحبا بكم على منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

